
Remarques et intentions pédagogiques

¹ ACTIVITÉ — LE MUR

Mes intentions sont claires!

¹Raisonnons par l'absurde sur un exemple générique. Si le quotient $20 \div 0$ avait un sens alors $0 \times (20 \div 0) = 20$. Or comme pour tout nombre x on a $0 \times x = 0$, l'égalité $0 \times x = a$ n'est vérifiée que pour $a = 0$. Ce qui signifie en toute rigueur que seul le quotient de 0 par 0 aurait un sens. Cependant par l'absurde on aurait $0 \times (0 \div 0) = 0$ mais ce quotient peut dans ce cas prendre la valeur réelle de notre choix... Ce qui rend absurde son existence!

²De plus $\frac{15}{5} = 3$ et $\frac{3}{1} = 3$: il n'y a donc pas unicité de la fraction $\frac{a}{b}$ telle que $b \times \frac{a}{b} = a$

³Certains nombres ne sont pas rationnels comme $\sqrt{2}$, π , $\cos(10^\circ)$...

⁴Je me restreins au cas des fractions, c'est-à-dire avec un numérateur et dénominateur entier. Avec des quotients et a , b et k des réels quelconques non nul cette propriété reste bien sûr vraie!

⁵L'identification précédente entre $\frac{5}{3}$ et $\frac{45}{27}$ repose sur l'intégrité de l'anneau des nombres rationnels.

En effet comme $27 \times \frac{5}{3} = 45$ et $27 \times \frac{45}{27} = 45$ on peut écrire $27 \times \frac{5}{3} - 27 \times \frac{45}{27} = 0$

Ainsi $27 \left(\frac{5}{3} - \frac{45}{27} \right) = 0$ ce qui pour des raisons d'intégrité oblige $\frac{5}{3} = \frac{45}{27}$.

On utilise l'intégrité de l'anneau des rationnels dans la plupart des démonstrations de ce chapitre.

Il paraît bien difficile de parler de cela à des collégiens!

¹ ACTIVITÉ — UN PAVAGE DU PLAN

Mes intentions sont claires

¹ ACTIVITÉ — PARALLÈLES ET LONGUEURS

Mes intentions sont claires



Initiation au calcul littéral

Sommaire

SITUATION INITIALE : Apprendre une nouvelle langue : Algèbre LV3	266
SITUATION INITIALE : Un programme de calcul surprenant	269
I La distributivité	270
II Le calcul littéral	270
III Réduction des expressions littérales	271
IV Annexes	272
ÉVALUATION : Calcul littéral	283
ÉVALUATION : Calcul littéral	285
ÉVALUATION : Calcul littéral	287

SITUATION INITIALE : Apprendre une nouvelle langue : Algèbre LV3

Première partie : le langage algébrique

On a l'habitude d'utiliser une lettre pour désigner un nombre quelconque.

Ainsi la phrase « la somme d'un nombre et de 5 » peut se traduire en langage algébrique en $x + 5$

1. En notant x le nombre quelconque, traduire les phrases suivantes en langage algébrique :

A. « Le produit d'un nombre et de 7. »

B. « La différence de 10 et d'un nombre. »

C. « Le quotient d'un nombre par 10. »

D. « Le triple du nombre. »

E. « La somme du triple du nombre et du double du nombre. »

F. « Le produit du nombre par le nombre. »

G. « La somme du triple du nombre et de 10. »

H. « Le produit de 5 par la somme du nombre et de 7. »

I. « Le produit du nombre par la différence du nombre et de 11. »

J. « Le produit de la somme du nombre et de 5 par la somme du nombre et de 7. »

2. Traduire en langue française et en vous inspirant de l'exercice précédent les expressions suivantes :

$$A = 3x + 1$$

$$B = 1 - 2x$$

$$C = 1 + x$$

$$D = 5(3x + 1)$$

$$E = x^2 + 1$$

$$F = 2x(x + 1)$$

$$G = x^2 + 2x + 1$$

$$H = (x + 3)(x - 3)$$

Deuxième partie : Réduire une expression algébrique

On peut souvent remplacer une succession d'ordres mathématiques par une phrase plus simple.

Par exemple la phrase « Ajouter 3 à un nombre puis ajouter 7. » se simplifie en « Ajouter 10 à un nombre. »

1. Faire une phrase plus simple pour chacune des phrases suivantes :

A. « Ajouter 3 à un nombre puis ajouter le nombre et enlever 5. »

B. « Ajouter un nombre à 10, multiplier le tout par 7 et enlever 35. »

C. « Ajouter un nombre à lui-même, multiplier le tout par 7 et enlever 10. »

D. « Ajouter le carré d'un nombre à un nombre et enlever 5. »

2. Reprendre chacune des phrases suivantes et écrire une expression algébrique où x désigne le nombre quelconque. Faire de même avec vos phrases simplifiées.

Troisième partie : La grammaire algébrique

On veut comparer les expressions algébriques : $2x + 3$ et $5x$ ainsi que $2x^2 + 3x$ et $5x^2$

1. Exprimer en français les quatre expressions algébriques précédentes.

2. Tester chacune des expressions précédentes en prenant les nombres 2 et 5 puis deux autres nombre de votre choix.

3. Que pouvez-vous dire de $2x + 3$ et $5x$? Et de $2x^2 + 3x$ et $5x^2$?

Quatrième partie : Premiers pas en langue algébrique

Réduire au maximum chacune des expressions algébriques suivantes :

$$A = x + x$$

$$B = x - x$$

$$C = x \times x$$

$$D = x + 3 + x + 5$$

$$E = 2x - 1 + 3x - 3$$

$$F = 3x - 1 + x - 2 + 2x - 1$$

$$G = 2x^2 + 2x + x + 3x^2 - 5x$$

$$H = 3x^2 + 3x + 1 + 6 - 4x - 2x^2$$

$$I = 5 \times 3x + 6 \times 10$$

$$J = 5(3x + 9)$$

Apprendre une nouvelle langue : Algèbre LV3 – Correction

Première partie : le langage algébrique

1. En notant x le nombre quelconque, traduire les phrases suivantes en langage algébrique :

A. « Le produit d'un nombre et de 7. » : $7 \times x = 7x$

B. « La différence de 10 et d'un nombre. » : $10 - x$

C. « Le quotient d'un nombre par 10. » : $\frac{x}{10}$

D. « Le triple du nombre. » : $3x$

E. « La somme du triple du nombre et du double du nombre. » : $3x + 2x$

F. « Le produit du nombre par le nombre. » : $3x \times x$

G. « La somme du triple du nombre et de 10. » : $3x + 10$

H. « Le produit de 5 par la somme du nombre et de 7. » : $5 \times (x + 7) = 5(x + 7)$

I. « Le produit du nombre par la différence du nombre et de 11. » : $x \times (x - 11) = x(x - 11)$

J. « Le produit de la somme du nombre et de 5 par la somme du nombre et de 7. » : $(x + 5) \times (x + 7) = (x + 5)(x + 7)$

2. Traduire en langue française et en vous inspirant de l'exercice précédent les expressions suivantes :

A = $3x + 1$: La somme du triple du nombre et de un

B = $1 - 2x$: La différence de un et du double du nombre

C = $1 + x$: La somme de un et du nombre

D = $5(3x + 1)$: Le produit de cinq et de la somme du triple du nombre et de un

E = $x^2 + 1$: La somme du carré du nombre et de un

F = $2x(x + 1)$: Le produit du double du nombre et de la somme du nombre et de un

G = $x^2 + 2x + 1$: La somme du carré du nombre, du double du nombre et de un

H = $(x + 3)(x - 3)$: Le produit de la somme du nombre et de trois par la différence du nombre et de trois

