



DIPLÔME NATIONAL DU BREVET

SESSION 2019

MATHÉMATIQUES

SÉRIE GÉNÉRALE

POLYNÉSIE FRANÇAISE

9 SEPTEMBRE 2019

Durée de l'épreuve : 2h00

100 points

Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il soit complet.
Il comporte 7 pages numérotées de la page 1 sur 7 à la page 7 sur 7.

L'usage de calculatrice avec mode examen actif est autorisé.
L'usage de calculatrice sans mémoire « type collègue » est autorisé.

Exercice n° 1	15 points
Exercice n° 2	12 points
Exercice n° 3	14 points
Exercice n° 4	14 points
Exercice n° 5	16 points
Exercice n° 6	15 points
Exercice n° 7	14 points

Indications portant sur l'ensemble du sujet.

Toutes les réponses doivent être justifiées, sauf si une indication contraire est donnée.

Pour chaque question, si le travail n'est pas terminé, laisser tout de même une trace de la recherche ; elle sera prise en compte dans la notation.

EXERCICE n° 1 — QCM à 5 questions

15 points

Dans ce questionnaire à choix multiples, pour chaque question des réponses sont proposées, une seule est exacte. Sur la copie, écrire le numéro de la question et recopier la bonne réponse. Aucune justification n'est attendue.

Questions	A	B	C
1. Le nombre $(-2)^4$ est égal à :	16	-8	20000
2. Une vitesse de 90 km/h est égale à :	0,025 m/s	25000 m/s	25 m/s
3. La décomposition en produit de facteurs premiers du nombre 24 est :	$2 \times 3 \times 4$	$2 \times 2 \times 2 \times 3$	$2 \times 2 \times 6$
4. Soit f une fonction affine définie par $f : x \rightarrow 2x + 5$ L'image de -1 par la fonction f est :	3	6	-7
5. Si on multiplie par 3 toutes les dimensions d'un rectangle, son aire est multipliée par :	3	6	9

EXERCICE n° 2 — Télécharger des titres musicaux

12 points

Hugo a téléchargé des titres musicaux. Il les a classés par genre musical comme dans le tableau ci-dessous :

GENRE MUSICAL	Pop	Rap	Techno	Variété française
NOMBRES DE TITRES	35	23	14	28

1. Combien de titres a-t-il téléchargés ?

Il souhaite utiliser la fonction « lecture aléatoire » de son téléphone qui consiste à choisir au hasard parmi tous les titres musicaux téléchargés, un titre à diffuser. Tous les titres sont différents et chaque titre a autant de chances d'être choisi. On s'intéresse au genre musical du premier titre diffusé.

2.a. Quelle est la probabilité de l'événement : « Obtenir un titre Pop » ?

2.b. Quelle est la probabilité de l'événement « Le titre diffusé n'est pas du Rap » ?

2.c. Un fichier musical audio a une taille d'environ 4 Mo (Mégaoctets). Sur le téléphone d'Hugo, il reste 1,5 Go (Gigaoctet) disponible. Il souhaite télécharger de nouveaux titres musicaux.

Combien peut-il en télécharger au maximum ?

Rappel : 1 Go = 1000 Mo.

Une assistante maternelle gardait plusieurs enfants dont Farida qui est entrée à l'école en septembre 2017. Ses parents ont alors rompu leur contrat avec cette assistante maternelle. La loi les oblige à verser une « indemnité de rupture ». Le montant de cette indemnité est égal au 1/120^e du total des salaires nets perçus par l'assistante maternelle pendant toute la durée du contrat.

Ils ont reporté le montant des salaires nets versés, de mars 2015 à août 2017, dans un tableur comme ci-dessous :

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
1	Salaires nets versés en 2015 (en €)												
2													
3	Janvier	Février	Mars	Avril	Mai	Juin	Juillet	Août	Septembre	Octobre	Novembre	Décembre	Total
4			77,81	187,11	197,21	197,11	187,11	170,63	186,28	191,37	191,37	197,04	1783,04
5													
6	Salaires nets versés en 2016 (en €)												
7													
8	Janvier	Février	Mars	Avril	Mai	Juin	Juillet	Août	Septembre	Octobre	Novembre	Décembre	Total
9	191,37	191,37	191,37	197,04	194,21	191,37	211,21	216,89	212,63	212,63	218,3	218,3	2446,69
10													
11	Salaires nets versés en 2017 (en €)												
12													
13	Janvier	Février	Mars	Avril	Mai	Juin	Juillet	Août	Septembre	Octobre	Novembre	Décembre	Total
14	223,97	261,64	270,15	261,64	261,64	267,3	261,64	261,64					2069,62
15													
16	Montant total des salaires versés (en €)												
17													
18	Montant de l'indemnité de rupture de contrat (en €)												
19													

1.a. Que représente la valeur 1 783,04 dans la cellule **M4** ?

