

EXERCICE N° 93 : Approche fréquentiste

Le programme suivant permet de simuler mille tirages aléatoires d'une pièce de monnaie parfaitement équilibrée.

1. Compléter ce programme en indiquant par quoi remplacer le symbole ❶.
2. Quelles informations sont contenues dans les variables **Pile** et **Face** à la fin de ce programme ?
3. Pierre a utilisé quatre fois de suite le programme, il a saisi les résultats dans un tableur.

	A	B	C
1		Nombre de Piles	Nombre de Faces
2	Tentative 1	556	
3	Tentative 2	435	
4	Tentative 3	452	
5	Tentative 4	705	
6	Somme		

```
Quand est cliqué
Mettre Pile à 0
Mettre Face à 0
Répéter 1 fois
  Mettre Lancer à Nombre aléatoire entre 1 et 2
  Si Lancer = 1
    Mettre Pile à Pile + 1
  Si Lancer = 2
    Mettre Pile à Face + 1
```



- 3.a. Quelle formule saisir dans la cellule **C2** puis recopier vers la bas pour obtenir le nombre de Faces à chaque tentative.
 - 3.b. Quelle formule saisir dans la cellule **B6** puis recopier vers la droite pour obtenir la somme du nombre de Piles et du nombre de Faces.
 - 3.c. Indiquez en justifiant par le calcul les nombres manquant dans cette feuille de calcul.
4. Dans cette expérience aléatoire qui consiste à lancer une pièce équilibrée, quelle est la probabilité d'obtenir Pile ?
 5. Pierre est surpris par le résultat de la quatrième tentative. Qu'en pensez-vous ?
 6. Quelles sont les fréquences d'apparition de Pile et de Face sur l'ensemble des quatre tentatives ? Qu'en pensez-vous ?

EXERCICE N° 93 : Approche fréquentiste

Le programme suivant permet de simuler mille tirages aléatoires d'une pièce de monnaie parfaitement équilibrée.



1. Compléter ce programme en indiquant par quoi remplacer le symbole ❶.
2. Quelles informations sont contenues dans les variables **Pile** et **Face** à la fin de ce programme?
3. Pierre a utilisé quatre fois de suite le programme, il a saisi les résultats dans un tableau.

	A	B	C
1		Nombre de Piles	Nombre de Faces
2	Tentative 1	556	
3	Tentative 2	435	
4	Tentative 3	452	
5	Tentative 4	705	
6	Somme		

```

Quand est cliqué
Mettre Pile à 0
Mettre Face à 0
Répéter ❶ fois
  Mettre Lancer à Nombre aléatoire entre 1 et 2
  Si Lancer = 1
    Mettre Pile à Pile + 1
  Si Lancer = 2
    Mettre Pile à Face + 1
  
```

- 3.a. Quelle formule saisir dans la cellule **C2** puis recopier vers la bas pour obtenir le nombre de Faces à chaque tentative.
 - 3.b. Quelle formule saisir dans la cellule **B6** puis recopier vers la droite pour obtenir la somme du nombre de Piles et du nombre de Faces.
 - 3.c. Indiquez en justifiant par le calcul les nombres manquant dans cette feuille de calcul.
4. Dans cette expérience aléatoire qui consiste à lancer une pièce équilibrée, quelle est la probabilité d'obtenir Pile?
 5. Pierre est surpris par le résultat de la quatrième tentative. Qu'en pensez-vous?
 6. Quelles sont les fréquences d'apparition de Pile et de Face sur l'ensemble des quatre tentatives? Qu'en pensez-vous?

EXERCICE N° 93

CORRECTION

1. Il faut remplacer ❶ par 1000.
2. Ces deux variables contiennent le nombre d'occurrences de Piles et de Faces sur les 1000 lancers.
- 3.a. = 1000 - B2
- 3.b. = B2 + B3 + B4 + B5 ou = SOMME(B2 : B5).
- 3.c.

	A	B	C
1		Nombre de Piles	Nombre de Faces
2	Tentative 1	556	1000-556=444
3	Tentative 2	435	1000-435=565
4	Tentative 3	452	1000-452=548
5	Tentative 4	705	1000-705=295
6	Somme	556+435+452+705=2148	4000-2148=1852

4. La probabilité d'obtenir Pile est la même que celle d'obtenir Face soit $\frac{1}{2} = 0,5, 50 \%$.
5. Lors de la quatrième tentative la fréquence de Pile est de $\frac{705}{1000} = 0,705$ soit 70,5 %. C'est en effet très éloignée de la probabilité qui est de 50 %.