Deuxième partie : Réduire une expression algébrique

1. Faire une phrase plus simple pour chacune des phrases suivantes :

A. « Ajouter 3 à un nombre puis ajouter le nombre et enlever 5. »

A. Enlever 2 au double d'un nombre.

B. « Ajouter un nombre à 10, multiplier le tout par 7 et enlever 35. »

B. Multiplier un nombre par 7 et ajouter 35.

C. « Ajouter un nombre à lui-même, multiplier le tout par 7 et enlever 10. »

C. Multiplier un nombre par 14 et enlever 10.

D. « Ajouter le carré d'un nombre à un nombre et enlever 5. »

D. On ne peut pas simplifier cette phrase!

2. Reprendre chacune des phrases suivantes et écrire une expression algébrique où x désigne le nombre quelconque.

A. $3 + x + x - 5 = 2x - 2$

B. $(x + 10) \times 7 - 35 = 7x + 70 - 35$ soit $7x - 35$

C. $(x + x) \times 7 - 10 = 2x \times 7 - 10$ soit $14x - 10$

D. $x^2 + x - 5$

Troisième partie : La grammaire algébrique

On veut comparer les expressions algébriques : $2x + 3$ et $5x$ ainsi que $2x^2 + 3x$ et $5x^2$

1. Exprimer en français les quatre expressions algébriques précédentes.

$2x + 3$: La somme de 3 et du double du nombre.

$5x$: Multiplier un nombre par 5.

$2x^2 + 3x$: La somme du double du carré d'un nombre et du triple d'un nombre.

$5x^2$: Le produit de 5 par le carré d'un nombre.

2. Tester chacune des expressions précédentes en prenant les nombres 2 et 5 puis deux autres nombre de votre choix.

Pour $x = 2$,

$$2x + 3 = 2 \times 2 + 3 = 4 + 3 = 7$$

$$5x = 5 \times 2 = 10$$

$$2x^2 + 3x = 2 \times 2^2 + 3 \times 2 = 2 \times 4 + 6 = 8 + 6 = 14$$

$$5x^2 = 5 \times 2^2 = 5 \times 4 = 20$$

3. Que pouvez-vous dire de $2x + 3$ et $5x$? Et de $2x^2 + 3x$ et $5x^2$?

On constate qu'en général $2x + 3 \neq 5x$ on ne peut donc pas ajouter 3 et $2x$.

On constate aussi que $2x^2 + 3x \neq 5x^2$ on ne peut donc pas ajouter $2x^2$ et $3x$.

Quatrième partie : Premiers pas en langue algébrique

Réduire au maximum chacune des expressions algébriques suivantes :

$$A = x + x = 2x$$

$$B = x - x = 0$$

$$C = x \times x = x^2$$

$$D = x + 3 + x + 5 = 2x + 8$$

$$E = 2x - 1 + 3x - 3 = 5x - 4$$

$$F = 3x - 1 + x - 2 + 2x - 1 = 6x - 4$$

$$G = 2x^2 + 2x + x + 3x^2 - 5x = 5x^2 - 2x$$

$$H = 3x^2 + 3x + 1 + 6 - 4x - 2x^2 = x^2 - x + 7$$

$$I = 5 \times 3x + 6 \times 10 = 15x + 60$$

$$J = 5(3x + 9) = 15x + 45$$

SITUATION INITIALE : Un programme de calcul surprenant

Première partie :

Voici un programme de calcul :

- Choisir un nombre entier positif inférieur à 100;
- Enlever 36;
- Multiplier le tout par 5;
- Ajouter 173;
- Multiplier le tout par 4;
- Ajouter 31;
- Multiplier à nouveau le tout par 5;
- Ajouter le nombre entier choisi au départ;
- Enlever 15;
- Écrire le résultat.

1. Tester ce programme avec quatre nombres entiers différents.

2. Quelle conjecture pouvez-vous faire.

Deuxième partie : Travail de traduction

On note x le nombre de départ

Nous allons traduire et simplifier chaque étape :

Phrases en français	Expressions algébriques
Choisir un nombre entier	x
Enlever 36	$x - 36$
Multiplier le tout par 5	$5(x - 36) = 5 \times x - 5 \times 36 = 5x - 180$
Ajouter 173	
Multiplier le tout 4	
Ajouter 31	
Multiplier à nouveau le tout 5	
Ajouter le nombre entier choisi au départ	
Enlever 15	
Écrire le résultat	

Troisième partie : Explications

Expliquez pourquoi le résultat précédent démontre votre conjecture.

I — La distributivité

PROPRIÉTÉ 8.1 : La distributivité

Admise

a , b et k sont des nombres quelconques

$$\underbrace{k \times (a + b)}_{\text{Produit de deux facteurs}} = \underbrace{k \times a + k \times b}_{\text{Somme de deux termes}}$$

→ DÉVELOPPER
← FACTORISER

REMARQUE

La **distributivité** est une propriété qui lie l'addition et la multiplication. On dit que la multiplication est distributive par rapport à l'addition.

Cela revient à dire que « le produit d'une somme est égal à la somme des produits ».

Z La somme, le symbole $+$, est une somme algébrique. a et b sont des nombres relatifs positifs ou négatifs. **EXEMPLES NUMÉRIQUES :**
Développer

On se sert souvent de la distributivité pour effectuer du calcul mental.

$$13 \times 11 = 13 \times (10 + 1) = 13 \times 10 + 13 \times 1 = 130 + 13 = 143$$

$$77 \times 99 = 77 \times (100 - 1) = 77 \times 100 - 77 \times 1 = 7700 - 77 = 7623$$

Factoriser

$$14 \times 13 - 14 \times 3 = 14 \times (13 - 3) = 14 \times 10 = 140$$

$$87 \times 23 + 87 \times 49 + 87 \times 28 = 87 \times (23 + 49 + 28) = 87 \times 100 = 8700$$

Même si ces deux exemples sont un peu « caricaturaux », ils illustrent assez bien le principe de la factorisation !

II — Le calcul littéral

Le **calcul numérique** consiste à utiliser les règles des opérations arithmétiques (addition, soustraction, multiplication et division) pour obtenir un résultat final sous forme d'un nombre.

Le **calcul littéral** consiste à utiliser des lettres pour désigner des nombres dans une expression algébrique. L'objectif est de modifier une expression algébrique littérale pour obtenir une expression équivalente. Pour cela il faut respecter des règles de calcul issues de la propriété de distributivité.

EXEMPLES :

Les « formules » de calcul de périmètres ou d'aires sont des expressions littérales :

Le périmètre du cercle de rayon r est donné par l'expression : $2\pi r$

Dans cette expression le symbole de multiplication est sous-entendu : $2\pi r = 2 \times \pi \times r$

Le cercle

III — Réduction des expressions littérales

1 Exercices

EXERCICE N° 8.1 : Substituer une lettre par un nombre 

Voici quatre expressions algébriques littérales :

$$A = 5x + 9$$

$$B = 1 - 7x + 3 + 8x$$

$$C = 5(2x - 1)$$

$$D = 3x^2 - 2x + 1$$

Calculer la valeur numérique exacte de chacune de ces expressions en remplaçant x par la valeur proposée. (Il y a donc 16 calculs numériques à effectuer!)