1.b. Quelle formule a-t-on écrit dans la cellule **M4** pour obtenir cette valeur ?

1.c. Dans quelle cellule doit-on écrire la formule = **M4 + M9 + M14** ?

2. Déterminer le montant de « l'indemnité de rupture ». Arrondir au centime d'euro près.

3. Déterminer le salaire moyen net mensuel versé à cette assistante maternelle sur toute la durée du contrat de la famille de Farida. Arrondir au centime d'euro près.

4. Calculer l'étendue des salaires versés.

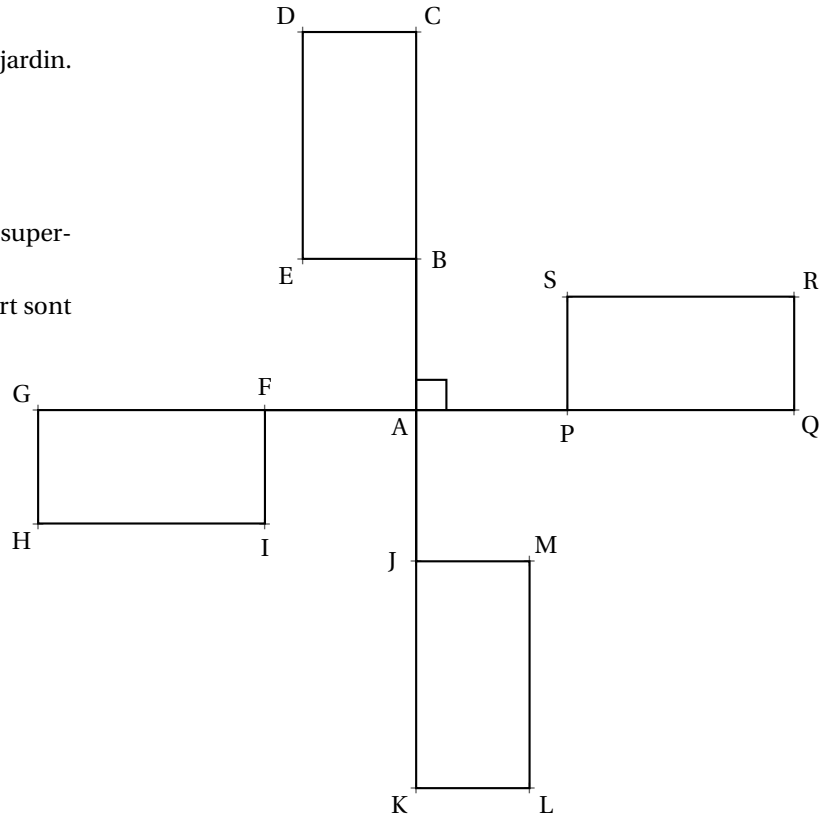
EXERCICE n° 4 — Les ailes du moulin à vent

14 points

On s'intéresse aux ailes d'un moulin à vent décoratif de jardin.
Elles sont représentées par la figure ci-contre :

On donne :

- BCDE, FGHI, JKLM et PQRS sont des rectangles superposables;
- C, B, A, J, K d'une part et G, F, A, P, Q d'autre part sont alignés;
- $AB = AF = AJ = AP$.



1. Quelle transformation permet de passer du rectangle FGHI au rectangle PQRS ?
2. Quelle est l'image du rectangle FGHI par la rotation de centre A d'angle 90° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre ?

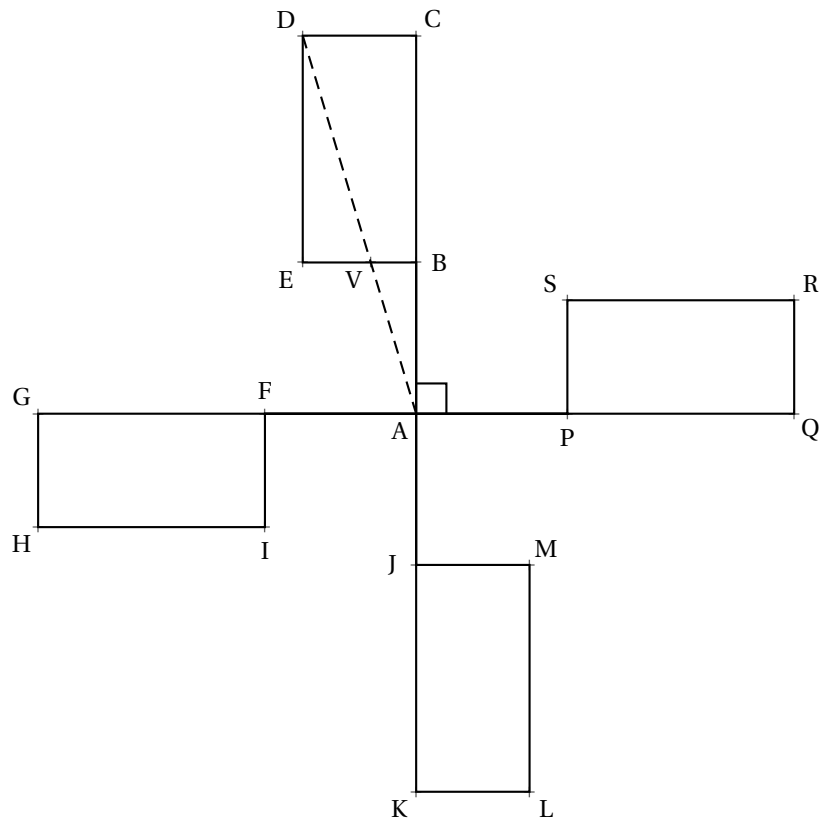
Soit V un point de [EB] tel que $BV = 4 \text{ cm}$.