Il faut cependant se souvenir que la probabilité est une valeur théorique. Elle correspond à la fréquence théorique que nous pourrions obtenir en procédant à un très grand nombre de lancers. Même si 1 000 est un nombre relativement grand, ce nombre de lancers ne permet que d'obtenir un ordre de grandeur de la probabilité. D'ailleurs tout est possible sur un nombre fini de lancers. La probabilité est une valeur théorique!

On pourrait se demander quelle est la probabilité d'obtenir 705 Piles sur 1 000 lancers. On dépasse alors largement le cadre du collège. Il faudrait utiliser une loi Binomiale de paramètres $p = 0,5$, $n = 1\,000$ et $k = 705$.

Le calcul $C_{1000}^{705} 0,5^{1000}$ demande de la puissance de calcul. Le site <https://wolframalpha.com> donne environ 7×10^{-40} ce qui est très peu... mais possible!

D'ailleurs la probabilité pour obtenir exactement 500 piles et 500 faces sur 1 000 lancers est d'environ 2 %, ce qui peut paraître surprenant.

Il ne faut cependant pas se laisser piéger par ce genre de réponses. Déterminer la probabilité d'obtenir pile ou face sur un lancer n'a rien à voir avec le nombre d'occurrences sur 1 000 lancers.

6. Sur 4 000 tentatives les fréquences d'apparition de pile ou de face sont respectivement :

$$\frac{2\,148}{4\,000} = 0,537 \text{ et } \frac{1\,852}{4\,000} = 0,463 \text{ soit } 53,7 \% \text{ et } 46,3 \%$$

La fréquence pratique c'est un peu approchée de la fréquence théorique. En augmentant encore le nombre de lancers on approche encore mieux la probabilité attendue.

Ici tout fini bien ! Mais cela aurait pu se passer autrement et la fréquence obtenue sur 4 000 aurait pu rester très éloignée de la probabilité cherchée sans que cela ne remette en cause la validité du générateur de nombres aléatoires !



INFORMATIONS LÉGALES

- **Auteur** : Fabrice ARNAUD
- **Web** : pi.ac3j.fr
- **Mail** : contact@ac3j.fr
- **Dernière modification** : 20 mars 2025 à 19:55

Ce document a été écrit pour L^AT_EX avec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.

Il a été compilé sous Linux Ubuntu Noble Numbat 24.04 avec la distribution TeX Live 2023.20240207-101 et LuaHBTeX 1.17.0

Pour compiler ce document, un fichier comprenant la plupart des macros est nécessaires. Ce fichier, Entete.tex, est encore trop mal rédigé pour qu'il puisse être mis en ligne. Il est en cours de réécriture et permettra ensuite le partage des sources dans de bonnes conditions.

Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim. Il utilise une balise spécifique à Vim pour permettre une organisation du fichier sous forme de replis. Cette balise %{{{ ... %}}} est un commentaire pour LaTeX, elle n'est pas nécessaire à sa compilation. Vous pouvez l'utiliser avec Vim en lui précisant que ce code définit un repli. Je vous laisse consulter la documentation officielle de Vim à ce sujet.

LICENCE CC BY-NC-SA 4.0



Attribution Pas d'Utilisation Commerciale Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

Partager — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats

Adapter — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

Attribution — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.

Pas d'Utilisation Commerciale — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.

Partage dans les Mêmes Conditions — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les mêmes conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.

Pas de restrictions complémentaires — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Œuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : <https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/deed.fr>

Comment créditer cette Œuvre ?

Ce document, **100 exercices pour le brevet.pdf**, a été créé par **Fabrice ARNAUD (contact@ac3j.fr)** le 20 mars 2025 à 19:55.

Il est disponible en ligne sur **pi.ac3j.fr**, **Le blog de Fabrice ARNAUD**.

Adresse de l'article : <https://pi.ac3j.fr/100-exercices-corriges-pour-preparer-le-brevet-des-colleges>