

INFORMATIONS LÉGALES

— Auteur : Fabrice ARNAUD

— Web : pi.ac3.fr

— Mail : contact@ac3.fr

— Dernière modification : 16 juin 2024 à 18:10

Ce document a été écrit pour \LaTeX avec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.

Il a été compilé sous Linux Ubuntu Noble Numbat 24.04 avec la distribution TeX Live 2023.20240207-101 et LuaHBTeX 1.17.0

Pour compiler ce document, un fichier comprenant la plupart des macros est nécessaire. Ce fichier, `Entree.tex`, est encore trop mal rédigé pour qu'il puisse être mis en ligne. Il est en cours de réécriture et permettra ensuite le partage des sources dans de bonnes conditions.

Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim. Il utilise une balise spécifique à Vim pour permettre une organisation du fichier sous forme de replis. Cette balise `%{...}%}` est un commentaire pour `LaTeX`, elle n'est pas nécessaire à sa compilation. Vous pouvez l'utiliser avec Vim en lui précisant que ce code définit un repli. Je vous laisse consulter la documentation officielle de Vim à ce sujet.

LICENCE CC BY-NC-SA 4.0



Attribution
Pas d'Utilisation Commerciale
Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

Partager — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats

Adapter — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

Attribution — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.

Pas d'Utilisation Commerciale — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.

Partage dans les Mêmes Conditions — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les mêmes conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.

Pas de restrictions complémentaires — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Œuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : <https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/deed.fr>

Comment créditer cette Œuvre ?

Ce document, **Compilation.pdf**, a été créé par **Fabrice ARNAUD** (contact@ac3.fr) le 16 juin 2024 à 18:10.

Il est disponible en ligne sur pi.ac3.fr, **Le blog de Fabrice ARNAUD**.
Adresse de l'article : <https://pi.ac3.fr/mathematiques-college>.

3,14159

BREVET DES COLLÈGES

FICHES DE SYNTHÈSE

MATHÉMATIQUES



COLLÈGE VAUQUELIN

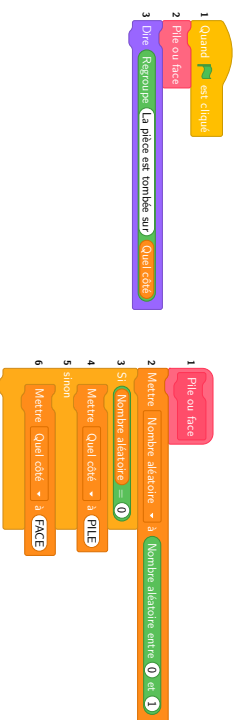
ANNÉE SCOLAIRE 2023-2024

VERSION DU 16 JUIN 2024



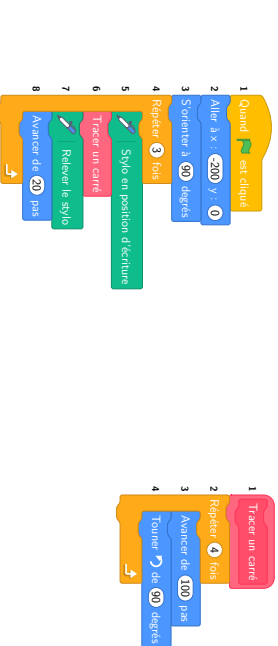
PROGRAMMER AVEC DES BLOCS

Contexte n° 2 : Probabilité



Nombre aléatoire entre 0 et 1 : choisir un nombre entier au hasard entre 0 et 1. On remarque la boucle **Si...** Alors qui permet de faire un choix en fonction d'un critère.

Contexte n° 3 : Construction géométrique



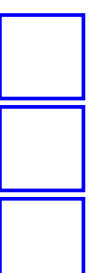
Aller à x : 200 y : 0 : l'écran est répété par des coordonnées : x pour les abscisses (horizontalement) et y pour les ordonnées (verticalement).

5 orienter à 90 degrés : oriente le lutrin qui dessine. Cela a de l'importance quand on veut ensuite tourner à droite ou à gauche car le mouvement est **relatif** à la position du lutrin. S'il est orienté à 0°, tourner à droite va le diriger vers le bas !

On remarque la boucle **Répéter** qui permet de répéter une action un certain nombre de fois.

Relever le style : permet de gérer la couleur, le tracé, ou le choix de dessiner ou pas.

Ici on obtient :



Contexte n° 1 : Programme de calcul



Quand est cliqué : Un programme par blocs commence toujours un événement.

Réponse : Quand on pose une question à l'utilisateur, ce bloc contient la réponse l'utilisateur.

Programme de calcul : Il est habituel d'utiliser un sous-programme pour clarifier le code.

Nombre : Les variables servent à modifier les lettres du calcul littéral.

Les opérations : + l'addition, - la soustraction, * la multiplication, / la division.

Testons ce programme avec le nombre -3, ce nombre se situe dans **Réponse** en **Ligne 3**.

La variable **Nombre** prend la valeur -3.

En **Ligne 4**, on passe au sous-programme **Programme de calcul**.

En **Ligne 2**, la variable **Nombre** devient **Nombre + 10**, soit $-3 + 10 = 7$.

En **Ligne 3**, la variable **Nombre** devient **Nombre * 4**, soit $7 \times 4 = 28$.

En **Ligne 4**, la variable **Nombre** devient **Nombre - 12**, soit $28 - 12 = 16$.

En **Ligne 5**, la variable **Nombre** devient **Nombre / 2**, soit $16 \div 2 = 8$.

En **Ligne 5** du programme principal, le programme affiche « *Le nombre final est 8.* »



DESCRIPTION GÉNÉRALE

Un **tableur** est logiciel capable de manipuler des **feuilles de calcul**. Une feuille de calcul est un tableau constitué de lignes numérotées par un nombre et de colonnes repérées par une lettre.

	A	B	C	D
1				
2				
3		Cellule B3		
4				
5				
6				
7				

Une case d'une feuille de calcul s'appelle une **cellule**.

Une cellule est repérée par la lettre de la colonne et le nombre de la ligne.

Dans une case on peut saisir une information numérique ou textuelle.

On peut aussi saisir une formule de calcul qu'il est possible de recopier dans d'autres cases. La ligne de commande permet de saisir des informations.

Les FORMULES

Pour programmer une cellule d'une feuille de calcul, il faut saisir une formule qui permet par exemple de modéliser une fonction ou une expression littérale.

MOYENNE	A	B	C	D
	X	0	1	2
	5X-3	=5*B1-3		

Dans une feuille de calcul, une formule s'écrit en commençant par le symbole =. Une formule s'écrit en utilisant les coordonnées de la cellule, par exemple B1.

Les opérations mathématiques peuvent être codées d'une manière différente :

- addition, soustraction : + et - ;
- multiplication : * ;
- division : / ;
- parenthèses : () ;

EXEMPLE :

On considère le programme de calcul suivant :

- Choisir un nombre;
- Ajouter 5;
- Mettre ce résultat au carré;
- Enlever 16.

On note f la fonction qui a x un nombre de départ associé $f(x)$ le résultat final du programme. Voici une feuille de calcul obtenue à partir de ce programme de calcul et la fonction f . Analysons cette feuille de calcul :

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	X	-3	-2	-1	0	1	2	3
2	Étape n°1	2	3	4	5	6	7	8
3	Étape n°2	4	9	16	25	36	49	64
4	Étape n°3	-12	-7	0	9	20	33	48
5								
6	f(x)	-12	-7	0	9	20	33	48
7								
8	g(x)	-12	-7	0	9	20	33	48

Notons x le nombre de départ, à l'étape 1 on obtient $x+5$.

Dans la cellule B2 on a saisi la formule : = B1 + 5.

À l'étape 2 on obtient $(x+5)^2$.

Dans la cellule B3 on a saisi la formule = B2 * B2 ou = B2^2 ou = B2^2

À l'étape 3 on obtient $(x+5)^2 - 16$.

Dans la cellule B4 on a saisi la formule = B3 - 16.

La fonction f s'écrit donc sous la forme $f(x) = (x+5)^2 - 16$

Dans la cellule B6 on a saisi la formule = (B1 + 5)^2 - 16 ou = (B1 + 5) * (B1 + 5) - 16

On remarque que dans la case E8 a été saisi = E1^2 + 10 * E1 + 9

En effet si on développe $f(x) = (x+5)^2 - 16$

$$f(x) = (x+5)(x+5) - 16$$

$$f(x) = x^2 + 5x + 5x + 25 - 16$$

$f(x) = x^2 + 10x + 9$ cela correspond bien à la formule saisie en E8!