On donne :

$AB = 10 \text{ cm}$ et $AC = 30 \text{ cm}$;

Attention la figure n'est pas construite à la taille réelle.

- 3.a. Justifier que (DC) et (VB) sont parallèles.
- 3.b. Calculer DC.
- 3.c. Déterminer la mesure de l'angle \widehat{DAC} .
Arrondir au degré près.



EXERCICE n° 5 — Le bac à sable

16 points

On a construit un bac à sable pour enfants.

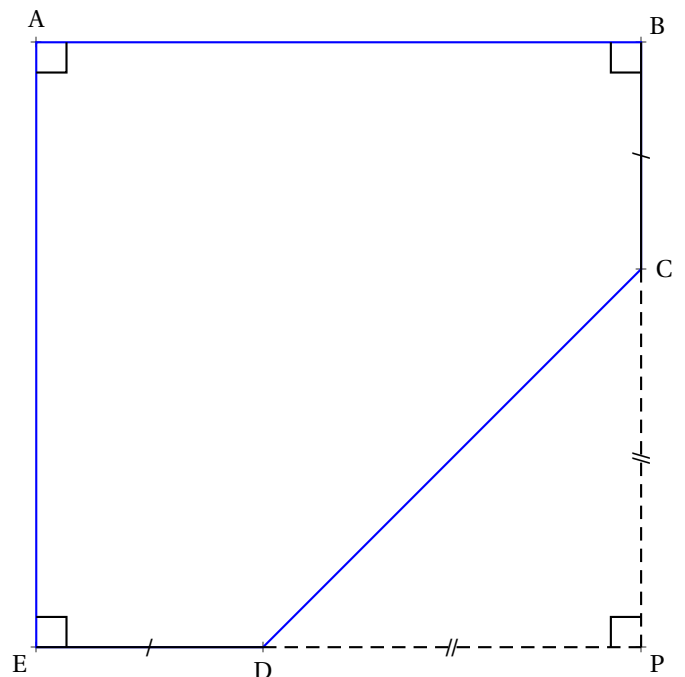


Ce bac a la forme d'un prisme droit de hauteur 15 cm. La base de ce prisme droit est représentée par le polygone ABCDE ci-dessous :

Attention la figure n'est pas construite à la taille réelle.

On donne :

- $PC = PD = 1,30\text{ m}$;
- $ED = BC = 40\text{ cm}$;
- E, D, P sont alignés;
- B, C, P sont alignés.



1. Calculer CD. Arrondir au centimètre près.
2. Justifier que le quadrilatère ABPE est un carré.
3. En déduire le périmètre du polygone ABCDE. Arrondir au centimètre près.
4. On a construit le tour du bac à sable avec des planches en bois de longueur 2,40 m et de hauteur 15 cm chacune. De combien de planches a-t-on eu besoin ?
5. Calculer, en mètres carrés, l'aire du polygone ABCDE.
6. A-t-on eu besoin de plus de 300 L de sable pour remplir complètement le bac ?

Rappel: Volume d'un prisme droit = aire de la base \times hauteur

L'éco-conduite est un comportement de conduite plus responsable permettant de :

- réduire ses dépenses : moins de consommation de carburant et un coût d'entretien du véhicule réduit;
- limiter les émissions de gaz à effet de serre;
- réduire le risque d'accident de 10 à 15 % en moyenne.

