



LES NOMBRES RELATIFS

Somme — Différence — Écriture algébrique



☞ NOMBRES OPPOSÉS

Deux nombres relatifs sont **opposés** si leur somme est nulle.

0 est égal à son opposé.

Quand deux nombres sont opposés, l'un des deux est **positif** et l'autre est **négatif**.

Deux nombres opposés sont situés à la même distance de zéro.

EXEMPLES :

$(-5) + (+5) = 0$, (-5) et $(+5)$ sont opposés.

(-5) est négatif et $(+5)$ est positif.

Le nombre relatif $(+5)$ correspond au nombre entier 5. On écrit le plus souvent 5 au lieu de $(+5)$.

Ces deux nombres sont situés à la même distance de zéro : 5 unités.

$0 + 0 = 0$: 0 est son propre opposé.

☞ SOMME DE DEUX NOMBRES RELATIFS

Pour calculer la somme de deux nombres relatifs :

— Si les deux nombres ont **le même signe** :

— on **ajoute** les distances à zéro ;

— la somme a le même signe que les deux nombres.

— Si les deux nombres ont **des signes différents** :

— on **soustrait** les distances à zéro ;

— la somme est du même signe que celui des nombres le plus éloigné de zéro.

EXEMPLES :

$(+5) + (+7) = (+12)$ car $5 + 7 = 12$ et les deux nombres sont positifs.

$(-5) + (-7) = (-12)$ car $5 + 7 = 12$ et les deux nombres sont négatifs.

$(+5) + (-7) = (-2)$ car $7 - 5 = 2$ et -7 est le plus éloigné de zéro.

$(-5) + (+7) = (+2)$ car $7 - 5 = 2$ et $+7$ est le plus éloigné de zéro.

☞ DIFFÉRENCE DE DEUX NOMBRES RELATIFS

Soustraire un nombre revient à ajouter son opposé.

EXEMPLES :

$(-6) - (+7) = (-6) + (-7) = (-13)$

$(-6) - (-7) = (-6) + (+7) = (+1)$

$(+6) - (-7) = (+6) + (+7) = (+13)$

$(+6) - (+7) = (+6) + (-7) = (-1)$

$(+7) - (+6) + (-5) = (+7) + (-6) + (-5) = (-4)$

$(-7) - (-6) - (-5) = (-7) + (+6) + (+5) = (+4)$

$(+7) - (+6) - (-5) = (+7) + (-6) + (+5) = (+6)$

$(-7) + (+6) - (+5) = (-7) + (+6) + (-5) = (-6)$

☞ SOMME ALGÈBRIQUE

Écrire sous forme de **somme algébrique** une somme de relatifs consiste à ne plus écrire que les symboles $+$ et $-$ pour désigner le signe **positif** ou **négatif** du nombre.

Dans ce cas, le symbole $+$ pour l'addition n'est pas écrit, il est **sous-entendu**.

Les parenthèses ne sont plus utiles.

Par exemple :

$A = (-5) + (-7) + (-8) + (-7) + (+9) + (+3)$ peut s'écrire $A = -5 - 7 - 8 - 7 + 9 + 3$

$B = (+5) + (+7) + (-9) + (+7) + (-9) + (-3)$ peut s'écrire $B = 5 + 7 - 9 + 7 - 9 - 3$

ASTUCE PRATIQUE :

Voici une succession de sommes et de différences de relatifs :

$C = (-5) + (+8) - (-6) - (+7) + (-9) - (+1) - (-8)$

En écrivant les différences sous forme de somme de l'opposé on obtient :

$C = (-5) + (+8) + (+6) + (-7) + (-9) + (-1) + (+8)$

L'écriture algébrique qui correspond est :

$C = -5 + 8 + 6 - 7 - 9 - 1 + 8$

En observant la première écriture et la troisième :

$C = (-5) + (+8) - (-6) - (+7) + (-9) - (+1) - (-8)$

$C = -5 + 8 + 6 - 7 - 9 - 1 + 8$

On remarque l'astuce suivante pour automatiser le passage en écriture algébrique :

$+$ suivi de $+$ devient $+$

$+$ suivi de $-$ devient $-$

$-$ suivi de $-$ devient $+$

$-$ suivi de $+$ devient $-$

EXEMPLES :

$D = (+6) - (-7) - (+9) - (-10) + (-4) + (+9)$

$D = 6 + 7 - 9 + 10 - 4 + 9$

$D = -13 + 32$

$D = 19$

$F = (6 - 11) - (5 - 12) + (11 - 8) - 3$

$F = (-5) - (-7) + (+3) - 3$

$F = -5 + 7 + 3 - 3$

$F = 2$

$E = -1 - (7 - 11) + (6 - 9) - (11 - 5)$

$E = -1 - (-4) + (-3) - (+6)$

$E = -1 + 4 - 3 - 6$

$E = -10 + 4$

$E = -6$

$G = 1 - (-1 - (-1 - 1) - 1) - (-1 - 1) - 1$

$G = 1 - (-1 - (-2) - 1) - (-2) - 1$

$G = 1 - (-1 + 2 - 1) + 2 - 1$

$G = 1 - (0) + 2 - 1$

$G = 1 + 2 - 1$

$G = 2$

INFORMATIONS LÉGALES

- **Auteur** : Fabrice ARNAUD
- **Web** : pi.ac3j.fr
- **Mail** : contact@ac3j.fr
- **Dernière modification** : 28 septembre 2025 à 23:27

Ce document a été écrit pour L^AT_EX avec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.

Il a été compilé sous Linux Ubuntu Plucky Puffin (macareux courageux) 25.04 avec la distribution TeX Live 2024.20250309 et LuaHBTeX 1.18.0

Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim.

J'aimerais beaucoup rendre disponibles mes sources en T_EX. Dans un monde idéal, je le ferai immédiatement. J'ai plusieurs fois constaté que des pilleurs du net me volent mes fichiers pdf, retirent cette dernière page de licence, pour les mettre en ligne et parfois même les rendre payants. N'ayant pas les moyens de mettre un cabinet d'avocats sur cette contravention à la licence CC BY-NC-SA 4.0, je fais le choix de ne pas rendre mes sources disponibles. Mes pdf ne contiennent aucun filigrane, je ne les signe pas. Cela permet aux collègues, aux parents, aux élèves, de disposer d'un document anonyme dont chacun peut disposer en respectant la licence qui est particulièrement souple pour les utilisateurs non commerciaux. Je me suis contenté d'ajouter mes références sur cette dernière page, et verticalement sur mes corrections de brevet qui sont très pillés, afin de permettre à tous d'utiliser les documents tels quels.

Les QR Codes présents sur certains documents pointent vers le fichier pdf lui-même et sa correction. Ce lien ne pointe pas vers une page de mon blog ni sur une quelconque publicité. Vous pouvez le laisser si vous souhaitez que vos élèves accèdent au document en ligne avec sa correction.

LICENCE CC BY-NC-SA 4.0



Attribution Pas d'Utilisation Commerciale Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

Partager — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats

Adapter — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

Attribution — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.

Pas d'Utilisation Commerciale — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.

Partage dans les Mêmes Conditions — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les mêmes conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.

Pas de restrictions complémentaires — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Œuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : <https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/deed.fr>

Comment créditer cette Œuvre ?

Ce document, **Compilation.pdf**, a été créé par **Fabrice ARNAUD** (contact@ac3j.fr) le 28 septembre 2025 à 23:27.

Il est disponible en ligne sur pi.ac3j.fr, **Le blog de Fabrice ARNAUD**.

Adresse de l'article : <https://pi.ac3j.fr/fiches-de-mathematiques/>.