

# Épreuve de mathématiques du Brevet - Corrigé

Pondichéry - Avril 2013

## Exercice 1

**Affirmation 1**  $(\sqrt{5} - 1)(\sqrt{5} + 1) = (\sqrt{5})^2 - 1^2 = 5 - 1 = 4$ . Donc Vraie.

**Affirmation 2** Les diviseurs de 4 sont 1, 2 et 4. Donc Faux.

**Affirmation 3** Un cube a 6 faces, une pyramide à base carrée 5 faces, et un pavé 6 faces. 17 faces. Vraie.

**Affirmation 4** Comparons  $\frac{OB}{OD}$  et  $\frac{2}{3,5}$  et  $\frac{2,8}{5}$

$$\text{Or } \frac{2}{3,5} \approx 0,57 \text{ et } \frac{2,8}{5} = 0,56$$

D'après la contraposée du théorème de Thalès, les droites ne sont pas parallèles.

## Exercice 2

1. Il faut ajouter les effectifs des 3 premières colonnes du tableau. Il y a 5 plantules qui mesurent au plus 12 cm

2. La valeur maximale du caractère est 22 cm, la valeur minimale est 0 cm. L'étendue de cette série statistique est :  $22 \text{ cm} - 0 \text{ cm} = 22 \text{ cm}$

3. Il faut calculer la moyenne des tailles en cm pondérées par les effectifs.

$$m = \frac{0 \text{ cm} \times 1 + 8 \text{ cm} \times 2 + 12 \text{ cm} \times 2 + 14 \text{ cm} \times 4 + 16 \text{ cm} \times 2 + 17 \text{ cm} \times 2 + 18 \text{ cm} \times 3 + 19 \text{ cm} \times 3 + 20 \text{ cm} \times 4 + 21 \text{ cm} \times 4 + 22 \text{ cm} \times 2}{29} = \frac{481 \text{ cm}}{29} \approx 16,6 \text{ cm}$$

4. L'effectif total est de 29. La médiane de cette série est donc la 15<sup>e</sup> valeur.

On peut construire le tableau des effectifs cumulés :

Tailles en cm	0	8	12	14	16	17	18	19	20	21	22
Effectifs	1	2	2	4	2	2	3	3	4	4	2
Effectifs cumulés	1	3	5	9	11	13	16	19	23	27	29

On constate alors que la 15<sup>e</sup> valeur est 18 cm. La médiane de cette série statistique est 18 cm

Cela signifie que la moitié des plantules a une taille inférieure ou égale à 18 cm

5. Il y a  $4 + 2 + 2 + 3 + 3 + 4 + 4 + 2 = 24$  plantules de taille supérieure ou égale à  $\frac{14}{24} \approx 0,58$ . Environ 58% des élèves a bien respecté le protocole.

6. Avec la mesure du professeur, l'effectif passe à 30. La médiane de la nouvelle série statistique est donc une valeur comprise entre la 15<sup>e</sup> et la 16<sup>e</sup> valeur du caractère.

D'après le tableau des effectifs cumulés ci-dessus, avant la mesure du professeur, la 14<sup>e</sup>, 15<sup>e</sup> et 16<sup>e</sup> valeurs étaient 18 cm.

Si le professeur a une mesure inférieure à 18 cm alors la 15<sup>e</sup> valeur de la série sera encore 18 cm. Si la mesure est supérieure ou égale à 18 cm la 15<sup>e</sup> valeur ne sera pas modifiée.

Quelle que soit la valeur mesurée par le professeur, les 15<sup>es</sup> et 16<sup>es</sup> valeurs restent 18 cm. La médiane de cette nouvelle série est donc 18 cm.

## Exercice 3

1. Le poids d'un homme de 70 Kg est :  $70 \times 9,8 = 686$

2.a  $\frac{5,1}{3} = 1,7$ ,  $\frac{17}{10} = 1,7$ ,  $\frac{42,5}{25} = 1,7$ ,  $\frac{68}{40} = 1,7$  et  $\frac{93,5}{55} = 1,7$

Il y a donc un coefficient de proportionnalité qui permet de passer de la première ligne à la deuxième.

Ce tableau décrit une situation de proportionnalité.

2.b L'accélération de la pesanteur est 1,7.

2.c  $\frac{9,8}{1,7} \approx 5,8$

Il est vrai que l'on pèse environ 6 fois moins lourd sur la lune que sur la terre.