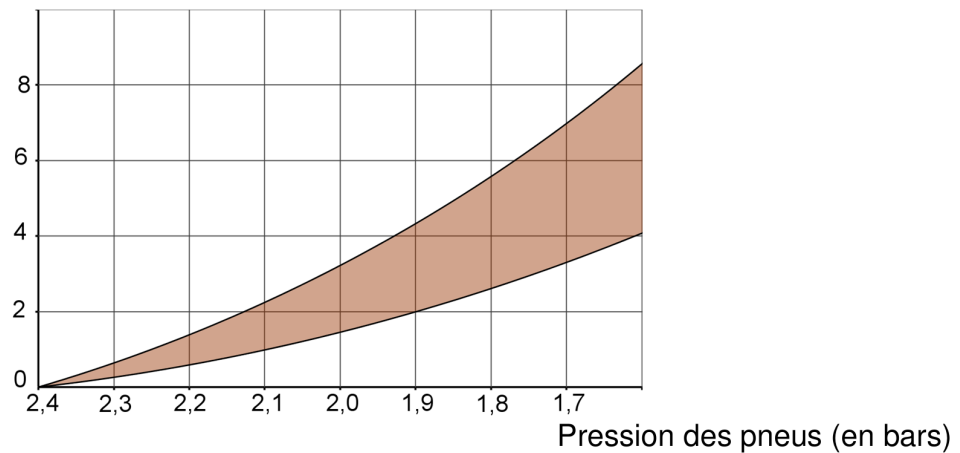
Un des grands principes est de vérifier la pression des pneus de son véhicule.

On considère des pneus dont la pression recommandée par le constructeur est de 2,4 bars.

1.a. Sachant qu'un pneu perd environ 0,1 bar par mois, en combien de mois la pression des pneus sera descendue à 1,9 bar, s'il n'y a eu aucun gonflage?

1.b. Le graphique ci-dessous donne un pourcentage approximatif de consommation supplémentaire de carburant en fonction de la pression des pneus (zone grisée) :

Consommation supplémentaire (en %)



source : www.eco-drive.ch

D'après le graphique, pour des pneus gonflés à 1,9 bars alors que la pression recommandée est de 2,4 bars, donner un encadrement approximatif du pourcentage de la consommation supplémentaire de carburant.

Paul a remarqué que lorsque les pneus étaient correctement gonflés, sa voiture consommait en moyenne 6 L aux 100 km. Il décide de s'inscrire à un stage d'éco-conduite afin de diminuer sa consommation de carburant et donc l'émission de CO₂. En adoptant les principes de l'écoconduite, un conducteur peut diminuer sa consommation de carburant d'environ 15 %. Il souhaite, à l'issue du stage, atteindre cet objectif.

2.a. Quelle sera alors la consommation moyenne de la voiture de Paul?

2.b. Sachant qu'il effectue environ 20000 km en une année, combien de litres de carburant peut-il espérer économiser?

2.c. Sa voiture roule à l'essence sans plomb. Le prix moyen est 1,35 €/L. Quel serait alors le montant de l'économie réalisée sur une année?

2.d. Ce stage lui a coûté 200 €. Au bout d'un an peut-il espérer amortir cette dépense?

On donne le programme ci-dessous où on considère 2 lutins.
 Pour chaque lutin, on a écrit un script correspondant à un programme de calcul différent.

Lutin n° 1

```

1 quand [drapeau] est cliqué
2 demander Saisir un nombre et attendre
3 mettre x à réponse + 5
4 mettre x à x * 2
5 mettre x à x - réponse
6 dire regroupe Le programme de calcul donne x
    
```

Lutin n° 2

```

1 quand je reçois nombre saisi
2 mettre x à 7 * réponse
3 mettre x à x - 8
4 dire regroupe Le programme de calcul donne x
    
```

1. Vérifier que si on saisit 7 comme nombre, le **Lutin n° 1** affiche comme résultat 17 et le **Lutin n° 2** affiche 41.
2. Quel résultat affiche le **Lutin n° 2** si on saisit le nombre -4 ?
- 3.a. Si on appelle x le nombre saisi, écrire en fonction de x les expressions qui traduisent le programme de calcul du **Lutin n° 1**, à chaque étape (instructions 3 à 5).
- 3.b. Montrer que cette expression peut s'écrire $x + 10$.
4. Célia affirme que plusieurs instructions dans le script du **Lutin n° 1** peuvent être supprimées et remplacées par celle ci-dessous.

```
mettre x à réponse + 10
```

Indiquer, sur la copie, les numéros des instructions qui sont alors inutiles.

5. Paul a saisi un nombre pour lequel les **Lutins n° 1 et n° 2** affichent le même résultat. Quel est ce nombre?

BREVET — 2019 — POLYNÉSIE FRANÇAISE — SÉRIE GÉNÉRALE

CORRECTION

Un sujet de bonne facture que fait le tour des grands thèmes au programme du brevet : géométrie, calcul, Scratch, tableur, tâche complexe. Un sujet parfait pour se préparer.