INFORMATIONS LÉGALES

36	PROGRAMMER AVEC DES BLOCS
35	PROGRAMMER AVEC DES BLOCS
34	TABLEUR
34	TABLEUR
33	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
32	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
31	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
30	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
29	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
28	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
27	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
26	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
25	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
24	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
23	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
22	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
21	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
20	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
19	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
18	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
17	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
16	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
15	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
14	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
13	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
12	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
11	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
10	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
9	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
8	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
7	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
6	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
5	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
4	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
3	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION

NOMBRES ET CALCULS

3	NOMBRES ET CALCULS
4	NOMBRES ET CALCULS
5	NOMBRES ET CALCULS
6	NOMBRES ET CALCULS
7	NOMBRES ET CALCULS
8	NOMBRES ET CALCULS
9	NOMBRES ET CALCULS
10	NOMBRES ET CALCULS
11	NOMBRES ET CALCULS
12	NOMBRES ET CALCULS
12	NOMBRES ET CALCULS
13	NOMBRES ET CALCULS
14	NOMBRES ET CALCULS
15	NOMBRES ET CALCULS
16	NOMBRES ET CALCULS
17	NOMBRES ET CALCULS
18	NOMBRES ET CALCULS
19	NOMBRES ET CALCULS
20	NOMBRES ET CALCULS
21	NOMBRES ET CALCULS
22	NOMBRES ET CALCULS
23	NOMBRES ET CALCULS
24	NOMBRES ET CALCULS
25	NOMBRES ET CALCULS
26	NOMBRES ET CALCULS
27	NOMBRES ET CALCULS
28	NOMBRES ET CALCULS
29	NOMBRES ET CALCULS
30	NOMBRES ET CALCULS
31	NOMBRES ET CALCULS
32	NOMBRES ET CALCULS
33	NOMBRES ET CALCULS
34	NOMBRES ET CALCULS
35	NOMBRES ET CALCULS

ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS

3	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
4	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
5	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
6	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
7	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
8	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
9	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
10	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
11	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
12	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
12	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
13	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
14	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
15	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
16	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
17	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
18	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
19	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
20	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
21	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
22	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
23	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
24	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
25	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
26	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
27	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
28	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
29	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
30	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
31	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
32	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
33	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
34	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS
35	ORGANISATION ET GESTION DE DONNÉES, FONCTIONS

ESPACE ET GÉOMÉTRIE

3	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
4	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
5	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
6	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
7	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
8	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
9	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
10	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
11	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
12	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
13	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
14	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
15	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
16	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
17	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
18	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
19	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
20	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
21	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
22	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
23	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
24	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
25	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
26	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
27	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
28	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
29	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
30	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
31	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
32	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
33	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
34	ESPACE ET GÉOMÉTRIE
35	ESPACE ET GÉOMÉTRIE

GRANDS ET MESURES

3	GRANDS ET MESURES
4	GRANDS ET MESURES
5	GRANDS ET MESURES
6	GRANDS ET MESURES
7	GRANDS ET MESURES
8	GRANDS ET MESURES
9	GRANDS ET MESURES
10	GRANDS ET MESURES
11	GRANDS ET MESURES
12	GRANDS ET MESURES
13	GRANDS ET MESURES
14	GRANDS ET MESURES
15	GRANDS ET MESURES
16	GRANDS ET MESURES
17	GRANDS ET MESURES
18	GRANDS ET MESURES
19	GRANDS ET MESURES
20	GRANDS ET MESURES
21	GRANDS ET MESURES
22	GRANDS ET MESURES
23	GRANDS ET MESURES
24	GRANDS ET MESURES
25	GRANDS ET MESURES
26	GRANDS ET MESURES
27	GRANDS ET MESURES
28	GRANDS ET MESURES
29	GRANDS ET MESURES
30	GRANDS ET MESURES
31	GRANDS ET MESURES
32	GRANDS ET MESURES
33	GRANDS ET MESURES
34	GRANDS ET MESURES
35	GRANDS ET MESURES

ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION

3	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
4	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
5	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
6	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
7	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
8	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
9	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
10	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
11	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
12	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
13	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
14	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
15	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
16	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
17	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
18	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
19	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
20	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
21	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
22	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
23	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
24	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
25	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
26	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
27	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
28	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
29	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
30	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
31	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
32	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
33	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
34	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION
35	ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION



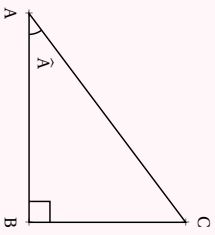


TRIGONOMÉTRIE

DEFINITION

Dans un triangle ABC rectangle en B :

- le plus long côté du triangle, opposé à l'angle droit est l'**hypoténuse**;
- le côté de l'angle droit étant un côté de l'angle \hat{A} est le **côté adjacent** à l'angle \hat{A} ;
- le côté de l'angle droit n'étant pas un côté de l'angle \hat{A} est le **côté opposé** à l'angle \hat{A} .



- [AC] est l'**hypoténuse** du triangle;
- [AB] est le **côté adjacent** à l'angle \hat{A} ;
- [BC] est le **côté opposé** à l'angle \hat{A} ;
- [BC] est le **côté adjacent** à l'angle \hat{C} ;
- [AB] est le **côté opposé** à l'angle \hat{C} ;

Dans un triangle rectangle ABC rectangle en B, il existe trois grandeurs qui ne dépendent que de l'angle \hat{A} que l'on nomme **cosinus**, **sinus** et **tangente** de l'angle \hat{A} . La connaissance de l'une de ces grandeurs permet de retrouver la mesure de l'angle \hat{A} ou la longueur d'un côté du triangle ABC. On les définit ainsi :

$$\cos \hat{A} = \frac{\text{Côté adjacent à l'angle } \hat{A}}{\text{Hypoténuse}}$$

$$\sin \hat{A} = \frac{\text{Côté opposé à l'angle } \hat{A}}{\text{Hypoténuse}}$$

$$\tan \hat{A} = \frac{\text{Côté opposé à l'angle } \hat{A}}{\text{Côté adjacent à l'angle } \hat{A}}$$

MOYEN MNÉMOTECHNIQUE :

L'acronyme suivant permet de se souvenir facilement de ces trois définitions :

CAH SOH TOA

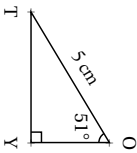
C pour **cosinus**, S pour **sinus** et T pour **tangente**.

A pour **adjacent**, O pour **opposé** et H pour **hypoténuse**.

USAGES :

Pour calculer la longueur d'un côté connaissant un côté et un angle

TOY un triangle rectangle en T.



Calculons la longueur OY :

On connaît la mesure de l'hypoténuse, on veut celle du côté adjacent à l'angle à 51° . On utilise donc le **cosinus**.

$$\cos 51^\circ = \frac{\text{OY}}{\text{TY}} \text{ soit } \boxed{\text{OY} = 5 \text{ cm} \times \cos 51^\circ}$$

On connaît la mesure du côté opposé à l'angle à 40° , on veut celle de l'hypoténuse. On utilise donc le **sinus**.

$$\sin 40^\circ = \frac{5 \text{ cm}}{\text{TP}} \text{ soit } \boxed{\text{TP} = \frac{5 \text{ cm}}{\sin 40^\circ}}$$

$$\text{Finalement TP} \approx 7,78 \text{ cm}$$

Calculons la longueur TY :

On connaît la mesure de l'hypoténuse, on veut celle du côté opposé à l'angle à 51° . On utilise donc le **sinus**.

$$\sin 51^\circ = \frac{\text{TY}}{5 \text{ cm}} \text{ soit } \boxed{\text{TY} = 5 \text{ cm} \times \sin 51^\circ}$$

$$\text{Finalement TY} \approx 3,89 \text{ cm}$$

Calculons la longueur TK :

On connaît la mesure du côté opposé à l'angle à 40° , on veut celle du côté adjacent à l'angle à 40° . On utilise donc la **tangente**.

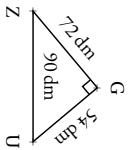
$$\tan 40^\circ = \frac{5 \text{ cm}}{\text{TK}} \text{ soit } \boxed{\text{TK} = \frac{5 \text{ cm}}{\tan 40^\circ}}$$

$$\text{Finalement TK} \approx 5,96 \text{ cm}$$

Pour calculer la mesure d'un angle connaissant deux côtés

Calculons la mesure des angles \widehat{UZG} et $\widehat{G\widehat{T}Z}$.

ZUG un triangle rectangle en G.



$$\text{Ainsi } \cos \widehat{UZG} = \frac{72 \text{ dm}}{90 \text{ dm}} = 0,8.$$

$$\text{À la calculatrice on trouve } \boxed{\widehat{UZG} \approx 36,87^\circ}$$

Il faut saisir **cos** **0,8**

Comme \widehat{UZG} et $\widehat{G\widehat{T}Z}$ sont **complémentaires**, $\widehat{G\widehat{T}Z} = 90^\circ - 36,87^\circ = 53,13^\circ$

On parle de **dixième**, **centième**, **millième**, **dix-millième**, **cent-millième** ...

1000000 ...

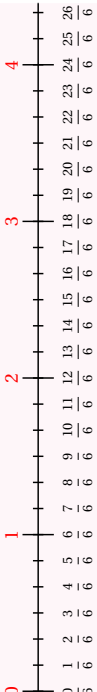
LES FRACTIONS DÉCIMALES

Les **fractions décimales** sont les fractions dont le dénominateur est 10, 100, 1 000, 10 000, 100 000, 1 000 000 ...

$$\frac{5}{23} + 3 + \frac{9}{23} = \frac{5}{23} + \frac{9}{23} + 3 \text{ car 3 unités correspond à } \frac{69}{23}$$

Une fraction peut se décomposer sous la forme de **la somme d'un nombre entier et d'une fraction inférieure à une unité**.

Sur un demi-droite graduée, une fraction peut représenter un nombre.



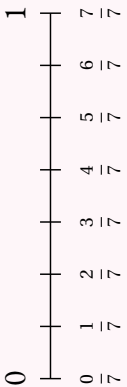
FRACTION ET DEMI-DROITE GRADUÉE

$\frac{3}{5}$ se dit onze cinquèmes, $\frac{2020}{2}$ se dit trois mille-vingtièmes.

