



ÉQUATIONS DU SECOND DEGRÉ

Équations produit et équations carré



LA PROPRIÉTÉ DU PRODUIT NUL

Un produit de deux facteurs est nul **si et seulement si** un des facteurs est nul.

Ce qui, signifie exactement :

A et B étant des nombres, $A \times B = 0$ **si et seulement si** $A = 0$ ou $B = 0$

USAGES :

$$(x-1)(3x+2) = 0$$

Un produit de facteurs est nul si et seulement si un des facteurs est nul

$$\begin{array}{l} x-1=0 \\ x-1+1=0+1 \\ x=1 \end{array} \qquad \begin{array}{l} 3x+2=0 \\ 3x+2-2=0-2 \\ 3x=-2 \\ x=\frac{-2}{3} \end{array}$$

Il y a donc deux solutions : 1 et $-\frac{2}{3}$

Déterminons les antécédents de 0 par la fonction $f(x) = (5x-1)(2x+3) - (5x-1)(6x+7)$

Il faut résoudre l'équation $f(x) = 0$, pour cela, il est nécessaire de factoriser $f(x)$.

$$f(x) = (5x-1)(2x+3) - (5x-1)(6x+7)$$

$$f(x) = (5x-1)[(2x+3) - (6x+7)]$$

$$f(x) = (5x-1)(2x+3-6x-7)$$

$$f(x) = (5x-1)(-4x-4)$$

$$(5x-1)(-4x-4) = 0$$

Un produit de facteurs est nul si et seulement si un des facteurs est nul

$$\begin{array}{l} 5x-1=0 \\ 5x-1+1=0+1 \\ 5x=1 \\ x=\frac{1}{5} \\ x=0,2 \end{array} \qquad \begin{array}{l} -4x-4=0 \\ -4x-4+4=0+4 \\ -4x=4 \\ x=\frac{4}{-4} \\ x=-1 \end{array}$$

Il y a donc deux solutions : $0,2$ et -1

L'ÉQUATION CARRÉ

a un nombre quelconque.

L'équation $x^2 = a$

- Si $a > 0$, elle possède deux solutions \sqrt{a} et $-\sqrt{a}$;
- Si $a = 0$, elle possède une solution, 0;
- Si $a < 0$, elle n'a pas de solution.

USAGES :

Cette propriété est une conséquence de la factorisation : $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$.

Exemples de résolution :

$$x^2 = 25$$

Il y a deux solutions, $-\sqrt{25} = 5$ et $\sqrt{25} = 5$.

$$x^2 = 7$$

Il y a deux solutions, $-\sqrt{7}$ et $\sqrt{7}$.

$$(x-7)^2 = 81$$

Il y a deux possibilités :

$$\begin{array}{l} x-7 = \sqrt{81} \\ x-7 = 9 \\ x-7+7 = 9+7 \\ x = 16 \end{array} \qquad \begin{array}{l} x-7 = -\sqrt{81} \\ x-7 = -9 \\ x-7+7 = -9+7 \\ x = -2 \end{array}$$

Il y a deux solutions, 16 et -2.

INFORMATIONS LÉGALES

- **Auteur** : Fabrice ARNAUD
- **Web** : pi.ac3j.fr
- **Mail** : contact@ac3j.fr
- **Dernière modification** : 20 mars 2025 à 19:27

Ce document a été écrit pour \LaTeX avec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.
Il a été compilé sous Linux Ubuntu Noble Numbat 24.04 avec la distribution TeX Live 2023.20240207-101 et LuaHBTeX 1.17.0

Pour compiler ce document, un fichier comprenant la plupart des macros est nécessaires. Ce fichier, Entete.tex, est encore trop mal rédigé pour qu'il puisse être mis en ligne. Il est en cours de réécriture et permettra ensuite le partage des sources dans de bonnes conditions.
Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim. Il utilise une balise spécifique à Vim pour permettre une organisation du fichier sous forme de replis. Cette balise `%{{{ ... %}}}` est un commentaire pour LaTeX, elle n'est pas nécessaire à sa compilation. Vous pouvez l'utiliser avec Vim en lui précisant que ce code définit un repli. Je vous laisse consulter la documentation officielle de Vim à ce sujet.

LICENCE CC BY-NC-SA 4.0



Attribution
Pas d'Utilisation Commerciale
Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

- Partager** — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats
- Adapter** — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

- Attribution** — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.
- Pas d'Utilisation Commerciale** — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.
- Partage dans les Mêmes Conditions** — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les mêmes conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.
- Pas de restrictions complémentaires** — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Œuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : <https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/deed.fr>

Comment créditer cette Œuvre ?

Ce document, **Compilation.pdf**, a été créé par **Fabrice ARNAUD** (contact@ac3j.fr) le 20 mars 2025 à 19:27.
Il est disponible en ligne sur pi.ac3j.fr, **Le blog de Fabrice ARNAUD**.
Adresse de l'article : <https://pi.ac3j.fr/fiches-de-mathematiques/>.