1. $x = 0$

2. $x = 3$

3. $x = -2$

4. $x = \frac{2}{3}$

EXERCICE N° 8.2 : Réduire une expression littérale 

Réduire chacune des expressions littérales suivantes :

$$A = x + x$$

$$B = x - x$$

$$C = x \times x$$

$$D = 2x + 3 + 4x + 5$$

$$E = -2x + 7 - 3x - 8 - x + 6$$

$$F = 1 - 7x - 8 + 11x - 2 + 4x - 3$$

$$G = 2x^2 + 2x - 3 + 4x^2 - 3x + 1$$

$$H = 3x^2 + 1 - 3x + 5 - 3x^2 + 7x$$

$$I = 1 - 7x + x^2 + x + 1 - 3x + 8x^2 - 11$$

EXERCICE N° 8.3 : Réduire une expression littérale 

Développer et réduire chacune des expressions littérales ci-dessous :

$$A = 7(2x + 2)$$

$$B = 5(1 - 4x)$$

$$C = 3(-2x - 3)$$

$$D = -4(5x - 2)$$

$$E = -5(-6x - 7)$$

$$F = 2x(1 - x)$$

$$G = 3(4x + 1) + 5(3x - 4)$$

$$H = 2x(3x + 1) + 3(1 + 3x)$$

$$I = -3(1 - x) - 4(2 + x)$$

$$J = -2x(3x - 1) - 3(3x + 2)$$

EXERCICE N° 8.1 : Substituer une lettre par un nombre

CORRECTION

Voici quatre expressions algébriques littérales :

$$A = 5x + 9$$

$$B = 1 - 7x + 3 + 8x$$

$$C = 5(2x - 1)$$

$$D = 3x^2 - 2x + 1$$

Calculer la valeur numérique exacte de chacune de ces expressions en remplaçant x par la valeur proposée. (Il y a donc 16 calculs numériques à effectuer!)**1. Pour $x = 0$**

$$A = 5 \times 0 + 9 = 0 + 9 = \boxed{9}$$

$$B = 1 - 7 \times 0 + 3 + 8 \times 0 = 1 + 3 = \boxed{4}$$

$$C = 5(2 \times 0 - 1) = 5(0 - 1) = 5(-1) = \boxed{-5}$$

$$D = 3 \times 0^2 - 2 \times 0 + 1 = 0 - 0 + 1 = \boxed{1}$$

2. $x = 3$

$$A = 5 \times 3 + 9 = 15 + 9 = \boxed{24}$$

$$B = 1 - 7 \times 3 + 3 + 8 \times 3 = 1 - 21 + 3 + 24 = \boxed{7}$$

$$C = 5(2 \times 3 - 1) = 5(6 - 1) = 5 \times 5 = \boxed{25}$$

$$D = 3 \times 3^2 - 2 \times 3 + 1 = 3 \times 9 - 6 + 1 = 27 - 6 + 1 = \boxed{22}$$

3. $x = -2$

$$A = 5 \times (-2) + 9 = -10 + 9 = \boxed{-1}$$

$$B = 1 - 7 \times (-2) + 3 + 8 \times (-2) = 1 + 14 + 3 - 16 = \boxed{2}$$

$$C = 5(2 \times (-2) - 1) = 5(-4 - 1) = 5 \times (-5) = \boxed{-25}$$

$$D = 3 \times (-2)^2 - 2 \times (-2) + 1 = 3 \times 4 + 4 + 1 = 12 + 5 = \boxed{17}$$

4. $x = \frac{2}{3}$

$$A = 5 \times \frac{2}{3} + 9 = \frac{10}{3} + 9 = \frac{10}{3} + \frac{27}{3} = \boxed{\frac{37}{3}}$$

$$B = 1 - 7 \times \frac{2}{3} + 3 + 8 \times \frac{2}{3} = 1 - \frac{14}{3} + 3 + \frac{16}{3} = 4 + \frac{2}{3} = \frac{12}{3} + \frac{2}{3} = \boxed{\frac{14}{3}}$$

$$C = 5\left(2 \times \frac{2}{3} - 1\right) = 5\left(\frac{4}{3} - 1\right) = 5\left(\frac{4}{3} - \frac{3}{3}\right) = 5 \times \frac{1}{3} = \boxed{\frac{5}{3}}$$

$$D = 3 \times \left(\frac{2}{3}\right)^2 - 2 \times \frac{2}{3} + 1 = 3 \times \frac{4}{9} - \frac{4}{3} + 1 = \frac{12}{9} - \frac{12}{9} + 1 = \boxed{1}$$

EXERCICE N° 8.2 : Réduire une expression littérale

CORRECTION

Réduire chacune des expressions littérales suivantes :

$$A = x + x = \boxed{2x}$$

$$B = x - x = \boxed{0}$$

$$C = x \times x = \boxed{x^2}$$

$$D = 2x + 3 + 4x + 5 = \boxed{6x + 8}$$

$$E = -2x + 7 - 3x - 8 - x + 6 = \boxed{-6x + 5}$$

$$F = 1 - 7x - 8 + 11x - 2 + 4x - 3 = \boxed{8x - 12}$$

$$G = 2x^2 + 2x - 3 + 4x^2 - 3x + 1 = \boxed{6x^2 - x - 2}$$

$$H = 3x^2 + 1 - 3x + 5 - 3x^2 + 7x = \boxed{-4x + 6}$$

$$I = 1 - 7x + x^2 + x + 1 - 3x + 8x^2 - 11 = \boxed{9x^2 - 9x - 9}$$

EXERCICE N° 8.3 : Réduire une expression littérale

CORRECTION

Développer et réduire chacune des expressions littérales ci-dessous :

$$A = 7(2x + 2) = \boxed{14x + 14}$$

$$B = 5(1 - 4x) = \boxed{5 - 20x}$$

$$C = 3(-2x - 3) = \boxed{-6x - 9}$$

$$D = -4(5x - 2) = \boxed{-20x + 8}$$

$$E = -5(-6x - 7) = \boxed{30x + 35}$$

$$F = 2x(1 - x) = \boxed{2x - 2x^2}$$

$$G = 3(4x + 1) + 5(3x - 4) = 12x + 3 + 15x - 20 = \boxed{27x - 17}$$

$$H = 2x(3x + 1) + 3(1 + 3x) = 6x^2 + 2x + 3 + 9x = \boxed{6x^2 + 11x + 3}$$

$$I = -3(1 - x) - 4(2 + x) = -3 + 3x - 8 - 4x = \boxed{-x - 11}$$

$$J = -2x(3x - 1) - 3(3x + 2) = -6x^2 + 3x - 9x - 6 = \boxed{-6x^2 - 6x - 6}$$

Interrogation de mathématiques

Développer et réduire chacune des expressions suivantes :

$$A = 7(2x - 1) + 3(5x + 2)$$

$$D = (3x + 1)(5x - 1)$$

$$B = 3x(3x + 1) + 2x(5x + 3)$$

$$E = (7 - 3x)(2 - 5x)$$

$$C = -5x(1 - 2x) + 2(3 - 5x)$$

$$F = (3x - 1)(2x + 1) + (3x - 1)(5x + 2)$$

$$D = 2x + x^2 - 3(2x - 1) + 3x(1 - 2x)$$

$$G = 3(5x - 1) + (3x - 1)(5x + 4) + x^2 - 1$$

Interrogation de mathématiques

Développer et réduire chacune des expressions suivantes :

$$A = 3(5x - 1) + 2(6x + 2)$$

$$D = (3x + 1)(6x - 1)$$

$$B = 4x(2x + 1) + 2x(6x + 3)$$

$$E = (7 - 3x)(2 - 6x)$$

$$C = -4x(1 - 2x) + 3(3 - 5x)$$

$$F = (2x - 1)(3x + 1) + (2x - 1)(4x + 2)$$

$$D = 3x + x^2 - 3(3x - 1) + 3x(1 - 3x)$$

$$G = 3(6x - 1) + (3x - 1)(4x + 5) + x^2 - 1$$

Interrogation de mathématiques

Développer et réduire chacune des expressions suivantes :

$$A = 3(4x - 1) + 3(5x + 2)$$

$$D = (3x + 1)(6x - 1)$$

$$B = 2x(3x + 1) + 3x(5x + 3)$$

$$E = (7 - 4x)(2 - 5x)$$

$$C = -6x(1 - 2x) + 3(3 - 5x)$$

$$F = (4x - 1)(2x + 1) + (2x - 1)(5x + 2)$$

$$D = 3x + x^2 - 3(3x - 1) + 3x(1 - 2x)$$

$$G = 3(4x - 1) + (2x - 1)(5x + 4) + x^2 - 1$$

Interrogation de mathématiques

Développer et réduire chacune des expressions suivantes :