$\frac{5}{2}$ se dit trois demis, $\frac{7}{4}$ se dit cinq tiers, $\frac{1}{4}$ se dit sept quarts.

Le dénominateur indique le nombre de part. Le numérateur indique le numéro de la graduation.

La **fraction** $\frac{3}{7}$ est constitué d'un **numérateur** : 3 et d'un **dénominateur** : 7.



FRACTION PARTAGE, VOCABULAIRE

— 100 millièmes dans une unité.

— 100 millièmes dans un dixième;

— 100 centièmes dans une unité;

— 10 millièmes dans un centième.

— 10 centièmes dans un dixième;

— 10 dixièmes dans une unité;

Unité partagée en dixièmes

π

Dixième partagée en centièmes

π

Centième partagée en millièmes

π

$$3 + \frac{1}{10} + \frac{5}{100}$$

$$3 + \frac{1}{10} + \frac{4}{100}$$

$$3 + \frac{1}{10} + \frac{3}{100}$$

Le nombre $3 + \frac{1}{10} + \frac{4}{100} + \frac{2}{1000}$ peut s'écrire plus rapidement sous la forme 3,142.

$$3,142 = 3 + \frac{1}{10} + \frac{4}{100} + \frac{2}{1000} = 3 + \frac{142}{1000}$$

On dit que 3 est la **partie entière** et $\frac{142}{1000}$ la **partie décimale** du nombre 3,142.

NOMBRES DÉCIMAUX ET MULTIPLICATION

Pour effectuer $3,163 \times 0,7$ on effectue le produit des nombres entiers 3 163 et 7. En effet,

le nombre 3,163 vaut 3 163 millièmes et 0,7 vaut 7 dixièmes.

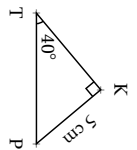
$3\ 163 \times 7 = 22\ 141$ et comme le produit de **millièmes** par des **dixièmes** donne des **dix-millièmes**, on en déduit que $3,163 \times 0,7 = 2,2141$.

En pratique, le produit a autant de chiffres après la virgule que la somme du nombre de chiffres après la virgule des deux facteurs.

Ici, 3,163 a trois chiffres après la virgule et 0,7 en a un.

Le produit des deux en a donc quatre!

KPT un triangle rectangle en K.



Calculons la longueur TP :

On connaît la mesure du côté opposé à l'angle à 40° , on veut celle de l'hypoténuse. On utilise donc le **sinus**.

$$\sin 40^\circ = \frac{5 \text{ cm}}{\text{TP}} \text{ soit } \boxed{\text{TP} = \frac{5 \text{ cm}}{\sin 40^\circ}}$$

$$\text{Finalement TP} \approx 7,78 \text{ cm}$$

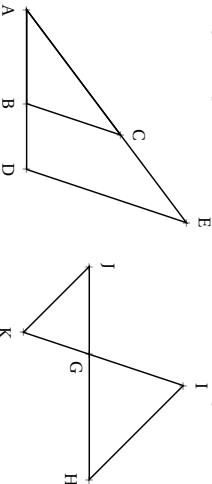


TRIANGLES ÉGAUX ET SEMBLABLES

EXEMPLES FONDAMENTAUX :

Thales

Dans une configuration géométrique relevant du théorème de Thalès, les triangles sont semblables.



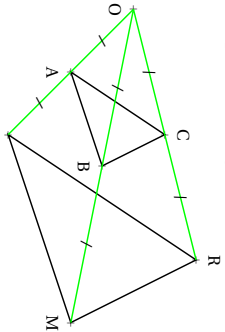
Comme les droites (CB) et (ED) sont parallèles et que les droites (CE) et (BD) sont sécantes, les triangles ACB et AED sont semblables.

Comme les droites (JK) et (IH) sont parallèles et que les droites (JI) et (KI) sont sécantes, les triangles GIH et GJK sont semblables.

Homothétie

Deux triangles images l'un de l'autre par une homothétie sont semblables.

On dit aussi qu'ils sont **homothétiques**. Deux triangles dans une situation de Thalès sont **homothétiques**



ABC est l'image du triangle KMH par l'homothétie de centre O et de coefficient $\frac{1}{2}$. Ces triangles sont semblables.

UN GRAND CLASSIQUE :

Nous on a $\alpha = DAB$.

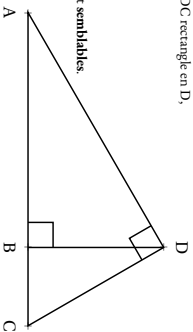
Comme la somme des angles dans un triangle vaut 180° , dans le triangle ADC rectangle en D, $DCB = 90^\circ - \alpha$.

On dit souvent que DAB et DCB sont **complémentaires**.

Dans le triangle ADB rectangle en B, pour la même raison $ADB = 90^\circ - \alpha$.

Dans le triangle DBC rectangle en B, de même, $BDC = \alpha$. Les triangles ADC, ABD et DBC ont leurs angles égaux deux à deux : ils sont **semblables**.

Ces trois triangles ont donc, des côtés proportionnels. Ils sont des agrandissements/réductions les uns des autres.



➤ DÉFINITION : TRIANGLES ÉGAUX

Deux triangles sont **égaux** s'ils sont superposables.

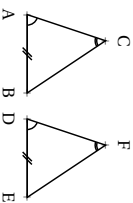
Cela signifie que leurs trois côtés et leurs trois angles sont égaux.

➤ PROPRIÉTÉS

Deux triangles sont égaux quand ils ont un côté de même longueur et deux angles de même mesure.

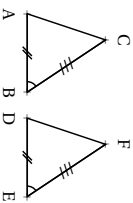
Deux triangles sont égaux quand ils ont deux côtés de même longueur et l'angle formé par ces côtés de même mesure.

ILLUSTRATIONS :



$AB = DE$, $\widehat{CAB} = \widehat{FDE}$ et $\widehat{ACB} = \widehat{DFE}$

Les triangles ABC et DEF sont égaux.

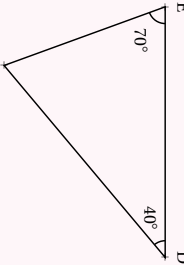
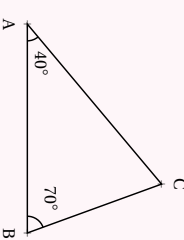


$AB = DE$, $BC = EF$ et $\widehat{ABC} = \widehat{DEF}$

Les triangles ABC et DEF sont égaux.

➤ DÉFINITION : TRIANGLES SEMBLABLES

On dit que deux triangles sont **semblables** quand leurs trois angles sont égaux deux à deux.



Dans ce cas, les côtés sont associés deux à deux, on dit qu'ils sont **homologues**. Par exemple ci-dessus, [AB] et [ED] sont homologues, ainsi que [BC] et [EF] ou [AC] et [FD].

➤ PROPRIÉTÉS

Si deux triangles ont deux angles égaux deux à deux alors ils sont **semblables**.

Si deux triangles sont semblables alors l'un est l'**agrandissement** de l'autre.

Si deux triangles sont semblables alors l'un est la **réduction** de l'autre.

Si deux triangles sont **égaux** alors ils sont **semblables**.

Si deux triangles sont semblables alors leurs côtés sont **proportionnels**.

$$\frac{2}{-5} = \frac{-3}{-3} = \frac{3}{+3}$$

$$\frac{2}{+3} = \frac{3}{+5} = \frac{-3}{-5}$$

Remarque :

➤ QUOTIENT DE DEUX NOMBRES RELATIFS

La règle est la même que pour le produit en calculant les quotients des distances à zéro.

$$(-3)(-) = (7)(+) \times (5(-))$$

$$(-3)(-) = (7(-)) \times (5(+))$$

$$(-3)(+) = (-7(-)) \times (5(-))$$

$$(-3)(+) = (7(+)) \times (5(+))$$

Exemples :

- on multiplie les distances à zéro ;
- le produit est **positif** .
- Si les deux nombres ont **des signes différents** :
- on multiplie les distances à zéro ;
- le produit est **négatif** .

➤ PRODUIT DE DEUX NOMBRES RELATIFS

Pour calculer le produit de deux nombres relatifs :

On remarque que deux signes + consécutifs correspondent à un +, que deux signes - à un + et un signe + suivi d'un - ou le contraire à un - .

Exemple pratique :

$$A = (-6) + (-3) - (-7) - (-5) + (-9) = (-6) + (-3) - (-7) - (-5) + (-9)$$

$$A = -6 - 3 - (-7) - (-5) + (-9)$$

On remarque que deux signes + consécutifs correspondent à un +, que deux signes - à un + et un signe + suivi d'un - ou le contraire à un - .

On n'écrit pas le signe + devant le premier terme d'une somme algébrique.

Ce ne sont plus des symboles opératoires car l'addition est sous-entendue.

Dans cette écriture les symboles + et - donne le signe du nombre qui suit.

Elle correspond à la somme suivante : $(+5) + (-7) + (+8) + (+9) + (-9) - (-9)$.

L'expression $5 - 7 - 8 + 9 - 9$ est une somme algébrique.

Elle correspond à la somme suivante : $(-5) + (+7) + (-8) + (-9) + (+9) + (-9) + (+9)$.

