

La distributivité simple

$$k \times (a + b) = k \times a + k \times b$$

La distributivité double

$$(a + b)(c + d) = ac + ad + bc + bd$$

Développer

Distributivité simple

- $3(2x - 1) = 6x - 3$

Développer c'est écrire un produit de facteurs sous forme d'une somme de termes

- $3x(5 - 4x) = 15x - 12x^2$

Distributivité double

- $(2x - 1)(3x + 4) = 6x^2 + 8x - 3x - 4 = 6x^2 + 5x - 4$

Identités remarquables

- $(x + 3)^2 = x^2 + \underbrace{6x + 9}_{2 \times x \times 3}$

- $(4x - 5)^2 = 16x^2 - \underbrace{40x + 25}_{2 \times 4x \times 5}$

- $(3x + 7)(3x - 7) = 9x^2 - 49$

- $(5x - 2)^2 - (4x - 1)(5x - 2) = (25x^2 - 20x + 4) - (20x^2 - 8x - 5x + 2)$

- $(5x - 2)^2 - (4x - 1)(5x - 2) = 5x^2 - 7x + 2$

- $(7x + 3)^2 - (3x - 5)^2 = (49x^2 + 42x + 9) - (9x^2 - 30x + 25)$

- $(7x + 3)^2 - (3x - 5)^2 = 40x^2 + 72x - 16$

Dans toute cette fiche k, a, b, c, d et x sont des nombres réels quelconques.

Factoriser

Factoriser c'est écrire une somme de termes sous forme d'un produit de facteurs.

Avec facteur commun

- $35x - 7 = 7 \times 5x - 7 \times 1 = \underbrace{7(5x - 1)}_{\text{Facteur commun}}$

Facteur commun

- $(3x + 1)(4x - 2) - (3x + 1)(5x - 3) = \underbrace{(3x + 1)[(4x - 2) - (5x - 3)]}_{(\text{A} + \text{B})(\text{A} - \text{B})}$
- $(3x + 1)(4x - 2) - (3x + 1)(5x - 3) = \underbrace{(3x + 1)(4x - 2 - 5x + 3)}_{(5x - 2)^2 - (4x - 1)(5x - 2)}$
- $(3x + 1)(4x - 2) - (3x + 1)(5x - 3) = \underbrace{(3x + 1)(-x + 1)}_{(5x - 2)^2 - (4x - 1)(5x - 2)}$
- $(5x - 2)^2 - (4x - 1)(5x - 2) = \underbrace{(5x - 2)[(5x - 2) - (4x - 1)]}_{(5x - 2)(5x - 2 - 4x + 1)}$
- $(5x - 2)^2 - (4x - 1)(5x - 2) = (5x - 2)(5x - 2 - 4x + 1)$
- $(5x - 2)^2 - (4x - 1)(5x - 2) = (5x - 2)^2$

Avec les identités remarquables

- $(7x + 3)^2 - (3x - 5)^2 = [(7x + 3) + (3x - 5)][(7x + 3) - (3x - 5)]$
- $(7x + 3)^2 - (3x - 5)^2 = \underbrace{(A^2 - B^2)}_{(A + B)(A - B)}$
- $(7x + 3)^2 - (3x - 5)^2 = (10x - 2)(4x + 8)$
- $64x^2 - 32x + 4 = (8x - 2)^2$

Résoudre

$$(7x - 3)(3x - 6) = 0$$

Un produit de facteurs est nul si et seulement si un des facteurs est nul

$$7x - 3 = 0$$

$$7x = 3$$

$$x = \frac{3}{7}$$

Il y a donc deux solutions