$$A = 4(5x - 1) + 2(6x + 2)$$

$$D = (2x + 1)(3x - 1)$$

$$B = 3x(2x + 1) + 2x(6x + 3)$$

$$E = (7 - 5x)(2 - 6x)$$

$$C = -3x(1 - 3x) + 3(3 - 5x)$$

$$F = (3x - 1)(3x + 1) + (5x - 1)(4x + 2)$$

$$D = 5x + x^2 - 3(5x - 1) + 3x(1 - 3x)$$

$$G = 3(7x - 1) + (4x - 1)(4x + 5) + x^2 - 1$$

Interrogation de mathématiques

Développer et réduire chacune des expressions suivantes :

$$A = 5x - 3 + 7x + 9$$

$$D = 3(2x + 1) + 2(4x + 3)$$

$$B = 8x - 9 - 7x - 3 - 4x + 1$$

$$E = 4(4x - 1) - 3(5x - 3)$$

$$C = 5x^2 - 3x + 9 - 3x^2 + 8x - 4$$

$$F = 2x(3x - 1) + 3(4x + 2)$$

$$D = 5x + 2y - 5t + 1 - 3x + 8y - 6x$$

$$G = 3x^2 - 3(2x - 1) + 2x(1 - x)$$

Interrogation de mathématiques

Développer et réduire chacune des expressions suivantes :

$$A = 7x - 4 + 9x + 9$$

$$D = 4(2x + 1) + 3(4x + 3)$$

$$B = 10x - 9 - 8x - 8 - 4x + 1$$

$$E = 3(4x - 1) - 4(5x - 3)$$

$$C = 7x^2 - 3x + 8 - 3x^2 + 3x - 4$$

$$F = 3x(3x - 1) + 2(4x + 2)$$

$$D = 6x + 3y - 7t + 1 - 3x + 8y - 6x$$

$$G = 2x^2 - 3(3x - 1) + 3x(1 - x)$$

Interrogation de mathématiques

Développer et réduire chacune des expressions suivantes :

$$A = 4x - 3 + 7x + 7$$

$$D = 5(2x + 1) + 3(4x + 3)$$

$$B = 5x - 9 - 7x - 5 - 4x + 1$$

$$E = 4(5x - 1) - 4(5x - 3)$$

$$C = 6x^2 - 4x + 8 - 3x^2 + 8x - 4$$

$$F = 2x(4x - 1) + 3(5x + 2)$$

$$D = 3x + 5y - 7t + 1 - 3x + 8y - 6x$$

$$G = 5x^2 - 4(2x - 1) + 2x(1 - x)$$

Interrogation de mathématiques

Développer et réduire chacune des expressions suivantes :

$$A = 7x - 5 + 5x + 9$$

$$D = 5(3x + 1) + 3(3x + 3)$$

$$B = 5x - 7 - 7x - 3 - 5x + 1$$

$$E = 2(5x - 1) - 4(5x - 3)$$

$$C = 6x^2 - 6x + 9 - 3x^2 + 8x - 4$$

$$F = 4x(3x - 2) + 3(5x + 2)$$

$$D = 7x + 3y - 9t + 1 - 3x + 8y - 6x$$

$$G = 5x^2 - 2(4x - 1) + 3x(1 - x)$$

Préparation à l'évaluation de calcul littéral

EXERCICE N° 1 : Développer et réduire les expressions suivantes :



$$A = 5x - 3 + 7x - 1 + 2x - 10$$

$$E = 2x(3x - 1) - 4(5x + 1)$$

$$B = 6x - 7x^2 - 9x - 10 + x^2 + 7$$

$$F = (3x^2 - 5x + 1) - (5x^2 + 7x - 10)$$

$$C = 6(2x - 1) + 3(6x + 2)$$

$$G = 5x^2 - 3(2x + 1) + 6x - 3x(4x - 1)$$

$$D = -5(1 - 3x) - 2(3x + 1)$$

$$H = 7x(6x - 1) - (-3x^2 + 10 - 8x) + 5(2x - 1) + (5x^2 - x - 1)$$

EXERCICE N° 2 : Voici un programme de calcul



- Choisir un nombre;
- ajouter 2;
- multiplier le tout par le nombre de départ;
- enlever le carré du nombre de départ.

1. En prenant 3 comme nombre de départ, vérifier que l'on obtient 6.
2. Tester ce programme avec les nombres -3 et 5 .
3. Quelle conjecture pouvez-vous faire?
4. En notant x le nombre de départ, déterminer une expression algébrique équivalente aux étapes de ce programme.
5. Développer l'expression obtenue à la question 4. puis démontrer votre conjecture.

EXERCICE N° 3 : Voici un programme de calcul



- Choisir un nombre;
- le multiplier par -4 ;
- ajouter 7;
- multiplier le tout par -3 ;
- ajouter 21;
- enlever le double du nombre de départ.

1. En prenant 5 comme nombre de départ, vérifier que l'on obtient 50.
2. Tester ce programme avec les nombres -3 puis 7 .
3. Quelle conjecture pouvez-vous faire?
4. En notant x le nombre de départ, déterminer une expression algébrique équivalente aux étapes de ce programme.
5. Développer l'expression obtenue à la question 4. puis démontrer votre conjecture.

Préparation à l'évaluation de calcul littéral



EXERCICE N° 1 : Développer et réduire

CORRECTION

Calcul littéral

$$A = 5x - 3 + 7x - 1 + 2x - 10$$

$$A = 14x - 14$$

$$B = 6x - 7x^2 - 9x - 10 + x^2 + 7$$

$$B = -6x^2 - 3x - 3$$

$$C = 6(2x - 1) + 3(6x + 2)$$

$$C = 12x - 6 + 18x + 6$$

$$C = 30x$$

$$D = -5(1 - 3x) - 2(3x + 1)$$

$$D = -5 + 15x - 6x - 2$$

$$D = 9x - 7$$

$$E = 2x(3x - 1) - 4(5x + 1)$$

$$E = 6x^2 - 2x - 20x - 4$$

$$E = 6x^2 - 22x - 4$$

$$F = (3x^2 - 5x + 1) - (5x^2 + 7x - 10)$$

$$F = 3x^2 - 5x + 1 - 5x^2 - 7x + 10$$

$$F = -2x^2 - 12x + 11$$

$$G = 5x^2 - 3(2x + 1) + 6x - 3x(4x - 1)$$

$$G = 5x^2 - 6x - 3 + 6x - 12x^2 + 3x$$

$$G = -7x^2 + 3x - 3$$

$$H = 7x(6x - 1) - (-3x^2 + 10 - 8x) + 5(2x - 1) + (5x^2 - x - 1)$$

$$H = 42x^2 - 7x + 3x^2 - 10 + 8x + 10x - 5 + 5x^2 - x - 1$$

$$H = 50x^2 + 10x - 11$$



EXERCICE N° 2 : Voici un programme de calcul

CORRECTION

Calcul littéral

1. En prenant 3 comme nombre de départ, on obtient successivement :

$$3 \text{ puis } 3 + 2 = 5 \text{ et } 5 \times 3 = 15 \text{ enfin } 15 - 3^2 = 15 - 9 = 6$$

2. En prenant -3 comme nombre de départ, on obtient successivement :

$$-3 \text{ puis } -3 + 2 = -1 \text{ et } -1 \times (-3) = 3 \text{ enfin } 3 - (-3)^2 = 3 - 9 = -6$$

En prenant 5 comme nombre de départ, on obtient successivement :

$$5 \text{ puis } 5 + 2 = 7 \text{ et } 7 \times 5 = 35 \text{ enfin } 35 - 5^2 = 35 - 25 = 10$$

Tester ce programme avec les nombres -3 et 5 .