➤ SOMME ALGÈBRE

L'expression $-5 + 7 - 8 - 9 + 9$ est une somme algébrique.

LES NOMBRES RELATIFS

➤ NOMBRES OPPOSÉS

Deux nombres relatifs sont **opposés** si leur somme est nulle.

0 est égal à son opposé.

Quand deux nombres sont opposés, l'un des deux est **positif** et l'autre est **négatif** .

Deux nombres opposés sont situés à la même distance de zéro.

Exemples :

$$(-5) + (+5) = 0, (-5) + (+5) \text{ est négatif et } (+5) \text{ est positif.}$$

Le nombre relatif $(+5)$ correspond au nombre entier 5. On écrit le plus souvent 5 au lieu de $(+5)$.

Ces deux nombres sont situés à la même distance de zéro : 5 unités.

$$0 + 0 = 0 : 0 \text{ est son propre opposé.}$$

➤ SOMME DE DEUX NOMBRES RELATIFS

Pour calculer la somme de deux nombres relatifs :

- Si les deux nombres ont **le même signe** :
- on **double** les distances à zéro ;
- la somme a le même signe que les deux nombres.
- Si les deux nombres ont **des signes différents** :
- on **soustrait** les distances à zéro ;
- la somme est du même signe que celui des nombres le plus éloigné de zéro.

Exemples :

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$

$$(12) + (-7) = (7) + (+5) = 12$$



LES QUADRILATÈRES

DÉFINITION

- Un **quadrilatère** est un polygone ayant quatre côtés.
- Un **trapèze** est un quadrilatère ayant deux côtés parallèles.
- Un **trapèze rectangle** est un trapèze ayant un angle droit (et donc deux!).
- Un **parallélogramme** est un quadrilatère ayant des côtés opposés parallèles.
- Un **rectangle** est un quadrilatère ayant quatre angles droits.
- Un **losange** est un quadrilatère dont les quatre côtés sont égaux.
- Un **carré** est un quadrilatère rectangle et losange.

PROPRIÉTÉS DU PARALLÉLOGRAMME

- Si un quadrilatère est un parallélogramme alors :
 - ses diagonales se coupent en leur milieu;
 - ses côtés opposés sont parallèles deux à deux;
 - ses côtés opposés sont égaux deux à deux.

PROPRIÉTÉS DU LOSANGE

- Si un quadrilatère est un losange alors :
 - c'est un parallélogramme;
 - ses diagonales sont perpendiculaires;
 - ses côtés sont égaux.

PROPRIÉTÉS DU RECTANGLE

- Si un quadrilatère est un rectangle alors :
 - c'est un parallélogramme;
 - ses diagonales sont de même longueur;
 - il a quatre angles droits.

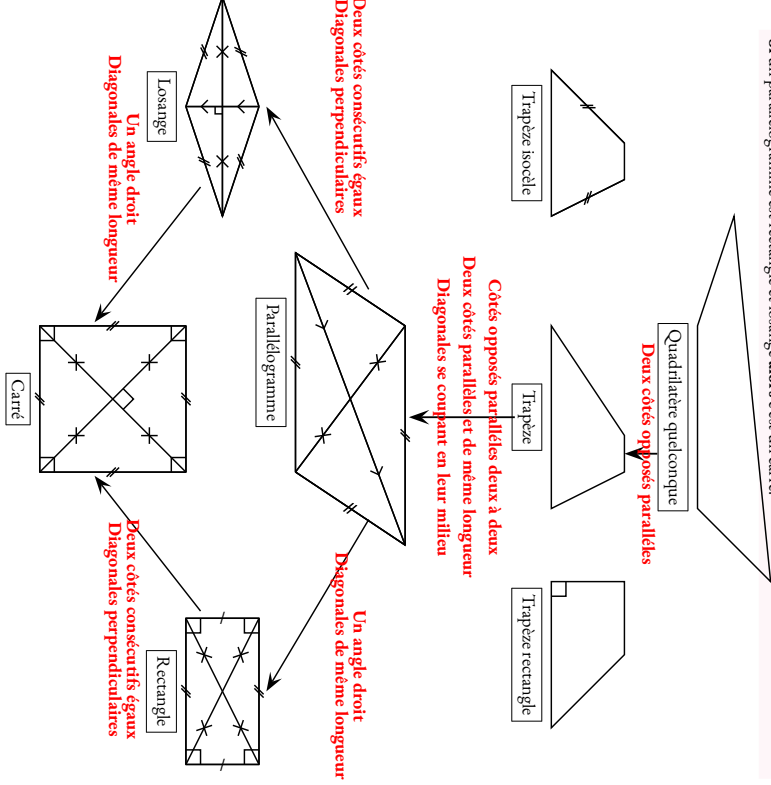
PROPRIÉTÉS DU CARRÉ

- Si un quadrilatère est un carré alors :
 - c'est un parallélogramme, c'est rectangle, c'est un losange;
 - ses diagonales sont perpendiculaires et de même longueur;
 - il a quatre angles droits et quatre côtés égaux.

PROPRIÉTÉS CARACTÉRISTIQUES

Dans cette propriété, les quadrilatères sont supposés non croisés.

- Si les diagonales d'un quadrilatère se coupent en leur milieu **alors** c'est un parallélogramme.
- Si les côtés opposés d'un quadrilatère sont parallèles deux à deux **alors** c'est un parallélogramme.
- Si les côtés opposés d'un quadrilatère sont égaux deux à deux **alors** c'est un parallélogramme.
- Si les diagonales d'un parallélogramme sont de même longueur **alors** c'est un rectangle.
- Si un parallélogramme a un angle droit **alors** c'est un rectangle.
- Si les diagonales d'un parallélogramme sont perpendiculaires **alors** c'est un losange.
- Si deux côtés consécutifs d'un parallélogramme sont égaux **alors** c'est un losange.
- Si un parallélogramme est rectangle et losange **alors** c'est un carré.



DÉVELOPPER ET RÉDUIRE DES EXPRESSIONS COMPLEXES :

$D = (x-3)(2x-1) + (5x+3)(4x+1)$
 $D = (2x^2 - x - 6x + 3) + (20x^2 + 5x + 12x + 3)$
 $D = 2x^2 - 7x + 3 + 20x^2 + 17x + 3$
 $D = 22x^2 + 10x + 6$

$E = (3x+7)(5x-2) - (3x+8)(1-2x)$
 $E = (15x^2 - 6x + 35x - 14) - (3x - 6x^2 + 8 - 16x)$
 $E = 15x^2 + 29x - 14 - 3x + 6x^2 - 8 + 16x$
 $E = 21x^2 + 42x - 22$

FACTORISER DES EXPRESSIONS COMPLEXES :

$F = (3x-7)(5x-1) - (3x-7)(2x+1)$
 $F = (3x-7)[(5x-1) - (2x+1)]$
 $F = (3x-7)(5x-1-2x-1)$
 $F = (3x-7)(3x-2)$

$G = (5x-3)^2 + (5x-3)$
 $G = (5x-3)(5x-3) + (5x-3) \times 1$
 $G = (5x-3)[(5x-3) + 1]$
 $G = (5x-3)(5x-3+1)$
 $G = (5x-3)(5x-2)$

LES IDENTITÉS REMARQUABLES

Si a et b sont des nombres alors

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

DÉVELOPPER \longleftrightarrow FACTORISER

Hors programme

USAGE DES IDENTITÉS REMARQUABLES :

Développer et réduire :

$H = (x+5)(x-5)$
 $H = x^2 - 25$
 $I = (6x+3)(6x-3)$
 $I = 36x^2 - 9$
 $J = (x+4)^2$
 $J = x^2 + 8x + 16$
 $K = (5x-3)^2$
 $K = 25x^2 - 30x + 9$

Factoriser
 $L = 25x^2 - 36$
 $L = (5x)^2 - 6^2$
 $M = (3x-2)^2 - (7x+5)^2$
 $M = [(3x-2) + (7x+5)][(3x-2) - (7x+5)]$
 $M = (3x-2+7x+5)(3x-2-7x-5)$
 $M = (10x+3)(-4x-7)$

CALCUL LITTÉRAL

LA DISTRIBUTIVITÉ

La multiplication est **distributive** par rapport à l'addition.

Plus précisément, si a , b et k sont des nombres alors

$$k \times (a + b) = k \times a + k \times b$$

DÉVELOPPER \longleftrightarrow FACTORISER

RÉDUIRE UNE EXPRESSION :

Cela revient à effectuer les sommes des termes de même nature en factorisant.

$A = 3x - 2x^2 + 7 - 6x + 10x^2 + 9$
 $A = x^2 \times (-2 + 10) + x \times (3 - 6) + 7 + 9$ (on n'écrit pas cette étape)

$A = 8x^2 - 3x + 16$

EXEMPLES :

Développer et réduire :

$B = 3x(5x-1) - 3(-2x+5) - 5x^2$
 $B = 15x^2 - 3x + 6x - 15 - 5x^2$
 $B = 10x^2 + 3x - 15$ (somme de trois termes)

Factoriser :

$C = 15x + 10x^2$
 $C = 5x \times 3 + 5x \times 2x$
 $C = 5x(3 + 2x)$ (produit de deux facteurs)

LA DOUBLE « DISTRIBUTIVITÉ »

En utilisant la distributivité de la multiplication par rapport à l'addition on peut développer des expressions plus complexes.