EXERCICE n° 1 — QCM à 5 questions

15 points

QCM — Arithmétique — Fonctions — Vitesse — Agrandissement / Réduction

Un QCM très classique!

1. $(-2)^4 = (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) = 16$

1. — Réponse A

Attention à l'usage de la calculatrice, il faut saisir les parenthèses $(-2)^4$.

En saisissant -2^4 on obtient -16 car $-2^4 = -2 \times 2 \times 2 \times 2$.

2. 90 km/h signifie 90 km en 1 h .

$1 \text{ h} = 60 \text{ min} = 3600 \text{ s}$ et $90 \text{ km} = 90000 \text{ m}$.

90 km/h signifie donc 90000 m en 3600 s .

$$\frac{90000 \text{ m}}{3600 \text{ s}} = 25 \text{ m/s}$$

2. — Réponse C

On peut présenter ce résultat sous la forme d'un tableau de proportionnalité :

Temps	$1 \text{ h} = 60 \text{ min} = 3600 \text{ s}$	1 s
Distance	$90 \text{ km} = 90000 \text{ m}$	$\frac{90000 \text{ m} \times 1 \text{ s}}{3600 \text{ s}} = 25 \text{ m}$

3. $24 = 2 \times 12$, $12 = 2 \times 6$, $6 = 2 \times 3$. 2 et 3 sont des nombres premiers. Donc $24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$.

3. — Réponse B

4. L'image de -1 consiste à calculer $f(-1)$.

$f(-1) = 2 \times (-1) + 5$ donc $f(-1) = -2 + 5 = 3$.

4. — Réponse A

5. On sait que :

Si on multiplie les longueurs d'une figure par k alors l'aire est multipliée par k^2 et le volume par k^3 .

$$3^2 = 9.$$

5. — Réponse C

On peut raisonner sur un exemple générique.

Si le rectangle a une longueur de 10 cm et une largeur de 7 cm , son aire mesure $10 \text{ cm} \times 7 \text{ cm} = 70 \text{ cm}^2$.

En multipliant ces dimensions par 3, les nouvelles mesures sont $10 \text{ cm} \times 3 = 30 \text{ cm}$ et $7 \text{ cm} \times 3 = 21 \text{ cm}$.

La mesure de la nouvelle aire est donc : $30 \text{ cm} \times 21 \text{ cm} = 630 \text{ cm}^2$.

On a bien $70 \text{ cm}^2 \times 9 = 630 \text{ cm}^2$.

D'ailleurs $30 \text{ cm} \times 21 \text{ cm} = 10 \text{ cm} \times 3 \times 7 \text{ cm} \times 3 = 70 \text{ cm}^2 \times 9$



EXERCICE n° 2 — Télécharger des titres musicaux

12 points

Probabilités

Un exercice de probabilités assez simple. L'effectif total de 100 facilite les résultats.

1. Il suffit d'effectuer : $35 + 23 + 14 + 28 = 100$

Il a téléchargé 100 titres.

2. Dans cette partie nous sommes dans une **situation d'équiprobabilité** où chaque issue apparaît avec la même fréquence.

2.a. Il y a 35 titres Pop sur 100 titres au total.

La probabilité cherchée est $\frac{35}{100} = 0,35$ soit 35 %.

2.b. Il y a 23 titres de Rap et donc $100 - 23 = 77$ titres qui ne sont pas du rap.

La probabilité cherchée est $\frac{77}{100} = 0,77$ soit 77 %.

On peut utiliser le calcul de l'événement contraire.

La probabilité que le titre soit du Rap est $\frac{23}{100}$.

La probabilité que le titre ne soit pas du Rap est $1 - \frac{23}{100} = \frac{100}{100} - \frac{23}{100} = \frac{77}{100}$

2.c. Comme $1 \text{ Go} = 1000 \text{ Mo}$, $1,5 \text{ Go} = 1,5 \times 1000 \text{ Mo} = 1500 \text{ Mo}$.

Chaque morceau a une taille d'environ 4 Mo.

$1500 \text{ Mo} \div 4 \text{ Mo} = 375$

Il peut télécharger au maximum 375 morceaux.



EXERCICE n° 3 — Le salaire de l'assistante maternelle

14 points

Tableur — Étendue — Moyenne

Beaucoup d'information dans cet exercice tableur.

1.a. Il s'agit de la somme des salaires versés en 2015.

1.b. La formule saisie est : =A4+B4+C4+D4+E4+F4+G4+H4+I4+J4+K4+L4 ou =SOMME(A4:L4)

1.c. Dans la cellule G16 car cela correspond à la somme des salaires versés.

2. Il faut calculer les 1/120^e du montant total des salaires.

Le montant total des salaires est : 1 783,04 € + 2 446,69 € + 2 069,62 € = 6 299,35 € .

$$\frac{1}{120} \times 6\,299,32 \text{ €} \approx 52,49 \text{ €} .$$

Le montant de l'indemnité de rupture de contrat est 52,49 € .