3. Quelle conjecture pouvez-vous faire ?

4. En notant x le nombre de départ, déterminer une expression algébrique équivalente aux étapes de ce programme.

5. Développer l'expression obtenue à la question 4. puis démontrer votre conjecture.

EXERCICE N° 3 : Voici un programme de calcul



- Choisir un nombre;
- le multiplier par -4 ;
- ajouter 7 ;
- multiplier le tout par -3 ;
- ajouter 21 ;
- enlever le double du nombre de départ.

1. En prenant 5 comme nombre de départ, vérifier que l'on obtient 50 .
2. Tester ce programme avec les nombres -3 puis 7 .
3. Quelle conjecture pouvez-vous faire?
4. En notant x le nombre de départ, déterminer une expression algébrique équivalente aux étapes de ce programme.
5. Développer l'expression obtenue à la question 4. puis démontrer votre conjecture.

Évaluation de calcul littéral

1^{er} avril 2022

EXERCICE N° 1 : Développer et réduire les expressions suivantes :



$$A = 9x - 6 + 3x - 4 + 3x - 10$$

$$B = 9x - 9x^2 - 8x - 10 + x^2 + 7$$

$$C = 6(3x - 1) + 5(6x + 2)$$

$$D = -4(1 - 3x) - 3(3x + 1)$$

$$E = 3x(2x - 1) - 4(6x + 1)$$

$$F = (5x^2 - 7x + 1) - (2x^2 + 9x - 10)$$

$$G = 10x^2 - 3(3x + 1) + 5x - 4x(4x - 1)$$

$$H = 2x(3x - 1) - (-4x^2 + 10 - 8x) + 4(2x - 1) + (6x^2 - x - 1)$$

$$I = \frac{8\sqrt{2}}{9801} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(4k)!(1103 + 26390k)}{(k!)^4 \times 396^{4k}} \times \left(\int_0^{+\infty} e^{-t^2} dt \right)^2 \quad (***)$$

...:non) du jour) ait un rapport avec la date du jour) (***) I=I, mais il n'est pas impossible que cette question ait un rapport avec la date du jour) (***)

EXERCICE N° 2 : Voici un programme de calcul



- Choisir un nombre;
- ajouter 3;
- multiplier le tout par le nombre de départ;
- enlever le carré du nombre de départ.

1. En prenant 5 comme nombre de départ, vérifier que l'on obtient 15.
2. Tester ce programme avec les nombres 2 et -10.
3. Quelle conjecture pouvez-vous faire?
4. En notant x le nombre de départ, déterminer une expression algébrique équivalente aux étapes de ce programme.
5. Développer l'expression obtenue à la question 4. puis démontrer votre conjecture.

EXERCICE N° 3 : Voici un programme de calcul



- Choisir un nombre;
- le multiplier par 2;
- enlever 3;
- multiplier le tout par 4;
- ajouter 12;
- ajouter le double du nombre de départ.

1. En prenant 6 comme nombre de départ, vérifier que l'on obtient 60.
2. Tester ce programme avec les nombres 4 puis -2.
3. Quelle conjecture pouvez-vous faire?
4. En notant x le nombre de départ, déterminer une expression algébrique équivalente aux étapes de ce programme.
5. Développer l'expression obtenue à la question 4. puis démontrer votre conjecture.

Évaluation de calcul littéral

1^{er} avril 2022

EXERCICE N° 1 : Développer et réduire les expressions suivantes :



$$A = 9x - 8 + 2x - 4 + 3x - 10$$

$$E = 4x(2x - 1) - 4(6x + 1)$$

$$B = 9x - 10x^2 - 9x - 10 + x^2 + 7$$

$$F = (6x^2 - 8x + 1) - (2x^2 + 9x - 10)$$

$$C = 6(3x - 2) + 5(5x + 2)$$

$$G = 10x^2 - 3(2x + 1) + 5x - 4x(4x - 1)$$

$$H = 2x(4x - 1) - (-4x^2 + 10 - 8x) + 4(3x - 1) + (6x^2 - x - 1)$$

$$D = -4(1 - 2x) - 3(3x + 1)$$

$$I = \frac{8\sqrt{2}}{9801} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(4k)!(1103 + 26390k)}{(k!)^4 \times 396^{4k}} \times \left(\int_0^{+\infty} e^{-t^2} dt \right)^2 \quad (***)$$

...:non) du jour) ait un rapport avec la date de cette question que cette question n'est pas impossible, mais il n'est pas impossible que cette question ait un rapport avec la date du jour. (***)

EXERCICE N° 2 : Voici un programme de calcul



- Choisir un nombre;
- ajouter 3;
- multiplier le tout par le nombre de départ;
- enlever le carré du nombre de départ.

1. En prenant 4 comme nombre de départ, vérifier que l'on obtient 12.
2. Tester ce programme avec les nombres 3 et -10.
3. Quelle conjecture pouvez-vous faire?
4. En notant x le nombre de départ, déterminer une expression algébrique équivalente aux étapes de ce programme.
5. Développer l'expression obtenue à la question 4. puis démontrer votre conjecture.

EXERCICE N° 3 : Voici un programme de calcul



- Choisir un nombre;
- le multiplier par 2;
- enlever 3;
- multiplier le tout par 4;
- ajouter 12;
- ajouter le double du nombre de départ.

1. En prenant 7 comme nombre de départ, vérifier que l'on obtient 70.
2. Tester ce programme avec les nombres 5 puis -2.
3. Quelle conjecture pouvez-vous faire?
4. En notant x le nombre de départ, déterminer une expression algébrique équivalente aux étapes de ce programme.
5. Développer l'expression obtenue à la question 4. puis démontrer votre conjecture.

Remarques et intentions pédagogiques

¹ ACTIVITÉ — LE MUR

Mes intentions sont claires!

¹Raisonnons par l'absurde sur un exemple générique. Si le quotient $20 \div 0$ avait un sens alors $0 \times (20 \div 0) = 20$. Or comme pour tout nombre x on a $0 \times x = 0$, l'égalité $0 \times x = a$ n'est vérifiée que pour $a = 0$. Ce qui signifie en toute rigueur que seul le quotient de 0 par 0 aurait un sens. Cependant par l'absurde on aurait $0 \times (0 \div 0) = 0$ mais ce quotient peut dans ce cas prendre la valeur réelle de notre choix... Ce qui rend absurde son existence!

²De plus $\frac{15}{5} = 3$ et $\frac{3}{1} = 3$: il n'y a donc pas unicité de la fraction $\frac{a}{b}$ telle que $b \times \frac{a}{b} = a$

³Certains nombres ne sont pas rationnels comme $\sqrt{2}$, π , $\cos(10^\circ)$...

⁴Je me restreins au cas des fractions, c'est-à-dire avec un numérateur et dénominateur entier. Avec des quotients et a , b et k des réels quelconques non nul cette propriété reste bien sûr vraie!

⁵L'identification précédente entre $\frac{5}{3}$ et $\frac{45}{27}$ repose sur l'intégrité de l'anneau des nombres rationnels.

En effet comme $27 \times \frac{5}{3} = 45$ et $27 \times \frac{45}{27} = 45$ on peut écrire $27 \times \frac{5}{3} - 27 \times \frac{45}{27} = 0$

Ainsi $27 \left(\frac{5}{3} - \frac{45}{27} \right) = 0$ ce qui pour des raisons d'intégrité oblige $\frac{5}{3} = \frac{45}{27}$.

On utilise l'intégrité de l'anneau des rationnels dans la plupart des démonstrations de ce chapitre.

Il paraît bien difficile de parler de cela à des collégiens!