Si a , b , c , d sont des nombres alors

$$(a + b) \times (c + d) = a \times c + a \times d + b \times c + b \times d$$

On a distribué deux fois : le a puis le b .

Cette formule n'est pas à apprendre... mais à comprendre!

On pourrait imaginer la « triple » ou la « quintuple » distributivité!

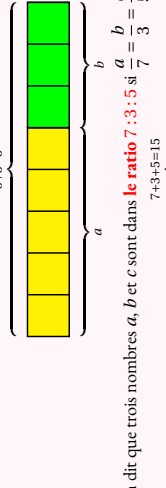


RATIO

DÉFINITION SUR UN EXEMPLE GÉNÉRIQUE

On dit que deux nombres a et b sont dans le **ratio** $5 : 3$ si $\frac{a}{b} = \frac{5}{3}$.

On a aussi $\frac{a}{b} = \frac{5}{3}$, ce qui explique le choix de l'expression « être dans le ratio **5** pour **3** ».



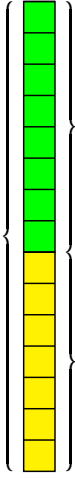
On dit que trois nombres a , b et c sont dans le **ratio** $7 : 3 : 5$ si $\frac{a}{7} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5}$.

EXEMPLES :

1. Juliette et Clément ont partagé un sachet de 135 bonbons selon le ratio $7 : 8$. Combien chacun a-t-il reçu ?

Notons J et C le nombre de bonbons reçus par chacun. On a $\frac{J}{7} = \frac{C}{8}$.

On peut représenter cette situation ainsi :



Il y a donc 15 parts en tout. Un part correspond à $135 \div 15 = 9$ bonbons.

Juliette a reçu $9 \times 7 = 63$ bonbons et Clément $9 \times 8 = 72$ bonbons.

$$\text{On a bien, } \frac{63}{7} = 9 \text{ et même } \frac{72}{8} = 9$$

On peut aussi représenter ces informations dans un tableau en ajoutant une colonne pour le total :

	Total	Clément	Juliette
Bonbons	135	$\frac{15}{135 \times 8} = \frac{72}{15}$	$\frac{15}{945} = \frac{63}{15}$
Ratio	15	8	7

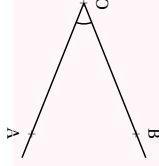


ANGLES ET TRIANGLES

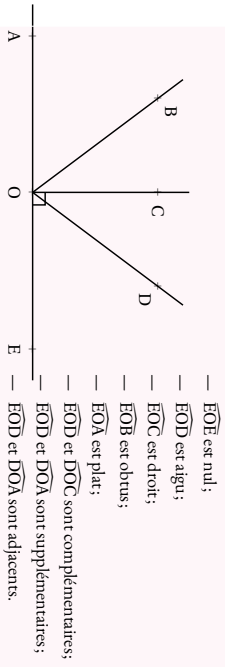
DÉFINITION

Deux demi-droites ayant la même origine définissent un **angle**. L'origine commune est le **sommet** de l'angle et les demi-droites sont les **côtés**.

- O est le sommet de l'angle ;
- (IOA) et (IOB) sont des côtés de l'angle
- on note cet angle AOB, BOA ou \hat{O} .



- ## VOCABULAIRE
- Un **angle droit** a ses côtés perpendiculaires, il mesure 90° ;
 - un **angle plat** est constitué de deux angles droits, il mesure 180° ;
 - un **angle nul** est constitué de deux côtés superposés, il mesure 0° ;
 - un **angle aigu** est inférieur à un angle droit, il mesure entre 0° et 90° ;
 - un **angle obtus** est supérieur à un angle droit, il mesure entre 90° et 180° ;
 - deux angles sont **complémentaires** quand leur somme vaut un angle droit ;
 - deux angles sont **supplémentaires** quand leur somme vaut un angle plat ;
 - deux angles ayant un côté et le sommet en commun sont **adjacents**.



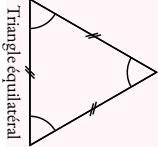
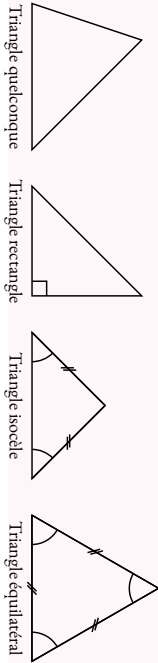
- \widehat{EOE} est nul ;
- \widehat{EOD} est aigu ;
- \widehat{EOC} est droit ;
- \widehat{EOB} est obtus ;
- \widehat{EOA} est plat ;
- \widehat{EOD} et \widehat{DOC} sont complémentaires ;
- \widehat{EOD} et \widehat{DOA} sont adjacents.

PROPRIÉTÉ

Dans un triangle, la somme des trois angles vaut un angle plat soit 180° .

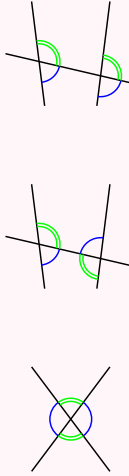
CONSEQUENCES :

- Les trois angles d'un triangle équilatéraux sont égaux à 60° .
- Dans un triangle rectangle, les angles aigus sont complémentaires.
- Dans un triangle rectangle isocèle, les deux angles aigus sont égaux à 45° .
- Un triangle ne peut posséder qu'un seul angle obtus.



DÉFINITIONS ET PROPRIÉTÉS

Soient d , d' deux droites et Δ une droite sécante avec d et d' .



- Si $(d) // (d')$ alors les angles correspondants sont égaux. La réciproque est vraie.
- Si $(d) // (d')$ alors les angles alternes-internes sont égaux. La réciproque est vraie.
- Deux angles opposés par le sommet sont égaux.

DÉFINITIONS ET PROPRIÉTÉS

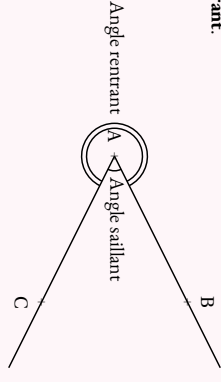
- Un **triangle** est un polygone à trois côtés.
- Un triangle est **rectangle** si un de ses angles est droit.
- Un triangle est **isocèle** si deux côtés sont égaux.
- Un triangle est **équilatéral** si les trois côtés sont égaux.



LES ANGLES

➤ DÉFINITION

Deux demi-droites ayant la même origine définissent deux angles, l'un **saillant**, l'autre **rentrant**.



On ne s'intéresse au collage, qu'àux angles saillants. Cet angle se note \widehat{BAC} ou \widehat{CAB} .

A est le **sommet** de l'angle. Dans la notation \widehat{BAC} , il s'agit de la lettre centrale. Ainsi, cet angle ne peut pas être nommé \widehat{ACB} ou \widehat{ABC} .

(AB) et (AC) sont les **côtés** de l'angle.

➤ DÉFINITION ET VOCABULAIRE

Notons BAC un angle de sommet A.

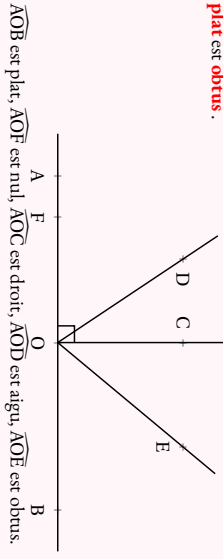
Si $(AB) \perp (AC)$, on dit que **l'angle est droit**.

Si $A \in (BC)$, on dit que **l'angle est plat**. Si $C \in (AB)$, on dit que **l'angle est nul**.

Un angle est associé à une grandeur qui correspond à « l'ouverture » de l'angle.

Un angle dont « l'ouverture » est comprise entre celle d'un **angle nul** et celle d'un **angle droit** est **aigu**.

Un angle dont « l'ouverture » est comprise entre celle d'un **angle droit** et celle d'un **angle plat** est **obtus**.



\widehat{AOB} est plat, \widehat{AOF} est nul, \widehat{AOC} est droit, \widehat{AOD} est aigu, \widehat{AOE} est obtus.

11	11	6	8	7	9	6
12	10	6	7	9	5	5
10	10	6	7	9	5	4
6	10	6	7	9	5	4
6	8	7	9	5	4	3
8	7	6	5	4	3	2
9	9	5	4	3	2	1
7	5	4	3	2	1	1
9	5	4	3	2	1	1
6	5	4	3	2	1	1

Il y a 36 issues équiprobables.
La probabilité d'obtenir un 7 est égale à $\frac{36}{9} = 4$
La probabilité d'obtenir un 11 est égale à $\frac{2}{9}$
La probabilité d'obtenir un 12 est égale à $\frac{1}{6}$
La probabilité d'obtenir un 10 est égale à $\frac{5}{12}$
La probabilité d'obtenir un 6 est égale à $\frac{5}{12}$
La probabilité d'obtenir un 8 est égale à $\frac{5}{12}$
La probabilité d'obtenir un 9 est égale à $\frac{4}{9}$
La probabilité d'obtenir un 5 est égale à $\frac{4}{9}$
La probabilité d'obtenir un 4 est égale à $\frac{3}{9}$
La probabilité d'obtenir un 3 est égale à $\frac{2}{9}$
La probabilité d'obtenir un 2 est égale à $\frac{1}{9}$
La probabilité d'obtenir un 1 est égale à $\frac{1}{9}$

EXPÉRIENCE ALÉATOIRE À DEUX ÉPREUVES :

- Une expérience aléatoire à deux épreuves est constituée de **deux épreuves indépendantes** de deux expériences aléatoires à une épreuve.
- On lance deux cubes pour en faire la somme, on lance deux pièces de monnaie équilibrée, on fait tourner une roue et on pioche une boule... **voici des expériences aléatoires à deux épreuves.**
- Il faut bien choisir la définition des issues en veillant à ce qu'elles soient équiprobables. On utilise souvent pour cela un tableau à deux entrées ou un arbre.
- On lance deux dés équilibrés et on fait la somme. Voici les issues possibles sous forme de tableau :

Probabilité de l'événement = $\frac{\text{Nombre d'issues favorables à cet événement}}{\text{Nombre d'issues totales}}$

Le lancer d'une pièce de monnaie non truquée, d'un dé cubique équilibré, la prise d'une boule non discernable au toucher... sont autant d'expériences aléatoires dont les issues sont **équiprobables**.