3.a Dans le triangle CDB rectangle en D.

$$\tan \widehat{BCD} = \frac{BD}{CD}$$

$$\tan 4,3^\circ = \frac{BD}{29 \text{ km}}$$

$$\text{Donc } BD = 29 \text{ km} \times \tan 4,3^\circ \approx 2,2 \text{ km} \text{ à } 0,1 \text{ km près.}$$

3.b Si CD représente 20% du cratère, le cratère entier mesure  $29 \text{ km} \times 5 = 145 \text{ km}$  car  $20\% \times 5 = 100\%$

#### Exercice 4

1.  $2 \times 6^2 - 3 \times 6 - 9 = 2 \times 36 - 18 - 9 = 72 - 27 = 45$

2.  $2 * A1^2 - 3 * A1 - 9$

3. Dans le tableau on lit :  $x = -1,5$  et  $x = 3$

4. L'aire du rectangle est :

$$(2x + 3)(x - 3) = 2x^2 - 6x + 3x - 9 = 2x^2 - 3x - 9$$

Donc le tableau correspond au problème d'aire.

Dans le tableau on constate que  $x = -2$  ou  $x = 3,5$

Or si  $x = -2$ ,  $x - 3 = -5$ , donc la valeur  $x = -2$  ne répond pas au problème.

Pour  $x = 3,5$ ,  $x - 3 = 0,5$  et  $2x + 3 = 10$

$3,5$  est la seule solution.

#### Exercice 5

1. Notons  $a$  l'aire de la base. On a  $\frac{1}{3} \times a \times 9 \text{ cm} = 108 \text{ cm}^3$

$$\text{Donc } a = 108 \text{ cm}^3 \times 3 \div 9 \text{ cm} = 36 \text{ cm}^2$$

$ABCD$  est un carré d'aire  $36 \text{ cm}^2$ . Comme  $\sqrt{36} = 6$ ,  $AB = 6 \text{ cm}$

$ABC$  est un triangle rectangle en  $B$ .

D'après le **théorème de Pythagore** on a :

$$BA^2 + BC^2 = AC^2$$

$$6^2 + 6^2 = AC^2$$

$$\text{Donc } AC^2 = 72 \text{ et } AC = \sqrt{72} = \sqrt{2 \times 36} = 6\sqrt{2}$$

Le périmètre du triangle  $ABC$  est donc  $6 \text{ cm} + 6 \text{ cm} + 6\sqrt{2} \text{ cm} = 12 + 6\sqrt{2} \text{ cm}$

2.a La pyramide  $MNOPS$  est une réduction de la pyramide  $ABCD$ . Notons  $k$  le coefficient de réduction. On a  $36 \text{ cm}^2 \times k^2 = 4 \text{ cm}^2$ .

$$\text{Donc } k^2 = \frac{4 \text{ cm}^2}{36 \text{ cm}^2} = \frac{1}{9}. \text{ Ainsi } k = \sqrt{\frac{1}{9}} = \frac{1}{3}$$

Ou encore on pouvait raisonner sur la longueur du côté du carré. En effet si son aire est  $4 \text{ cm}^2$  alors son côté mesure  $2 \text{ cm}$ . Le coefficient de réduction est donc  $\frac{2 \text{ cm}}{6 \text{ cm}} = \frac{1}{3}$

Si on multiplie les longueurs d'un solide par  $k$  alors le volume du solide est multiplié par  $k^3$ .

$$\text{Ainsi la pyramide } SMNOP \text{ à un volume de } 108 \text{ cm}^3 \times \left(\frac{1}{3}\right)^3 = 108 \text{ cm}^3 \times \frac{1}{27} = 4 \text{ cm}^3$$

2. Le coefficient de réduction est  $\frac{1}{3}$  cela signifie que les longueurs du triangle  $MNO$  sont trois fois plus petites que celle du triangle  $ABC$ . Elise a donc raison, il suffit de diviser le périmètre de  $ABC$  par 3 pour obtenir le périmètre de  $MNO$

#### Exercice 6

1.  $255 \times 24 = 6\,120$

Le voyage a duré  $6\,120 \text{ h}$

2.  $\frac{560\,000\,000}{6\,120} \approx 91\,503$

La vitesse du Rover est d'environ  $91\,500 \text{ kmh}^{-1}$

3. Pour parcourir  $248 \times 10^6 \text{ km}$  à  $300\,000 \text{ kms}^{-1}$  il faut :

$$\frac{248 \times 10^6}{300\,000} = \frac{248 \times 10^6}{3 \times 10^5} = \frac{248}{3} \times 10^1 \approx 827$$

Il faut donc  $827 \text{ s} = 13 \text{ min } 47 \text{ s}$