¹ ACTIVITÉ — UN PAVAGE DU PLAN

Mes intentions sont claires

¹ ACTIVITÉ — PARALLÈLES ET LONGUEURS

Mes intentions sont claires



NOM :

PRÉNOM :

CLASSE :

Développer et réduire chacune des expressions suivantes en détaillant vos calculs :

$$A = 5x^2 + 6x + 3x^2 + 3 + 3x + 7x + 4 + 9x + 2$$

$$F = 4(5x - 3) + 3x(1 - x)$$

$$B = -3x - 2 - 6x^2 + x - x^2 - x - 1 - x^2 + 3x - 7$$

$$G = -3(1 - 2x) - 3x(4x - 5)$$

$$C = 5(2x + 3)$$

$$H = 5x(1 - x) - 3(2x + 1) - 4x(5 - 3x)$$

$$D = 3x(4 - 5x)$$

$$I = x(x + 1) - x(1 - x) + 4(x + 2)$$

$$E = -6(3x - 5)$$

$$J = 3 - 3(5x + 1) + 4x - 4x(3x - 4) + 2x^2 - 1 + 4(3x - 2)$$



Évaluation — CORRECTION



$$A = 5x^2 + 6x + 3x^2 + 3 + 3x + 7x + 4 + 9x + 2$$

$$A = 8x^2 + 25x + 9$$

$$B = -3x - 2 - 6x^2 + x - x^2 - x - 1 - x^2 + 3x - 7$$

$$B = -8x^2 - 10$$

$$C = 5(2x + 3)$$

$$C = 10x + 15$$

$$D = 3x(4 - 5x)$$

$$D = 12x - 15x^2$$

$$E = -6(3x - 5)$$

$$E = -18x + 30$$

$$F = 4(5x - 3) + 3x(1 - x)$$

$$F = 20x - 12 + 3x - 3x^2$$

$$F = -3x^2 + 23x - 12$$

$$G = -3(1 - 2x) - 3x(4x - 5)$$

$$G = -3 + 6x - 12x^2 + 15x$$

$$G = -12x^2 + 21x - 3$$

$$H = 5x(1 - x) - 3(2x + 1) - 4x(5 - 3x)$$

$$H = 5x - 5x^2 - 6x - 3 - 20x + 12x^2$$

$$H = 7x^2 - 21x - 3$$

$$I = x(x + 1) - x(1 - x) + 4(x + 2)$$

$$I = x^2 + x - x + x^2 + 4x + 2$$

$$I = 2x^2 + 4x + 2$$

$$J = 3 - 3(5x + 1) + 4x - 4x(3x - 4) + 2x^2 - 1 + 4(3x - 2)$$

$$J = 3 - 15x - 3 + 4x - 12x^2 + 16x + 2x^2 - 1 + 12x - 8$$

$$J = -10x^2 + 17x - 9$$



NOM :

PRÉNOM :

CLASSE :

Développer et réduire chacune des expressions suivantes en détaillant vos calculs :

$$A = 6x^2 + 3x + 2x^2 + 3 + 3x + 7x + 4 + 9x + 2$$

$$F = 3(5x - 4) + 4x(1 - x)$$

$$B = -4x - 2 - 6x^2 + x - x^2 - x - 5 - x^2 + 4x - 7$$

$$G = -4(1 - 2x) - 2x(4x - 5)$$

$$C = 5(3x + 2)$$

$$H = 4x(1 - x) - 3(3x + 1) - 4x(6 - 3x)$$

$$D = 5x(4 - 3x)$$

$$I = x(x + 2) - x(2 - x) + 4(x + 1)$$

$$E = -5(3x - 6)$$

$$J = 3 - 3(4x + 1) + 3x - 3x(3x - 4) + 2x^2 - 1 + 3(3x - 2)$$



Évaluation — CORRECTION



$$A = 6x^2 + 3x + 2x^2 + 3 + 3x + 7x + 4 + 9x + 2$$

$$A = 8x^2 + 22x + 9$$

$$B = -4x - 2 - 6x^2 + x - x^2 - x - 5 - x^2 + 4x - 7$$

$$B = -8x^2 - 14$$

$$C = 5(3x + 2)$$

$$C = 15x + 10$$

$$D = 5x(4 - 3x)$$

$$D = 20x - 15x^2$$

$$E = -5(3x - 6)$$

$$E = -15x + 30$$

$$F = 3(5x - 4) + 4x(1 - x)$$

$$F = 15x - 12 + 4x - 4x^2$$

$$F = -4x^2 + 19x - 12$$

$$G = -4(1 - 2x) - 2x(4x - 5)$$

$$G = -4 + 8x - 8x^2 + 10x$$

$$G = -8x^2 + 18x - 4$$

$$H = 4x(1 - x) - 3(3x + 1) - 4x(6 - 3x)$$

$$H = 4x - 4x^2 - 9x - 3 - 24x + 12x^2$$

$$H = 8x^2 - 29x - 3$$

$$I = x(x + 2) - x(2 - x) + 4(x + 1)$$

$$I = x^2 + 2x - 2x + x^2 + 4x + 4$$

$$I = 2x^2 + 4x + 4$$

$$J = 3 - 3(4x + 1) + 3x - 3x(3x - 4) + 2x^2 - 1 + 3(3x - 2)$$

$$J = 3 - 12x - 3 + 3x - 9x^2 + 12x + 2x^2 - 1 + 9x - 6$$

$$J = -7x^2 + 12x - 4$$



NOM :

PRÉNOM :

CLASSE :

Développer et réduire chacune des expressions suivantes en détaillant vos calculs :

$$A = 7x^2 + 6x + 2x^2 + 3 + 3x + 7x + 8 + 9x + 2$$

$$F = 3(5x - 4) + 2x(3 - x)$$

$$B = -3x - 3 - 7x^2 + x - x^2 - x - 1 - x^2 + 3x - 7$$

$$G = -3(1 - 3x) - 3x(4x - 4)$$

$$C = 6(3x + 2)$$

$$H = 4x(1 - x) - 3(2x + 3) - 4x(6 - 3x)$$

$$D = 4x(3 - 5x)$$

$$I = x(x + 3) - x(3 - x) + 4(x + 3)$$

$$E = -7(3x - 4)$$

$$J = 3 - 3(6x + 1) + 5x - 4x(3x - 4) + 3x^2 - 1 + 4(3x - 2)$$

Évaluation — CORRECTION

$$A = 7x^2 + 6x + 2x^2 + 3 + 3x + 7x + 8 + 9x + 2$$

$$A = 9x^2 + 25x + 13$$

$$B = -3x - 3 - 7x^2 + x - x^2 - x - 1 - x^2 + 3x - 7$$

$$B = -9x^2 - 11$$

$$C = 6(3x + 2)$$

$$C = 18x + 12$$

$$D = 4x(3 - 5x)$$

$$D = 12x - 20x^2$$

$$E = -7(3x - 4)$$

$$E = -21x + 28$$

$$F = 3(5x - 4) + 2x(3 - x)$$

$$F = 15x - 12 + 6x - 2x^2$$

$$F = -2x^2 + 21x - 12$$

$$G = -3(1 - 3x) - 3x(4x - 4)$$

$$G = -3 + 9x - 12x^2 + 12x$$

$$G = -12x^2 + 21x + 3$$

$$H = 4x(1 - x) - 3(2x + 3) - 4x(6 - 3x)$$

$$H = 4x - 4x^2 - 6x - 9 - 24x + 12x^2$$

$$H = 8x^2 - 26x - 9$$

$$I = x(x + 3) - x(3 - x) + 4(x + 3)$$

$$I = x^2 + 3x - 3x + x^2 + 4x + 12$$

$$I = 2x^2 + 4x + 12$$

$$J = 3 - 3(6x + 1) + 5x - 4x(3x - 4) + 3x^2 - 1 + 4(3x - 2)$$

$$J = 3 - 18x - 3 + 5x - 12x^2 + 16x + 3x^2 - 1 + 12x - 8$$

$$J = -9x^2 + 15x - 6$$

QUATRIEME— CALCUL LITTÉRAL**EXERCICE CL1** — Réduire une expression littérale

Réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 3x + 3 + 2x + 5 + 4x + 6 + 7 + 5x$$