La probabilité de gagner au Loto la semaine prochaine est difficile à calculer et demande des compétences de lycée.

- Si toutes les issues d'une expérience aléatoire ont la même probabilité de se réaliser, on dit que nous sommes dans une situation d'**équiprobabilité**. On parle aussi de loi de probabilité uniforme. Dans ce cas la probabilité d'un événement se calcule de la manière suivante :

Quand on lance une punaise à tête plate, il est difficile de déterminer la probabilité qu'elle tombe à plat ou sur le côté.

On ne s'intéresse au collage, qu'àux angles saillants. Cet angle se note \widehat{BAC} ou \widehat{CAB} .

Un angle dont « l'ouverture » est comprise entre celle d'un angle nul et celle d'un angle droit est aigu.

Un angle dont « l'ouverture » est comprise entre celle d'un angle droit et celle d'un angle plat est obtus.

LOI DE PROBABILITÉ ET ÉQUIPROBABILITÉ :

- La loi de probabilité d'une expérience aléatoire est la connaissance des probabilités de toutes les issues possibles de cette expérience.
- Il est souvent difficile de trouver la loi de probabilité d'une expérience aléatoire. Parfois on se contente d'une approche fréquentiste qui en répétant l'expérience donne une valeur approchée de la probabilité cherchée.
- Quand on lance une punaise à tête plate, il est difficile de déterminer la probabilité qu'elle tombe à plat ou sur le côté.
- La probabilité de gagner au Loto la semaine prochaine est difficile à calculer et demande des compétences de lycée.

➤ MESURE DES ANGLES

Les angles se mesurent en **degrés**.

Par définition, un angle droit mesure 90° .

Un angle plat mesure 180° et un angle nul 0° .

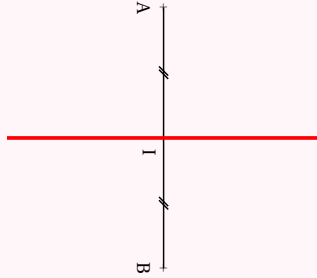
Un angle aigu mesure entre 0° et 90° . Un angle obtus mesure entre 90° et 180° .

➤ MÉDIATRICE D'UN SEGMENT

La **médiatrice** d'un segment est l'unique droite perpendiculaire à ce segment passant par son milieu.

La **médiatrice** d'un segment est également un axe de symétrie.

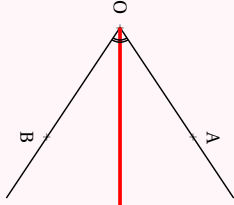
La **médiatrice** d'un segment est constituée des points situés à égale distance des extrémités du segment.



➤ BISSECTRICE D'UN ANGLE

La **bissectrice** d'un angle est l'unique droite qui partage cet angle en deux.

La **bissectrice** d'un angle est également un axe de symétrie.



On lance deux dés équilibrés et on fait la somme. Voici les issues possibles sous forme de tableau :

- On lance deux dés équilibrés et on fait la somme. Voici les issues possibles sous forme de tableau :
- Il y a 36 issues équiprobables.
- La probabilité d'obtenir un 7 est égale à $\frac{36}{9} = 4$
- La probabilité d'obtenir un 11 est égale à $\frac{2}{9}$
- La probabilité d'obtenir un 12 est égale à $\frac{1}{6}$
- La probabilité d'obtenir un 10 est égale à $\frac{5}{12}$
- La probabilité d'obtenir un 6 est égale à $\frac{5}{12}$
- La probabilité d'obtenir un 8 est égale à $\frac{5}{12}$
- La probabilité d'obtenir un 9 est égale à $\frac{4}{9}$
- La probabilité d'obtenir un 5 est égale à $\frac{4}{9}$
- La probabilité d'obtenir un 4 est égale à $\frac{3}{9}$
- La probabilité d'obtenir un 3 est égale à $\frac{2}{9}$
- La probabilité d'obtenir un 2 est égale à $\frac{1}{9}$
- La probabilité d'obtenir un 1 est égale à $\frac{1}{9}$

Il y a 1 chance sur 6 soit environ 16,7% d'obtenir 4 avec un dé cubique équilibré. Il y a 50% de faire pile avec une pièce non truquée.

Un événement est **impossible** quand sa probabilité vaut 0;

« l'événement » Obtenir 13 en faisant la somme de deux dés cubiques » est impossible.

Un événement est **certain** quand sa probabilité vaut 1;

« l'événement » Obtenir un nombre positif avec un dé cubique » est certain.

Deux événements sont **contraires** quand l'un ou l'autre se produit de manière certaine. Cela signifie que la somme de leurs probabilités est égale à 1.

Les événements « Obtenir une carte noire » et « Obtenir une carte rouge » sont contraires quand on tire une carte au hasard dans un jeu de 32 cartes.

APPROCHE FRÉQUENTISTE :

Lorsqu'on répète une expérience aléatoire un grand nombre de fois, la fréquence d'apparition d'un événement approche la probabilité de cet événement.

Quand on lance une pièce de monnaie 10 fois, on peut obtenir 10 fois la même face. Si la pièce n'est pas truquée, plus on répète cette expérience, plus la fréquence d'apparition de Pile et de Face s'approche de 50% ou 50%.

Il y a 1 chance sur 6 soit environ 16,7% d'obtenir 4 avec un dé cubique équilibré. Il y a 50% de faire pile avec une pièce non truquée.

Un événement est **impossible** quand sa probabilité vaut 0;

« l'événement » Obtenir 13 en faisant la somme de deux dés cubiques » est impossible.

Un événement est **certain** quand sa probabilité vaut 1;

« l'événement » Obtenir un nombre positif avec un dé cubique » est certain.

Deux événements sont **contraires** quand l'un ou l'autre se produit de manière certaine. Cela signifie que la somme de leurs probabilités est égale à 1.

Les événements « Obtenir une carte noire » et « Obtenir une carte rouge » sont contraires quand on tire une carte au hasard dans un jeu de 32 cartes.

PROBABILITÉS

VOCABULAIRE ET EXEMPLES :





STATISTIQUES

VOCABULAIRE

Une **série statistique** est une liste de valeurs obtenues en étudiant une **population** (des élèves, des plantes, des factures...). Pour chaque **individu** de la population étudiée on peut observer un ou plusieurs **caractères** (tailles, masse, âge, prix, couleur...). c'est à dire une information. Un caractère peut être **qualitatif** (couleur, difficulté, goût...) ou **quantitatif** (quantité, nombre, prix...).

On connaît parfois toutes les valeurs d'une série statistique. Quelquefois on ne connaît que la **répartition** des valeurs étudiées.

L'effectif total d'une série désigne le nombre total d'individus étudiés. Dans un tableau de répartition on utilise le mot **effectif** pour le nombre d'individus concernés par une valeur du caractère.

La fréquence d'une valeur du caractère étudié correspond au quotient de l'effectif de ce caractère sur l'effectif total. Une fréquence peut s'exprimer sous forme d'une fraction, d'un pourcentage ou d'un nombre décimal approché ou non.

EXEMPLES :

Voici une première série qualitative : la couleur des yeux de 10 personnes :

Bleu – Bleu – Vert – Vert – Marron – Marron – Marron – Marron – Marron – Noir

Voici une seconde série quantitative : les notes d'un groupe de 9 élèves au diplôme de fin d'année :

10 – 05 – 15 – 20 – 11 – 15 – 15 – 03 – 17

Voici une troisième série quantitative : la répartition des notes sur les 156 élèves de dernière année :

Notes	0;5]	5;10]	10;15]	15;20]
Effectif	26	54	60	16

MOYENNE ARITHMÉTIQUE ET PONDÉRÉE

La **moyenne arithmétique** de la série de n valeurs : $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ est :

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n}{n}$$

$$\bar{x}_p = \frac{a_1 \times x_1 + a_2 \times x_2 + a_3 \times x_3 + \dots + a_n \times x_n}{a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n}$$

La **moyenne pondérée** de la série de n valeurs $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ pondérées par leurs effectifs respectifs $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$ est :

La moyenne d'une série statistique est un nombre qui correspond à un partage équitable de toutes les valeurs de la série.

EXEMPLES :

La première série est qualitative, la moyenne n'a pas de sens pour cette série.

