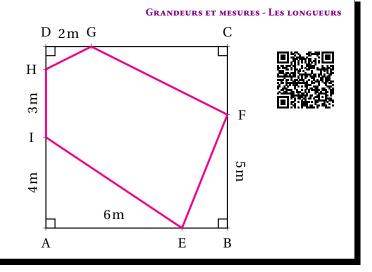
EXERCICE Nº 71 : Périmètres des polygones

ABCD est un carré dont le côté mesure 8 m.

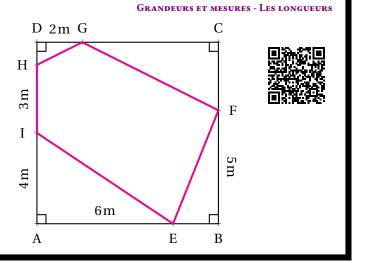
- **1.** Calculer la valeur exacte puis approchée au millième de mètre prés du périmètre du polygone EFGHI.
- 2. Calculer la valeur exacte de l'aire de ce polygone en mètre carré.



EXERCICE Nº 71 : Périmètres des polygones

ABCD est un carré dont le côté mesure 8 m.

- **1.** Calculer la valeur exacte puis approchée au millième de mètre prés du périmètre du polygone EFGHI.
- 2. Calculer la valeur exacte de l'aire de ce polygone en mètre carré.



Correction

Exercice Nº 71

CICE N^o 7I

1.

Dans le triangle AIE rectangle en A,

D'après le théorème de Pythagore on a :

$$AI^{2} + AE^{2} = IE^{2}$$

$$4^{2} + 6^{2} = IE^{2}$$

$$16 + 36 = IE^{2}$$

$$IE^{2} = 52$$

 $IE = \sqrt{52}$

Dans le triangle EFB rectangle en B, D'après le théorème de Pythagore on a :

$$BF^{2} + BE^{2} = FE^{2}$$

$$5^{2} + 2^{2} = FE^{2}$$

$$25 + 4 = FE^{2}$$

$$FE^{2} = 29$$

$$FE = \sqrt{29}$$

Dans le triangle GCF rectangle en C,

D'après le théorème de Pythagore on a :

$$CG^{2} + CF^{2} = GF^{2}$$
$$6^{2} + 3^{2} = GF^{2}$$
$$36 + 9 = GF^{2}$$
$$GF^{2} = 45$$
$$GF = \sqrt{45}$$

Dans le triangle GDH rectangle en D,

D'après le théorème de Pythagore on a :

$$DG^{2} + DH^{2} = GH^{2}$$
$$2^{2} + 1^{2} = GH^{2}$$
$$4 + 1 = GH^{2}$$

$$GH^2 = 5$$

$$GH = \sqrt{5}$$

Le périmètre du polygone vaut exactement $\sqrt{52} + \sqrt{29} + \sqrt{45} + \sqrt{5} + 3$ soit environ 24,541 m

2. Il suffit de soustraire l'aire des quatre triangles rectangles à l'aire du carré.

$$L'aire du polygone est égale à $(8\,\mathrm{m})^2 - \frac{6\,\mathrm{m} \times 4\,\mathrm{m}}{2} - \frac{2\,\mathrm{m} \times 5\,\mathrm{m}}{2} - \frac{3\,\mathrm{m} \times 6\,\mathrm{m}}{2} - \frac{[}{m}]2\,\mathrm{m} \times 1\,\mathrm{m}2$$$

L'aire du polygone est donc égale à $64 \, \text{m}^2 - 12 \, \text{m}^2 - 5 \, \text{m}^2 - 9 \, \text{m}^2 - 1 \, \text{m}^2 = 37 \, \text{m}^2$



Informations légales

— Auteur : Fabrice ARNAUD

— Web : pi.ac3j.fr

— Mail: contact@ac3j.fr

— **Dernière modification :** 25 juin 2024 à 15:05

Ce document a été écrit pour LATEX avec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.

Il a été compilé sous Linux Ubuntu Noble Numbat 24.04 avec la distribution TeX Live 2023.20240207-101 et Lua HBTex 1.17.0

Pour compiler ce document, un fichier comprennant la plupart des macros est nécessaires. Ce fichier, Entete.tex, est encore trop mal rédigé pour qu'il puisse être mis en ligne. Il est en cours de réécriture et permettra ensuite le partage des sources dans de bonnes conditions.

Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim. Il utilise une balise spécifique à Vim pour permettre une organisation du fichier sous forme de replis. Cette balise %{{{ ... %}}} est un commentaire pour LáTeX, elle n'est pas nécessaire à sa compilation. Vous pouvez l'utiliser avec Vim en lui précisant que ce code defini un repli. Je vous laisse consulter la documentation officielle de Vim à ce sujet.

LICENCE CC BY-NC-SA 4.0



Attribution Pas d'Utilisation Commerciale Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

Partager — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats

Adapter — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

Attribution — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.

Pas d'Utilisation Commerciale — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.

Partage dans les Mêmes Conditions — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les même conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.

Pas de restrictions complémentaires — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Oeuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter: https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/deed.fr

Comment créditer cette Œuvre?

Ce document, 100 exercices pour le brevet.pdf, a été crée par Fabrice ARNAUD (contact@ac3j.fr) le 25 juin 2024 à 15:05.

Il est disponible en ligne sur pi.ac3j.fr, Le blog de Fabrice ARNAUD.

Adresse de l'article: https://pi.ac3j.fr/100-exercices-corriges-pour-preparer-le-brevet-des-colleges