3. Cette famille a versé 10 mois de salaire en 2015, 12 mois en 2016 et 8 mois en 2017.

10 + 12 + 8 = 30 mois de salaire ont été versés.

$$6\,299,35 \text{ €} \div 30 \approx 209,98 \text{ €} .$$

Le salaire mensuel moyen versé est d'environ 209,98 € .

4. Il faut déterminer le salaire minimal et le salaire maximal.

Le salaire minimal a été versé en mars 2015 : 77,81 € .

Le salaire maximal a été versé en mars 2017 : 270,15 € .

L'étendue des salaires mensuels est 270,15 € - 77,81 € = 192,34 € .



EXERCICE n° 4 — Les ailes du moulin à vent

14 points

Symétrie centrale — Rotation — Théorème de Thalès — Trigonométrie

Un exercice intéressant qui mêle transformations, Thalès et trigonométrie.

1. On sait que F, A et P sont alignés et que AF = AP.

Ainsi F et P sont **symétriques par rapport au point A**.

Comme les rectangles sont superposables, GF = PQ. De plus G, A et Q sont alignés.

On en déduit que G et Q sont **symétriques par rapport à A**.

On sait que la symétrie centrale conserve la mesure des angles et les longueurs. En particulier elle transforme un rectangle en un rectangle superposable.

On en déduit que les rectangles FGHI et PQRS sont symétriques par rapport à A.

Il s'agit de la symétrie centrale de centre A.

Toutes les justifications ne sont pas attendues dans cette question.

2. Il s'agit du rectangle BCDE

Pour justifier ce résultat on peut utiliser quelques un des arguments suivants :

- $\widehat{FAB} = 90^\circ$ et $AF = AB$;
- G, F et A sont alignés ainsi que C, B et A;
- la rotation conserve les mesures des angles et les longueurs;
- la rotation transforme un rectangle en un rectangle superposable.

3.a. BCDE est un rectangle donc un parallélogramme : cela implique que $(DC) \parallel (EB)$
Comme $V \in [EB]$ on arrive à :

$$\boxed{(DC) \parallel (VB)}$$

3.b.
Les droites (DV) et (CB) sont sécantes en A, les droites (DC) et (VB) sont parallèles,
D'après **le théorème de Thalès** on a :

$$\frac{AB}{AC} = \frac{AV}{AD} = \frac{BV}{CD}$$

$$\frac{10 \text{ cm}}{30 \text{ cm}} = \frac{AV}{AD} = \frac{4 \text{ cm}}{DC}$$

En utilisant la règle de trois on obtient :

$$DC = \frac{4 \text{ cm} \times 30 \text{ cm}}{10 \text{ cm}} \text{ d'où } DC = \frac{120 \text{ cm}}{10 \text{ cm}} \text{ et } DC \approx 12 \text{ cm}$$

$$\boxed{DC = 12 \text{ cm}}$$

3.c. Le triangle DCA est rectangle en C puisque BCDE est un rectangle.

Dans le triangle DCA rectangle en C on a :

$$\tan \widehat{DAC} = \frac{DC}{AC} \text{ donc } \tan \widehat{DAC} = \frac{12 \text{ cm}}{30 \text{ cm}} = 0,4$$

À la calculatrice on a $\widehat{DAC} \approx 22^\circ$.

$$\boxed{\widehat{DAC} \approx 22^\circ \text{ au degré près.}}$$



EXERCICE n° 5 — Le bac à sable

Périmètre — Aire — Volume du prisme droit — Théorème de Pythagore

16 points

Une situation intéressante qui utilise de nombreuses grandeurs. Un peu plus d'autonomie aurait permis d'en faire une tâche complexe.

1. Dans le triangle PDC rectangle en P,
D'après **le théorème de Pythagore** on a :

$$PD^2 + PC^2 = DC^2$$

$$1,3^2 + 1,3^2 = DC^2$$

$$1,69 + 1,69 = DC^2$$

$$DC^2 = 3,38$$

$$DC = \sqrt{3,38}$$

$$DC \approx 1,84$$

$$\boxed{DC \text{ mesure environ } 1,84 \text{ m au centimètre près.}}$$

2. Le quadrilatère ABPE possède quatre angles droits : c'est un rectangle.
On remarque aussi que $PB = PC + CB = PD + DE = PE$.

ABPE est donc un carré.

3. $AB = EP = ED + DP$ donc $AB = 40 \text{ cm} + 1,30 \text{ m} = 0,40 \text{ m} + 1,30 \text{ m} = 1,70 \text{ m}$.

