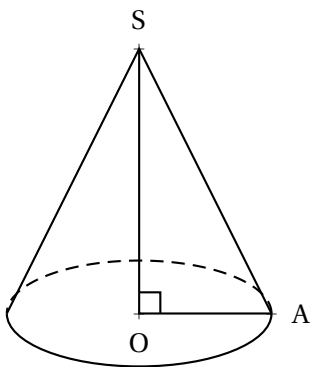


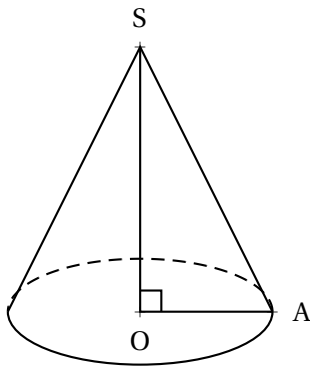
EXERCICE N° 66 : Le cône



Le cône de révolution ci-contre a une génératrice [SA] qui mesure 6,5 cm et un rayon [OA] de 3,9 cm.

1. Calculer la valeur exacte de la hauteur de ce cône.
2. Tracer en vraie grandeur le patron de ce cône.
3. Calculer le volume en centilitre de ce cône.
Donner une valeur approchée au dixième près.





Le cône de révolution ci-contre a une génératrice [SA] qui mesure 6,5 cm et un rayon [OA] de 3,9 cm.

1. Calculer la valeur exacte de la hauteur de ce cône.
2. Tracer en vraie grandeur le patron de ce cône.
3. Calculer le volume en centilitre de ce cône.
Donner une valeur approchée au dixième près.



EXERCICE N° 66

CORRECTION

1. Le triangle SOA est rectangle en O.

D'après le **théorème de Pythagore** on a :

$$OS^2 + OA^2 = SA^2$$

$$OS^2 + 3,9^2 = 6,5^2$$

$$OS^2 + 15,21 = 42,25$$

$$OS^2 = 42,25 - 15,21$$

$$OS^2 = 27,04$$

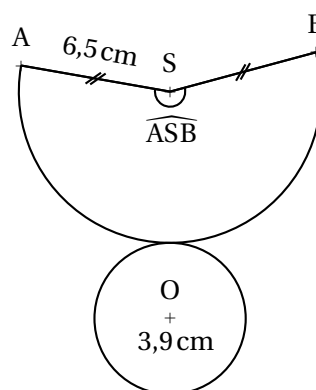
$$OS = \sqrt{27,04}$$

$$OS = 5,2$$

Ce cône a une hauteur de 5,2 cm.

2. *C'est une question difficile qui dépasse largement les compétences attendues au Brevet!*

On sait que le patron de ce cône peut-être modélisé ainsi :



Il faut trouver la mesure de l'angle \widehat{ASB} .

On sait que dans ce patron, l'arc de cercle entre le point A et le point B mesure exactement la même longueur que le cercle de rayon 3,9 cm.

Le périmètre du cercle de rayon 3,9 cm vaut $2\pi \times 3,9 \text{ cm} = 7,8\pi \text{ cm}$.

Il faut admettre que l'angle d'un arc de cercle est proportionnel à son périmètre.

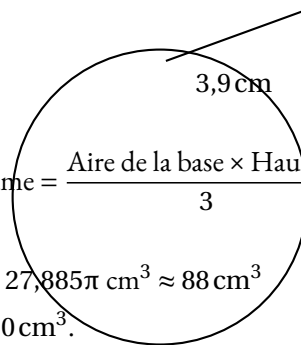
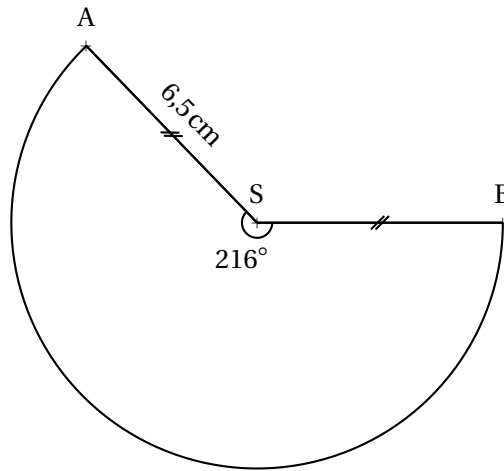
Le périmètre d'un cercle de rayon 6,5 cm vaut $2\pi \times 6,5 \text{ cm} = 13\pi \text{ cm}$.

Un cercle complet correspond à un angle de 360° .

Nous avons donc des grandeurs proportionnelles :

Angles	360°	$\frac{7,8\pi \text{ cm} \times 360^\circ}{13\pi \text{ cm}} = \frac{7,8}{13} \times 360^\circ = 216^\circ$
Longueur de l'arc	$13\pi \text{ cm}$	$7,8\pi \text{ cm}$

Voici le patron en vraie grandeur :



3. La volume d'un cône est donné par la formule $\text{Volume} = \frac{\text{Aire de la base} \times \text{Hauteur}}{3}$.

$$\text{Ainsi } V = \frac{2\pi \times (3,9 \text{ cm})^2 \times 5,2 \text{ cm}}{3} = \frac{83,655\pi \text{ cm}^3}{3} = 27,885\pi \text{ cm}^3 \approx 88 \text{ cm}^3$$

Or on sait que $1 \text{ L} = 1 \text{ dm}^3 = 1000 \text{ cm}^3$ donc $1 \text{ cL} = 10 \text{ cm}^3$.

Le volume de ce cône mesure environ 8,8 cL.



INFORMATIONS LÉGALES

- **Auteur** : Fabrice ARNAUD
- **Web** : pi.ac3j.fr
- **Mail** : contact@ac3j.fr
- **Dernière modification** : 25 juin 2024 à 15:05

Ce document a été écrit pour L^AT_EX avec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.
Il a été compilé sous Linux Ubuntu Noble Numbat 24.04 avec la distribution TeX Live 2023.20240207-101 et LuaHBTeX 1.17.0

Pour compiler ce document, un fichier comprenant la plupart des macros est nécessaires. Ce fichier, Entete.tex, est encore trop mal rédigé pour qu'il puisse être mis en ligne. Il est en cours de réécriture et permettra ensuite le partage des sources dans de bonnes conditions.
Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim. Il utilise une balise spécifique à Vim pour permettre une organisation du fichier sous forme de replis. Cette balise %{{{ ... %}}} est un commentaire pour LaTeX, elle n'est pas nécessaire à sa compilation. Vous pouvez l'utiliser avec Vim en lui précisant que ce code définit un repli. Je vous laisse consulter la documentation officielle de Vim à ce sujet.

LICENCE CC BY-NC-SA 4.0



Attribution
Pas d'Utilisation Commerciale
Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

- Partager** — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats
- Adapter** — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

- Attribution** — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.
- Pas d'Utilisation Commerciale** — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.
- Partage dans les Mêmes Conditions** — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les mêmes conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.
- Pas de restrictions complémentaires** — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Œuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : <https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/deed.fr>

Comment créditer cette Œuvre ?

Ce document, **100 exercices pour le brevet.pdf**, a été créé par **Fabrice ARNAUD (contact@ac3j.fr)** le 25 juin 2024 à 15:05.
Il est disponible en ligne sur **pi.ac3j.fr**, **Le blog de Fabrice ARNAUD**.

Adresse de l'article : <https://pi.ac3j.fr/100-exercices-corriges-pour-preparer-le-brevet-des-colleges>