$$B = 1 - 3x - 3 - 7x + 8x - 8 - 7x - 11$$

$$C = 5 + 7x - 3x + 2 - 7x - 1 - x - 9x - 3 + 9 + x$$

$$D = 3x^2 - 3 + 2x - 7x^2 + 3 - 5x - 3 - 2x^2 + 1$$

$$E = 4x^2 - 6x - 3 - 5x^2 - 3 + 10x - 8x^2 - 1$$

$$F = x^2 + x + 1 - 7x - 8x^2 + 3 - x^2 - x - 1 + 3$$

**QUATRIEME— CALCUL LITTÉRAL****EXERCICE CL2** — Réduire une expression littérale

Réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 7(3x - 8)$$

$$B = 5x(1 - 3x)$$

$$C = 2(3x + 1) + 3(5x - 3)$$

$$D = 3x(4x + 2) + 5(6x - 5)$$

$$E = 4(1 - 3x) - 3x(5 - 2x) + 5(2x + 1)$$

$$F = 7x(1 - 2x) - 3(1 - 4x) + 5(6x + 5)$$

**QUATRIEME— CALCUL LITTÉRAL****EXERCICE CL3** — Réduire une expression littérale

Réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 5(4x + 1) + 3(5x + 2)$$

$$B = 7(6x - 3) + 4(5x - 2)$$

$$C = 6x(3x - 1) + 2(5x + 3)$$

$$D = -3(5x - 2) - 3x(5x - 1)$$

$$E = 4(1 - 8x) - 3x(-2x - 5)$$

$$F = 6x - 4(5x - 1) - 3 + 4x(1 - 3x) + 1$$

**QUATRIEME— CALCUL LITTÉRAL****EXERCICE CL4** — Réduire une expression littérale

Réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 8x - 4(1 - 3x) + 3x^2 - 5x(2x - 1)$$

$$B = 1 - 8x^2 + 3x(1 - 5x) - 3(3x - 1) + x^2$$

$$C = 6(3x - 1) - 2x^2 - x - 1 + 3(5x - 1)$$

$$D = 2 - 3x(1 - 7x) - 3x(5x - 1) + 2x^2 - 1$$

$$E = -2 - 3x - 4(3 - 7x) - 3(-3x - 7) - 2x^2$$

$$F = 3(2x - 1) - 3x - 3x(-6 - 2x) - 3x^2 - x - 1$$

**QUATRIEME— CALCUL LITTÉRAL****EXERCICE CL1** — Réduire une expression littérale

Réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 3x + 3 + 2x + 5 + 4x + 6 + 7 + 5x$$

$$B = 1 - 3x - 3 - 7x + 8x - 8 - 7x - 11$$

$$C = 5 + 7x - 3x + 2 - 7x - 1 - x - 9x - 3 + 9 + x$$

$$D = 3x^2 - 3 + 2x - 7x^2 + 3 - 5x - 3 - 2x^2 + 1$$

$$E = 4x^2 - 6x - 3 - 5x^2 - 3 + 10x - 8x^2 - 1$$

$$F = x^2 + x + 1 - 7x - 8x^2 + 3 - x^2 - x - 1 + 3$$

**QUATRIEME— CALCUL LITTÉRAL****EXERCICE CL1** — Réduire une expression littérale

Réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 3x + 3 + 2x + 5 + 4x + 6 + 7 + 5x$$

$$B = 1 - 3x - 3 - 7x + 8x - 8 - 7x - 11$$

$$C = 5 + 7x - 3x + 2 - 7x - 1 - x - 9x - 3 + 9 + x$$

$$D = 3x^2 - 3 + 2x - 7x^2 + 3 - 5x - 3 - 2x^2 + 1$$

$$E = 4x^2 - 6x - 3 - 5x^2 - 3 + 10x - 8x^2 - 1$$

$$F = x^2 + x + 1 - 7x - 8x^2 + 3 - x^2 - x - 1 + 3$$



QUATRIEME — CALCUL LITTÉRAL**EXERCICE CL5 — Réduire une expression littérale**

Développer et réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 3 - (3x - x^2 + 1) + (6x - x^2 + 1) - (5x - 5x^2 - 5)$$

$$B = 3(5x + 1) - x^2(2x - 1) - 5x(1 - x) + 3(2x - 1)$$

$$C = 4 - (5x - x^2 + 1) - 3(2x + x^2) - 5x(1 - x) - (1 - x - x^2)$$

$$D = 4x - 4x(1 - x) + 3 - 4(5x - 1) - (2x - 1) + 2x - (5x + 3)$$

$$E = 4x - 2 + x(x + 1) - x(x - 1) - (x - 1) + 2x(1 - x) + 3$$

$$F = 1 - x^2 - x(5 - x) + (6x + x^2) - (-6 + x) - 3x(1 - x) + 3x^2$$

QUATRIEME — CALCUL LITTÉRAL**EXERCICE CL5 — Réduire une expression littérale**

Développer et réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 3 - (3x - x^2 + 1) + (6x - x^2 + 1) - (5x - 5x^2 - 5)$$

$$B = 3(5x + 1) - x^2(2x - 1) - 5x(1 - x) + 3(2x - 1)$$

$$C = 4 - (5x - x^2 + 1) - 3(2x + x^2) - 5x(1 - x) - (1 - x - x^2)$$

$$D = 4x - 4x(1 - x) + 3 - 4(5x - 1) - (2x - 1) + 2x - (5x + 3)$$

$$E = 4x - 2 + x(x + 1) - x(x - 1) - (x - 1) + 2x(1 - x) + 3$$

$$F = 1 - x^2 - x(5 - x) + (6x + x^2) - (-6 + x) - 3x(1 - x) + 3x^2$$

QUATRIEME — CALCUL LITTÉRAL**EXERCICE CL5 — Réduire une expression littérale**

Développer et réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 3 - (3x - x^2 + 1) + (6x - x^2 + 1) - (5x - 5x^2 - 5)$$

$$B = 3(5x + 1) - x^2(2x - 1) - 5x(1 - x) + 3(2x - 1)$$

$$C = 4 - (5x - x^2 + 1) - 3(2x + x^2) - 5x(1 - x) - (1 - x - x^2)$$

$$D = 4x - 4x(1 - x) + 3 - 4(5x - 1) - (2x - 1) + 2x - (5x + 3)$$

$$E = 4x - 2 + x(x + 1) - x(x - 1) - (x - 1) + 2x(1 - x) + 3$$

$$F = 1 - x^2 - x(5 - x) + (6x + x^2) - (-6 + x) - 3x(1 - x) + 3x^2$$

QUATRIEME — CALCUL LITTÉRAL**EXERCICE CL5 — Réduire une expression littérale**

Développer et réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 3 - (3x - x^2 + 1) + (6x - x^2 + 1) - (5x - 5x^2 - 5)$$

$$B = 3(5x + 1) - x^2(2x - 1) - 5x(1 - x) + 3(2x - 1)$$

$$C = 4 - (5x - x^2 + 1) - 3(2x + x^2) - 5x(1 - x) - (1 - x - x^2)$$

$$D = 4x - 4x(1 - x) + 3 - 4(5x - 1) - (2x - 1) + 2x - (5x + 3)$$

$$E = 4x - 2 + x(x + 1) - x(x - 1) - (x - 1) + 2x(1 - x) + 3$$

$$F = 1 - x^2 - x(5 - x) + (6x + x^2) - (-6 + x) - 3x(1 - x) + 3x^2$$

QUATRIEME — CALCUL LITTÉRAL**EXERCICE CL5 — Réduire une expression littérale**

Développer et réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 3 - (3x - x^2 + 1) + (6x - x^2 + 1) - (5x - 5x^2 - 5)$$