$1,70 \text{ m} + 40 \text{ cm} + 1,84 \text{ m} + 40 \text{ cm} + 1,70 \text{ m} = 1,70 \text{ m} + 0,40 \text{ m} + 1,84 \text{ m} + 0,40 \text{ m} + 1,70 \text{ m} = 6,04 \text{ m}$

Le polygone ABCDE a un périmètre d'environ 6,04 m.

4. Il faut effectuer : $6,04 \text{ m} \div 2,40 \text{ m} \approx 2,5$.

Il faut trois planches.

5. Pour calculer l'aire du polygone ABCDE on peut calculer l'aire du carré ABPE et celle du triangle rectangle CPD.

$$\text{Aire}(\text{ABPE}) = (1,70 \text{ m})^2 = 2,89 \text{ m}^2 \text{ et } \text{Aire}(\text{DPC}) = \frac{1,3 \text{ m} \times 1,3 \text{ m}}{2} = \frac{1,69 \text{ m}^2}{2} = 0,845 \text{ m}^2$$

L'aire du polygone ABCDE mesure $2,89 \text{ m}^2 - 0,845 \text{ m}^2 = 2,045 \text{ m}^2$.

6. Calculons le volume de ce bac à sable.

L'aire de sa base mesure $2,045 \text{ m}^2$ et sa hauteur mesure $15 \text{ cm} = 0,15 \text{ m}$.

Le volume de ce prisme mesure : $2,045 \text{ m}^2 \times 0,15 \text{ m} = 0,30675 \text{ m}^3$.

On sait que $1 \text{ m}^3 = 1000 \text{ L}$.

Le volume de bac à sable mesure donc $0,30675 \times 1000 \text{ L} = 306,75 \text{ L}$

Oui, il a besoin d'un peu plus de 300 L de sable pour remplir ce bac.



EXERCICE n° 6 — L'écoconduite

Pourcentages — Lecture graphique — Tâche complexe

15 points

Un exercice qui s'apparente à une tâche complexe.

1.a. $2,4 \text{ bars} - 1,9 \text{ bars} = 0,5 \text{ bars}$.

Les pneus perdent $0,1 \text{ bars}$ par mois. Comme $0,5 \text{ bars} \div 0,1 \text{ bars} = 5$

La pression sera descendue à $1,9 \text{ bars}$ en 5 mois.

1.b Le pourcentage cherché est compris entre 2 % et 4,2 %.

2.a Il consommait 6 L pour 100 km avant ce stage. Il a fait baissé sa consommation de 15 %.

$$6 \text{ L} \times \frac{15}{100} = 0,9 \text{ L}. \text{ Sa consommation est maintenant de } 6 \text{ L} - 0,9 \text{ L} = 5,1 \text{ L}.$$

Sa consommation est maintenant de 5,1 L.

$$\text{On peut aussi calculer le coefficient de réduction : } 1 - \frac{15}{100} = \frac{100}{100} - \frac{15}{100} = \frac{85}{100} = 0,85$$

On a $6 \text{ L} \times 0,85 = 5,1 \text{ L}$.

2.b. Il roule 20000 km par an.

Comme la consommation est proportionnelle à la distance parcourue nous pouvons utiliser des tableaux de proportionnalité.

En consommant 6 L pour 100 km :

Consommation	6 L	$\frac{6 \text{ L} \times 20000 \text{ km}}{100 \text{ km}} = 1200$
Distance	100 km	20000 km

En consommant 5,1 L pour 100 km :

Consommation	5,1 L	$\frac{5,1 \text{ L} \times 20000 \text{ km}}{100 \text{ km}} = 1020$
Distance	100 km	20000 km

Comme $1200 \text{ L} - 1020 \text{ L} = 180 \text{ L}$

Il peut économiser 180 L de carburant.

On pouvait bien sur estimer que $20000 \text{ km} = 100 \text{ km} \times 200$.

En consommant 6 L pour 100 km il va consommer $6 \text{ L} \times 200 = 1200 \text{ L}$.

En consommant 5,1 L pour 100 km il va consommer $5,1 \text{ L} \times 200 = 1020 \text{ L}$.

On peut aussi évaluer l'économie pour 100 km soit $6 \text{ L} - 5,1 \text{ L} = 0,9 \text{ L}$.

En appliquant le raisonnement précédent on trouve une économie de $0,9 \text{ L} \times 200 = 180 \text{ L}$

2.c. Si le litre de carburant coûte 1,35 €, l'économie réalisée est $180 \times 1,35 \text{ €} = 243 \text{ €}$.

Il peut économiser 243 €.

2.d. Comme $243 \text{ €} > 200 \text{ €}$.

Son stage est amorti. Il lui rapporte même 43 € la première année et 200 € les années suivantes.



