



GÉNÉRALITÉS SUR LES FONCTIONS



DEFINITION ET VOCABULAIRE

Une **fonction** est un programme de calcul qui à un nombre de départ associe un unique résultat.

On note $f : x \rightarrow f(x)$ la fonction f qui à un nombre de départ x associe $f(x)$.

On dit que :

- $f(x)$ est l'**image** du nombre x par la fonction f ;
- x a pour **image** le nombre $f(x)$ par la fonction f ;
- x est un **antécédent** de $f(x)$ par la fonction f ;
- $f(x)$ a pour **antécédent** x par la fonction f .

EXEMPLE :

Voici un programme de calcul :

- Choisir un nombre;
- ajouter 1;
- multiplier par le nombre de départ;
- enlever 23;
- écrire le résultat.

On note x le nombre de départ.

On obtient successivement :

- x ;
- $x + 1$;
- $x(x + 1)$;
- $x(x + 1) - 23$.

f la fonction correspondante :

$$f : x \rightarrow f(x) = x(x + 1) - 23$$

En prenant $x = 5$ au départ, on obtient $5 \times (5 + 1) - 23 = 5 \times 6 - 23 = 30 - 23 = 7$.

On note $f(5) = 7$.

On dit que :

- 7 est l'image de 5 par la fonction f ;
- 5 a pour image 7 par la fonction f ;
- 5 est un antécédent de 7 par la fonction f ;
- 7 a pour antécédent 5 par la fonction f .

REMARQUE :

Un nombre peut posséder plusieurs antécédents par une fonction.

Par exemple, $f(-6) = (-6) \times ((-6) + 1) - 23 = (-6) \times (-5) - 23 = 30 - 23 = 7$.

5 et -6 sont deux antécédents de 7 par la fonction f .

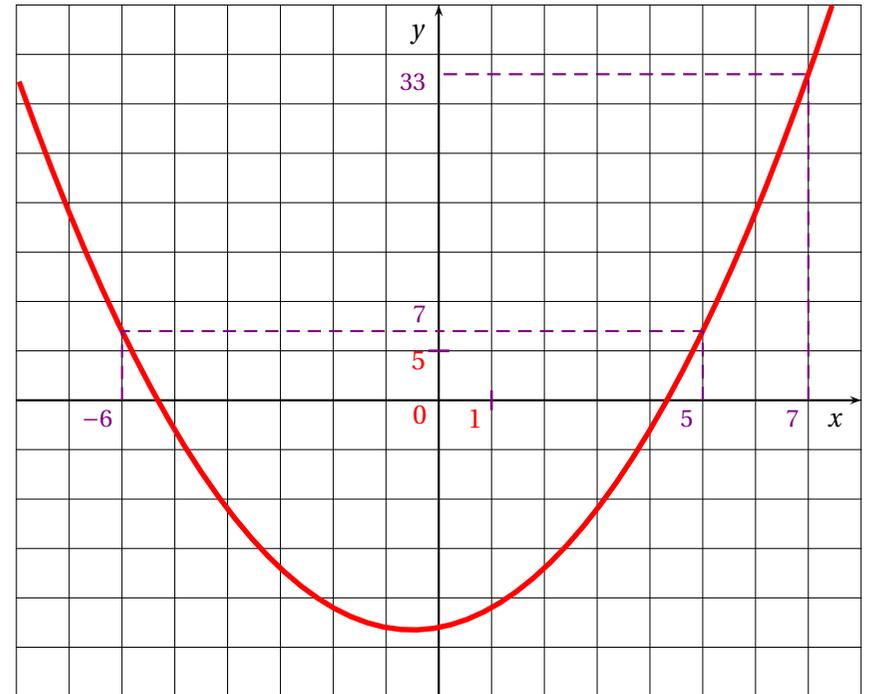
On représente souvent une fonction par un tableau contenant certaines de ses valeurs.

| | | | | | | | | | | | | | | | |
|------|----|----|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|----|---|----|----|
| x | -7 | -6 | -5 | -4 | -3 | -2 | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| f(x) | 19 | 7 | -3 | -11 | -17 | -21 | -23 | -23 | -21 | -17 | -11 | -3 | 7 | 19 | 33 |

On voit par exemple que 33 est l'image de 7, que -1 et 0 sont deux antécédents de -23.

REPRÉSENTATION GRAPHIQUE D'UNE FONCTION

La représentation graphique de la fonction f est la figure de géométrie constituée de tous les points de coordonnées $(x; f(x))$ où x est un nombre quelconque.



REMARQUE :

Une fonction peut-être définie sous plusieurs formes :

- Un programme de calcul;
- Une expression littérale;
- Un tableau de valeurs;
- Une représentation graphique.

INFORMATIONS LÉGALES

- **Auteur** : Fabrice ARNAUD
- **Web** : pi.ac3j.fr
- **Mail** : contact@ac3j.fr
- **Dernière modification** : 24 juin 2024 à 21:34

Ce document a été écrit pour L^AT_EX avec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.
Il a été compilé sous Linux Ubuntu Noble Numbat 24.04 avec la distribution TeX Live 2023.20240207-101 et LuaHBTeX 1.17.0

Pour compiler ce document, un fichier comprenant la plupart des macros est nécessaires. Ce fichier, Entete.tex, est encore trop mal rédigé pour qu'il puisse être mis en ligne. Il est en cours de réécriture et permettra ensuite le partage des sources dans de bonnes conditions.
Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim. Il utilise une balise spécifique à Vim pour permettre une organisation du fichier sous forme de replis. Cette balise %{{{ ... %}}} est un commentaire pour LaTeX, elle n'est pas nécessaire à sa compilation. Vous pouvez l'utiliser avec Vim en lui précisant que ce code définit un repli. Je vous laisse consulter la documentation officielle de Vim à ce sujet.

LICENCE CC BY-NC-SA 4.0



Attribution
Pas d'Utilisation Commerciale
Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

- Partager** — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats
- Adapter** — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

- Attribution** — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.
- Pas d'Utilisation Commerciale** — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.
- Partage dans les Mêmes Conditions** — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les mêmes conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.
- Pas de restrictions complémentaires** — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Œuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : <https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/deed.fr>

Comment créditer cette Œuvre ?

Ce document, **Compilation.pdf**, a été créé par **Fabrice ARNAUD (contact@ac3j.fr)** le 24 juin 2024 à 21:34.
Il est disponible en ligne sur pi.ac3j.fr, **Le blog de Fabrice ARNAUD**.
Adresse de l'article : <https://pi.ac3j.fr/fiches-de-mathematiques/>.