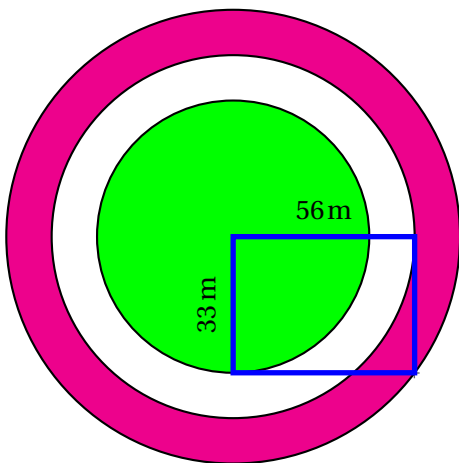


**EXERCICE N° 74 : Aire du disque**

GRANDEURS ET MESURES - LES AIRES

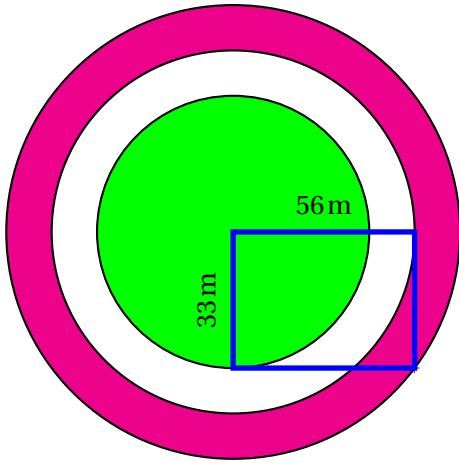


Sur cette figure qui n'est pas dessinée en vraie grandeur on sait que :

- les trois cercles sont concentriques;
- le centre de ces cercles est un des sommets d'un rectangle mesurant 56 m de long sur 33 m de large;
- le premier cercle a pour rayon la largeur du rectangle;
- le deuxième cercle a pour rayon la longueur du rectangle;
- le troisième cercle a pour rayon la diagonale du rectangle.



Comparer l'aire de la surface constituée par la couronne extérieure ( en magenta ) et le disque intérieure ( en vert ).



Sur cette figure qui n'est pas dessinée en vraie grandeur on sait que :

- les trois cercles sont concentriques;
- le centre de ces cercles est un des sommets d'un rectangle mesurant 56 m de long sur 33 m de large;
- le premier cercle a pour rayon la largeur du rectangle;
- le deuxième cercle a pour rayon la longueur du rectangle;
- le troisième cercle a pour rayon la diagonale du rectangle.

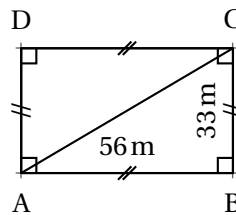


Comparer l'aire de la surface constituée par la couronne extérieure ( en magenta ) et le disque intérieure ( en vert ).

## EXERCICE N° 74

## CORRECTION

On peut modéliser le rectangle ainsi :



Dans le triangle ABC rectangle en B,  
D'après le **théorème de Pythagore** on a :

$$\begin{aligned} BA^2 + BC^2 &= AC^2 \\ 56^2 + 33^2 &= AC^2 \\ 3136 + 1089 &= AC^2 \\ AC^2 &= 4225 \\ AC &= \sqrt{4225} \\ AC &= 65 \end{aligned}$$

Le cercle le plus petit a un rayon de 33 m, le cercle moyen un rayon de 56 m et le grand cercle un rayon de 65 m.

Calculons les aires de chacun de ces disques.

$$A_1 = \pi \times (33 \text{ m})^2 = 1089\pi \text{ cm}^2$$

$$A_2 = \pi \times (56 \text{ m})^2 = 3136\pi \text{ cm}^2$$

$$A_3 = \pi \times (65 \text{ m})^2 = 4225\pi \text{ cm}^2$$

La disque vert a une aire de  $A_2 - A_1 = 3136\pi \text{ cm}^2 - 1089\pi$

La couronne magenta a une aire de  $A_3 - A_2 = 4225\pi \text{ cm}^2 - 3136\pi \text{ cm}^2 = 1089\pi \text{ cm}^2$ .

Le disque vert et la couronne magenta ont exactement la même aire!

*Remarquez l'usage de valeurs exactes plutôt que de valeurs approchées!*

*On peut aussi généraliser ce résultat.*

*Le théorème de Pythagore nous donne que  $AC^2 = BA^2 + BC^2$  donc  $BC^2 = AC^2 - AB^2$*

*Les trois disques ont une aire de :*

$$A_1 = BC^2\pi \text{ cm}^2, A_2 = AB^2\pi \text{ cm}^2 \text{ et } A_3 = AC^2\pi \text{ cm}^2.$$

*La couronne magenta a une aire de  $A_3 - A_2 = AC^2\pi \text{ cm}^2 - AB^2\pi \text{ cm}^2 = (AC^2 - AB^2)\pi \text{ cm}^2 = BC^2\pi \text{ cm}^2$ .*

*Cela prouve la généralité du résultat!*

# INFORMATIONS LÉGALES

- **Auteur** : Fabrice ARNAUD
- **Web** : pi.ac3j.fr
- **Mail** : contact@ac3j.fr
- **Dernière modification** : 25 juin 2024 à 15:05

Ce document a été écrit pour L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X avec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.  
Il a été compilé sous Linux Ubuntu Noble Numbat 24.04 avec la distribution TeX Live 2023.20240207-101 et LuaHBTeX 1.17.0

Pour compiler ce document, un fichier comprenant la plupart des macros est nécessaires. Ce fichier, Entete.tex, est encore trop mal rédigé pour qu'il puisse être mis en ligne. Il est en cours de réécriture et permettra ensuite le partage des sources dans de bonnes conditions.  
Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim. Il utilise une balise spécifique à Vim pour permettre une organisation du fichier sous forme de replis. Cette balise %{{{ ... %}}} est un commentaire pour LaTeX, elle n'est pas nécessaire à sa compilation. Vous pouvez l'utiliser avec Vim en lui précisant que ce code définit un repli. Je vous laisse consulter la documentation officielle de Vim à ce sujet.

## LICENCE CC BY-NC-SA 4.0



**Attribution**  
**Pas d'Utilisation Commerciale**  
**Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International**

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

### Vous êtes autorisé à :

- Partager** — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats
- Adapter** — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

### Selon les conditions suivantes :

- Attribution** — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.
- Pas d'Utilisation Commerciale** — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.
- Partage dans les Mêmes Conditions** — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les mêmes conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.
- Pas de restrictions complémentaires** — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Œuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : <https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/deed.fr>

### Comment créditer cette Œuvre ?

Ce document, **100 exercices pour le brevet.pdf**, a été créé par **Fabrice ARNAUD (contact@ac3j.fr)** le 25 juin 2024 à 15:05.  
Il est disponible en ligne sur [pi.ac3j.fr](https://pi.ac3j.fr), **Le blog de Fabrice ARNAUD**.

Adresse de l'article : <https://pi.ac3j.fr/100-exercices-corriges-pour-preparer-le-brevet-des-colleges>