EXERCICE n° 7 — Deux programmes de calcul avec Scratch

14 points

Scratch — Calcul littéral — Équation du premier degré

Un Scratch avec des programmes de calculs et une résolution d'équation.

1. Pour le **Lutin n° 1** : en partant de 7 on obtient successivement : $7 + 5 = 12$ puis $12 \times 2 = 24$ et $24 - 7 = 17$.
Pour le **Lutin n° 2** : en partant de 7 on obtient successivement : $7 \times 7 = 49$ et $49 - 8 = 41$.

En partant de 7 on obtient bien 17 pour le **Lutin n° 1** et 41 pour le **Lutin n° 2**.

2. En partant de -4 le **Lutin n° 2** donne successivement : $-4 \times 7 = -28$ et $-28 - 8 = -36$.

En partant de -4 le **Lutin n° 2** répond -36 .

3.a Pour le **Lutin n° 1** :

En partant du nombre générique x on obtient successivement : $x + 5$ puis $(x + 5) \times 2$ et enfin $(x + 5) \times 2 - x$.

L'expression obtenue est $(x + 5) \times 2 - x$.

3.b. Développons $A = (x + 5) \times 2 - x$. Ainsi $A = 2x + 10 - x$ et $A = x + 10$. On obtient bien l'expression $x + 10$.

4. D'après ce qu'on vient de voir les instructions peuvent se ramener à $x + 10$. Plus précisément :

Blocs originaux

3 mettre x à réponse + 5

4 mettre x à $x * 2$

5 mettre x à $x - \text{réponse}$

Bloc pouvant les remplacer

mettre x à réponse + 10

5. Il faut d'abord modéliser le programme du **Lutin n° 2** :

Si on note x le nombre de départ, on obtient successivement : $7 \times x$ puis $7 \times x - 8$.

Il faut ensuite résoudre l'équation :

$$\begin{aligned}
 x + 10 &= 7x - 8 \\
 x + 10 - 10 &= 7x - 8 - 10 \\
 x &= 7x - 18 \\
 x - 7x &= 7x - 18 - 7x \\
 -6x &= -18 \\
 x &= \frac{-18}{-6} \\
 x &= 3
 \end{aligned}$$

Vérifions ce résultat :

En prenant 3 au départ pour le **Lutin n° 1**,
on obtient successivement :
 $3 + 5 = 8$ puis $8 \times 2 = 16$ et $16 - 3 = 13$

En prenant 3 au départ pour le **Lutin n° 2**,
on obtient successivement :
 $3 \times 7 = 21$ puis $21 - 8 = 13$

En prenant 3 au départ les programmes des **Lutins n° 1 et n° 2** renvoient le même nombre : 13.

Informations légales

- Auteur : Fabrice ARNAUD
- Web : pi.ac3j.fr
- Mail : contact@ac3j.fr
- Nom fichier : Brevets.tex
- Dernière modification : 24 juin 2023 à 11:36

Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim. Il utilise une balise spécifique à Vim pour permettre une organisation du fichier sous forme de replis. Cette balise `%{{{ ... %}}}` est un commentaire pour LaTeX, elle n'est pas nécessaire à sa compilation. Vous pouvez l'utiliser avec Vim en lui précisant que ce code définit un repli. Je vous laisse consulter la documentation officielle de Vim à ce sujet.

Versions de logiciels libres utilisés :

- pdfTeX 3.141592653-2.6-1.40.24 (TeX Live 2022/Debian)
- kpathsea version 6.3.4
- Compiled with libpng 1.6.39; using libpng 1.6.39
- Compiled with zlib 1.2.13; using zlib 1.2.13
- Compiled with xpdf version 4.04

Licence CC-BY-SA 4.0

Ce document est placé sous licence CC-BY-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé :

- PARTAGER : copier, distribuer le matériel par tous moyens et sous tous formats;
- ADAPTER : remixer, transformer et créer à partir du matériel pour toute utilisation, y compris commerciale.

Selon les conditions suivantes :

- ATTRIBUTION : vous devez créditer le matériel, indiquer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées. Vous devez indiquer ces informations par tous moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'auteur vous soutient.
- PARTAGE DANS LES MÊMES CONDITIONS : Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Oeuvre originale, vous devez diffuser l'Oeuvre modifiée dans les mêmes conditions, c'est-à-dire avec la même licence avec laquelle l'Oeuvre originale a été diffusée.
- PAS DE RESTRICTIONS SUPPLÉMENTAIRES : Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Oeuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : <https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/deed.fr>

Pour citer cette ressource :

- **Auteur :** Fabrice ARNAUD
- **Mail :** contact@ac3j.fr
- **Origine :** <https://pi.ac3j.fr/brevet/> — Le blog de Fabrice ARNAUD
- **Version du :** 24 juin 2023 à 11:36