La seconde série a pour moyenne :

$$\frac{10 + 5 + 15 + 20 + 11 + 15 + 15 + 3 + 17}{9} = \frac{111}{9} \approx 12,33 \text{ à } 0,01 \text{ près.}$$

Pour la troisième série, il faut calculer la moyenne des centres des intervalles pondérée par l'effectif.

$$\frac{2,5 \times 26 + 7,5 \times 54 + 12,5 \times 60 + 17,5 \times 16}{156} = \frac{1500}{156} \approx 9,62 \text{ à } 0,01 \text{ près.}$$

ÉTENDUE

L'étendue d'une série statistique est l'écart entre la valeur maximale et la valeur minimale de cette série.

L'étendue donne une information sur la dispersion des valeurs de la série : plus l'étendue est petite moins la série est dispersée.

EXEMPLE :

L'étendue de la deuxième série est $20 - 3 = 17$

Pour la deuxième série on peut seulement dire que l'étendue est inférieure ou égale à 20.

MÉDIANE

La **médiane** d'une série statistique est un nombre qui partage la série en deux séries ayant le même effectif.

La moitié des valeurs sont inférieures à la médiane, l'autre moitié sont supérieures.

La médiane donne une information sur la dispersion des valeurs de la série. Son écart avec la moyenne est souvent intéressant.

MÉTHODE :

Pour calculer la médiane d'une série statistique il faut classer les valeurs du caractère dans l'ordre croissant puis déterminer la valeur centrale.

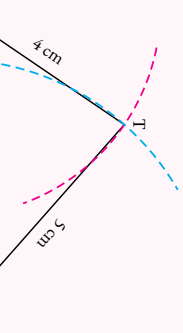
- si l'effectif est impair, $2n + 1$, la médiane est la $n + 1$ valeur;
 - si l'effectif est pair, $2n$, la médiane est la moyenne de la n et $n + 1$ valeur.
- Tout nombre compris entre la n et la $n + 1$ valeur est une médiane dans ce cas.*

EXEMPLES :

Pour la deuxième série, l'effectif total est impair : $9 = 2 \times 4 + 1$, la médiane est la $4 + 1 = 5$ valeur soit 15.

Pour la troisième série, l'effectif total est pair : $156 = 2 \times 78$, la médiane est la moyenne de la 78^e et 79^e valeurs.

D'après le tableau cette médiane se situe dans l'intervalle [5; 10].

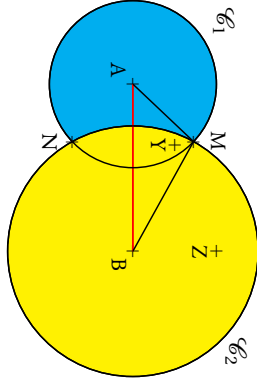


— ces deux cercles se coupent en deux points dont le point T.

CONSTRUCTION DE TRIANGLES

Pour tracer un triangle connaissant les mesures de ses trois côtés, par exemple le triangle TGV dont les côtés mesurent TG = 5 cm, TV = 4 cm et VG = 6 cm :

- on trace un premier côté, souvent le plus long, le côté [VG] ;
- on trace le cercle de centre V et de rayon 4 cm ;
- on trace le cercle de centre G et de rayon 5 cm ;
- ces deux cercles se coupent en deux points dont le point T.



Les points M et N sont les points d'intersection des deux cercles.

EXEMPLE :

Voici un segment [AB] de longueur 4 cm et les cercles :

- \mathcal{C}_1 de centre A et de rayon 2 cm ;
- \mathcal{C}_2 de centre B et de rayon 3 cm.

DISTANCE ET CERCLE



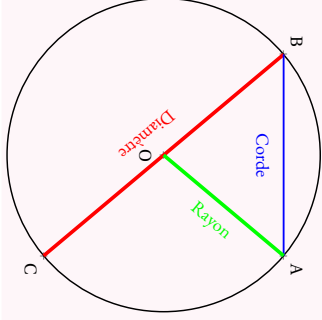
LE CERCLE

Le **cercle** de centre O est le **rayon** R est une figure de géométrie constituée de tous les points dont la distance avec le centre O est **exactement** égale au rayon R.

Un **rayon** du cercle est un segment reliant le centre à un des points du cercle.

Une **corde** est un segment reliant deux points du cercle.

Un **diamètre** est une corde passant par le centre. Les mots diamètre et rayon désignent à la fois les segments et leurs longueurs. Le diamètre vaut le double du rayon.



RÉGIONNEMENT DU PLAN

Un cercle est caractérisé par son centre et son rayon. Il permet de définir trois régions :

- **L'intérieur du cercle :** les points dont la distance avec le centre est **strictement inférieure** au rayon ;
- **Le cercle :** les points dont la distance avec le centre est **exactement égale** au rayon ;
- **L'extérieur du cercle :** les points dont la distance avec le centre est **strictement supérieure** au rayon.

REMARQUE :

Un **disque** est la surface constituée par l'intérieur du cercle et par le cercle. Il s'agit des points dont la distance avec le centre est inférieure ou égale au rayon.



CERCLE, DISQUE, SPHÈRE ET BOULE

➤ Aire et volume

L'aire d'une sphère R mesure sa surface, elle vaut : $4\pi R^2$.

Le volume d'une boule de rayon R mesure son « intérieur », il vaut : $\frac{4}{3}\pi R^3$

➤ COORDONNÉES GÉOGRAPHIQUES

Soit une sphère de rayon R et de centre O.

Un **grand cercle** de la sphère est un cercle de rayon R et de centre O.

Un **grand cercle** partage la sphère en deux **hémisphères**.

Sur la **sphère terrestre**, l'**équateur** et les **méridiens** sont des grands cercles.

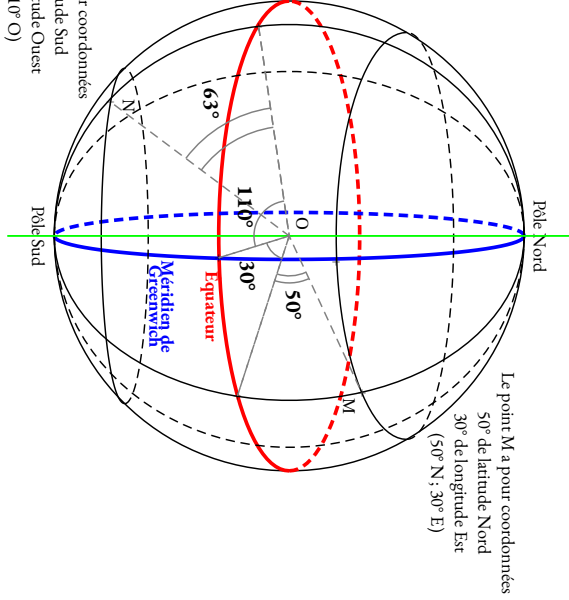
Un **parallèle** est un cercle de la sphère terrestre situé à l'intersection avec un plan parallèle au plan équatorial.

Tout les points de la sphère situés sur un même parallèle sont à la même **latitude**.

Un **méridien** est un cercle de la sphère terrestre passant par les pôles Nord et Sud.

Tous les points de la sphère situés sur un même méridien sont à la même **longitude**.

EXEMPLES :



Le point M a pour coordonnées
30° de latitude Nord
50° de longitude Est
(50° N ; 30° E)

Le point N a pour coordonnées
63° de latitude Sud
110° de longitude Ouest
(63° S ; 110° O)

➤ LE PLAN : CERCLE ET DISQUE

R un nombre positif ou nul, O un point du plan.

Le **cercle** de centre O et de rayon R est un **courbe** constituée de tous les points du plan situés à exactement la distance R du centre O.

Le **disque** de centre O et de rayon R est une **surface** constituée de tous les points du plan situés à une distance inférieure ou égale à R du centre O.

➤ VOCABULAIRE

Un **rayon** est un segment joignant le centre à un point quelconque du cercle.

Une **corde** est un segment joignant deux points du cercle.

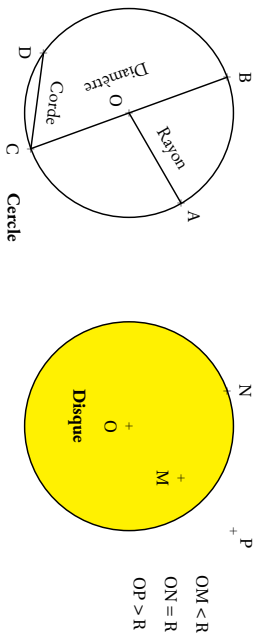
Un **diamètre** est une corde passant par le centre du cercle.

La longueur d'un rayon s'appelle le **rayon du cercle**, on utilise le même nom pour le segment et sa longueur.

Le diamètre a une longueur égale au double du rayon du cercle.

La longueur maximale d'une corde est égale au diamètre du cercle.

ILLUSTRATIONS :



➤ PÉRIMÈTRE ET AIRE

Le **périmètre** d'un cercle de rayon R ou de diamètre D mesure sa longueur, il vaut : $\pi \times D = 2\pi \times R$.

L'**aire** d'un disque de rayon R mesure sa surface, elle vaut : $\pi \times R^2$

➤ L'ESPACE : SPHÈRE ET BOULE

R un nombre positif ou nul, O un point de l'espace.

La **sphère** de centre O et de rayon R est une **surface** constituée de tous les points de l'espace situés à exactement la distance R du centre O.