$$B = 3(5x + 1) - x^2(2x - 1) - 5x(1 - x) + 3(2x - 1)$$

$$C = 4 - (5x - x^2 + 1) - 3(2x + x^2) - 5x(1 - x) - (1 - x - x^2)$$

$$D = 4x - 4x(1 - x) + 3 - 4(5x - 1) - (2x - 1) + 2x - (5x + 3)$$

$$E = 4x - 2 + x(x + 1) - x(x - 1) - (x - 1) + 2x(1 - x) + 3$$

$$F = 1 - x^2 - x(5 - x) + (6x + x^2) - (-6 + x) - 3x(1 - x) + 3x^2$$

QUATRIEME — CALCUL LITTÉRAL**EXERCICE CL5 — Réduire une expression littérale**

Développer et réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 3 - (3x - x^2 + 1) + (6x - x^2 + 1) - (5x - 5x^2 - 5)$$

$$B = 3(5x + 1) - x^2(2x - 1) - 5x(1 - x) + 3(2x - 1)$$

$$C = 4 - (5x - x^2 + 1) - 3(2x + x^2) - 5x(1 - x) - (1 - x - x^2)$$

$$D = 4x - 4x(1 - x) + 3 - 4(5x - 1) - (2x - 1) + 2x - (5x + 3)$$

$$E = 4x - 2 + x(x + 1) - x(x - 1) - (x - 1) + 2x(1 - x) + 3$$

$$F = 1 - x^2 - x(5 - x) + (6x + x^2) - (-6 + x) - 3x(1 - x) + 3x^2$$



Réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 3x + 3 + 2x + 5 + 4x + 6 + 7 + 5x$$

$$B = 1 - 3x - 3 - 7x + 8x - 8 - 7x - 11$$

$$C = 5 + 7x - 3x + 2 - 7x - 1 - x - 9x - 3 + 9 + x$$

$$D = 3x^2 - 3 + 2x - 7x^2 + 3 - 5x - 3 - 2x^2 + 1$$

$$E = 4x^2 - 6x - 3 - 5x^2 - 3 + 10x - 8x^2 - 1$$

$$F = x^2 + x + 1 - 7x - 8x^2 + 3 - x^2 - x - 1 + 3$$

Réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 3x + 3 + 2x + 5 + 4x + 6 + 7 + 5x$$

$$A = 14x + 21$$

$$B = 1 - 3x - 3 - 7x + 8x - 8 - 7x - 11$$

$$B = -9x - 21$$

$$C = 5 + 7x - 3x + 2 - 7x - 1 - x - 9x - 3 + 9 + x$$

$$C = -12x + 12$$

$$D = 3x^2 - 3 + 2x - 7x^2 + 3 - 5x - 3 - 2x^2 + 1$$

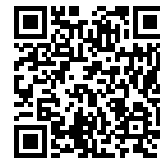
$$D = -6x^2 - 3x - 2$$

$$E = 4x^2 - 6x - 3 - 5x^2 - 3 + 10x - 8x^2 - 1$$

$$E = -9x^2 + 4x - 7$$

$$F = x^2 + x + 1 - 7x - 8x^2 + 3 - x^2 - x - 1 + 3$$

$$F = -8x^2 - 7x + 6$$



Réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 7(3x - 8)$$

$$B = 5x(1 - 3x)$$

$$C = 2(3x + 1) + 3(5x - 3)$$

$$D = 3x(4x + 2) + 5(6x - 5)$$

$$E = 4(1 - 3x) - 3x(5 - 2x) + 5(2x + 1)$$

$$F = 7x(1 - 2x) - 3(1 - 4x) + 5(6x + 5)$$

Réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 7(3x - 8)$$

$$A = 21 - 56$$

$$B = 5x(1 - 3x)$$

$$B = 5x - 15x^2$$

$$C = 2(3x + 1) + 3(5x - 3)$$

$$C = 6x + 2 + 15x - 9$$

$$C = 21x - 7$$

$$D = 3x(4x + 2) + 5(6x - 5)$$

$$D = 12x^2 + 6x + 30x - 25$$

$$D = 12x^2 + 36x - 25$$

$$E = 4(1 - 3x) - 3x(5 - 2x) + 5(2x + 1)$$

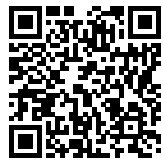
$$E = 4 - 12x - 15x + 6x^2 + 10x + 5$$

$$E = 6x^2 - 17x + 9$$

$$F = 7x(1 - 2x) - 3(1 - 4x) + 5(6x + 5)$$

$$F = 7x - 14x^2 - 3 + 12x + 30x + 25$$

$$F = -14x^2 + 49x + 22$$



Réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 5(4x + 1) + 3(5x + 2)$$

$$B = 7(6x - 3) + 4(5x - 2)$$

$$C = 6x(3x - 1) + 2(5x + 3)$$

$$D = -3(5x - 2) - 3x(5x - 1)$$

$$E = 4(1 - 8x) - 3x(-2x - 5)$$

$$F = 6x - 4(5x - 1) - 3 + 4x(1 - 3x) + 1$$

Réduire au maximum chacune des expressions suivantes :

$$A = 5(4x + 1) + 3(5x + 2)$$

$$A = 20x + 5 + 15x + 6$$

$$A = 35x + 11$$

$$B = 7(6x - 3) + 4(5x - 2)$$

$$B = 42x - 21 + 20x - 8$$

$$B = 62x - 29$$

$$C = 6x(3x - 1) + 2(5x + 3)$$

$$C = 18x^2 - 6x + 10x + 6$$

$$C = 18x^2 + 4x + 6$$

$$D = -3(5x - 2) - 3x(5x - 1)$$

$$D = -15x + 6 - 15x^2 + 3x$$

$$D = -15x^2 - 12x + 6$$

$$E = 4(1 - 8x) - 3x(-2x - 5)$$

$$E = 4 - 32x + 6x^2 + 15x$$

$$E = 6x^2 - 17x + 4$$

$$F = 6x - 4(5x - 1) - 3 + 4x(1 - 3x) + 1$$

$$F = 6x - 20x + 4 - 3 + 4x - 12x^2 + 1$$

$$F = -12x^2 - 10x + 2$$

INFORMATIONS LÉGALES

- **Auteur** : Fabrice ARNAUD
- **Web** : pi.ac3j.fr
- **Mail** : contact@ac3j.fr
- **Dernière modification** : 23 juin 2024 à 16:21

Ce document a été écrit pour L^AT_EX avec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.
Il a été compilé sous Linux Ubuntu Noble Numbat 24.04 avec la distribution TeX Live 2023.20240207-101 et LuaHBTeX 1.17.0

Pour compiler ce document, un fichier comprenant la plupart des macros est nécessaires. Ce fichier, Entete.tex, est encore trop mal rédigé pour qu'il puisse être mis en ligne. Il est en cours de réécriture et permettra ensuite le partage des sources dans de bonnes conditions.
Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim. Il utilise une balise spécifique à Vim pour permettre une organisation du fichier sous forme de replis. Cette balise %{{{ ... %}}} est un commentaire pour L^AT_EX, elle n'est pas nécessaire à sa compilation. Vous pouvez l'utiliser avec Vim en lui précisant que ce code définit un repli. Je vous laisse consulter la documentation officielle de Vim à ce sujet.

LICENCE CC BY-NC-SA 4.0



Attribution Pas d'Utilisation Commerciale Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

- Partager** — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats
- Adapter** — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

- Attribution** — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.
- Pas d'Utilisation Commerciale** — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.
- Partage dans les Mêmes Conditions** — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les mêmes conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.
- Pas de restrictions complémentaires** — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Œuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : <https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/deed.fr>

Comment créditer cette Œuvre ?

Ce document, , a été créé par **Fabrice ARNAUD (contact@ac3j.fr)** le 23 juin 2024 à 16:21.
Il est disponible en ligne sur **pi.ac3j.fr, Le blog de Fabrice ARNAUD.**
Adresse de l'article : .