La **boule** de centre O et de rayon R est un **solide** constitué de tous les points de l'espace situés à une distance inférieure ou égale à R du centre O.

Le point d'intersection des droites f et g a pour abscisse la solution de l'équation $f(x) = g(x)$.

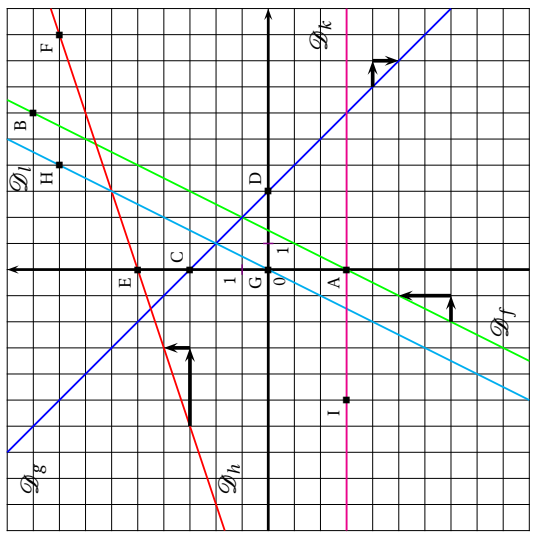
Les droites parallèles ont le même coefficient directeur.

La droite est horizontale « il est nul quand » la droite descend « il est négatif quand » la droite monte « il est positif quand » la droite est ascendante « il est positif quand » la droite descend « il est négatif quand » la droite monte « il est nul quand » la droite est horizontale.

Le coefficient directeur a correspond à la variation des ordonnées entre deux points de la droite dont les abscisses varient d'une unité;

« l'ordonnée à l'origine b se lit à l'intersection de la droite avec l'axe des ordonnées ; le coefficient directeur a correspond à la pente de la droite :

INTERPRÉTATION GRAPHIQUE :



— $f(0) = -3$ et $f(6) = 9$, la droite représentant f passe par A(0; -3) et B(6; 9);

— $g(0) = 3$ et $g(3) = 0$, la droite représentant g passe par C(0; 3) et D(3; 0);

— $h(0) = 5$ et $h(9) = 8$, la droite représentant h passe par E(0; 5) et F(9; 8);

— $l(0) = 0$ et $l(4) = 8$, la droite représentant l passe par G(0; 0) et H(4; 8);

EXEMPLES :

R représentons graphiquement : $f(x) = 2x - 3$, $g(x) = -x + 3$, $h(x) = 2x$ et $k(x) = -3$

LES FONCTIONS AFFINES

➤ DÉFINITION

a et b deux nombres quelconques fixés.

La **fonction affine** de paramètres a et b est la fonction définie ainsi :

$$f(x) = ax + b$$

a s'appelle le **coefficient directeur** et b l'**ordonnée à l'origine**.

➤ PROPRIÉTÉ

Une fonction **linéaire** est une fonction **affine** particulière.

EXEMPLE :

— $f(x) = 5x + 3$ est une fonction affine avec $a = 5$ et $b = 3$;

— $g(x) = \frac{1}{3} - 5x$ est une fonction affine avec $a = -5$ et $b = -\frac{1}{3}$;

— $h(x) = \frac{x}{6} + 1$ est une fonction affine avec $a = \frac{1}{6}$ et $b = 1$;

— $k(x) = 7x$ est une fonction affine avec $a = 7$ et $b = 0$, elle est aussi **linéaire**;

— $l(x) = 2022$ est une fonction affine avec $a = 0$ et $b = 2022$, elle est **constante**;

— $p(x) = 7 - 8x$ est une fonction affine avec $a = -8$ et $b = 7$.

➤ PROPRIÉTÉ

f une fonction affine de paramètres a et b .

L'image de zéro est égale à b , c'est-à-dire $f(0) = b$.

Si $b = 0$, la représentation graphique est une droite qui passe par l'origine du repère.

REMARQUE :

Pour tracer la représentation graphique d'une fonction affine f , il suffit de connaître deux points pour tracer la droite. Voici comment obtenir ces deux points :

— On calcule l'image de zéro, $f(0) = b$,

— la droite passe par le point de coordonnées $(0; b)$;

— On calcule l'image d'un autre nombre $f(w)$,

— la droite passe par le point de coordonnées $(w; f(w))$.



SOLIDES ET VOLUMES

LES PRISMES DROITS ET LE CYLINDRE

Un **prisme droit** est un polyèdre constitué par deux faces polygonales parallèles et superposables reliées par des faces rectangulaires.

Un **cylindre** est un solide constitué par deux disques parallèles, de même rayon, reliés par une surface de révolution.

Les deux faces parallèles sont **les bases** du solide.

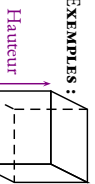
La distance entre les bases est **la hauteur** du solide.

Le volume d'un cylindre ou d'un prisme droit est donné par la formule :

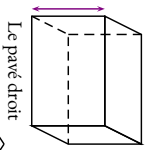
$$\text{Volume} = \text{Aire de la base} \times \text{Hauteur}$$

Pour le cylindre, Aire de la base = $\pi \times R$

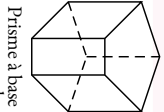
EXEMPLES :



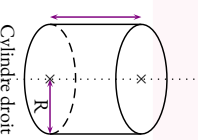
Le cube



Le prisme droit

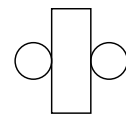
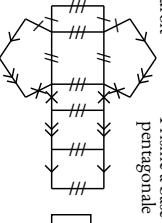
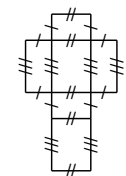
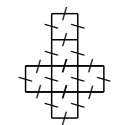


Prisme à base pentagonale



Cylindre droit

PATRONS :



LES PYRAMIDES ET LE CÔNE

Une **pyramide** est un polyèdre constitué d'une base polygonale et d'un sommet principal reliés par des faces triangulaires.

Un **cône** est un solide constitué d'une base circulaire et d'un sommet principal reliés par une surface de révolution.

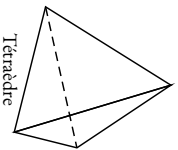
La **hauteur** est la distance entre la base et le sommet principal.

Dans un cône, un segment reliant le sommet principal et un point du cercle de base s'appelle **une génératrice**.

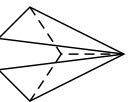
$$\text{Volume} = \frac{1}{3} \text{Aire de la base} \times \text{Hauteur}$$

Dans le cas du cône, Aire de la base = $\pi \times R$.

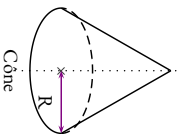
EXEMPLES :



Tétraèdre

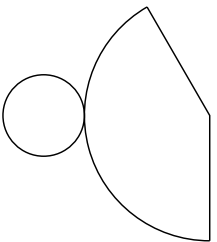
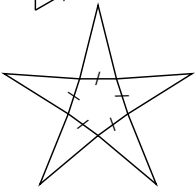
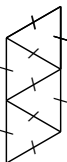


Pyramide à base pentagonale



Cône

PATRONS :



LA SPHÈRE ET LA BOULE

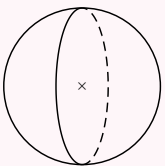
Une **sphère** de centre O et de rayon R est une surface constituée des points situés exactement à la distance R du centre O.

Une **boule** de centre O et de rayon R est un solide constitué des points situés à une distance inférieure ou égale à R du centre O.

La boule ne possède pas de patron.

$$\text{Aire de la sphère} = 4\pi R^2$$

$$\text{Volume de la boule} = \frac{4}{3}\pi R^3$$



UNITÉS ET CONVERSION

Un **mètre cube** (1 m³) est le volume d'un cube de 1 m de côté.

- 1 m³ = 1000 dm³
- 1 m³ = 1 000 000 cm³
- 1 m³ = 1 000 000 000 mm³
- 1 L = 1 dm³
- 1 l = 1000 cm³
- 1 m³ = 1000 L
- 1 L = 1000 mL
- 1 cm³ = 1 mL
- 1 mL = 1000 mm³

COEFFICIENT D'AGRANDISSEMENT/RÉDUCTION

Si on multiplie les longueurs d'une figure par un nombre $k > 0$ alors les aires sont multipliées par k^2 et les volumes par k^3 .

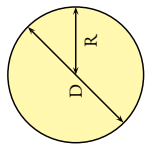
MÉTHODE DE CALCUL
On peut calculer la plupart des aires polygonales par addition ou soustraction d'aires de polygones simples.
Il est souvent inutile d'apprendre des formules complexes par coeur !

$$l \times L$$

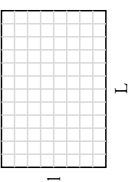
L'aire est égale au nombre de carrés unités :

L'aire est égale à : πR^2 où $\pi \approx 3,14$

Le périmètre est égal à : $2\pi R$ ou $2\pi l$



Le cercle et le disque



Le rectangle

Le périmètre est égal à la somme :

$$2(L + l) = 2L + 2l = l + L + l + L$$

EXEMPLES FONDAMENTAUX :

On mesure le **périmètre** en **mètre** (m) et l'**aire** en **mètre carré** (m²).

DÉFINITION

La **périmètre** d'une figure plane est la **longueur** de son contour.

Pour un polygone, il s'agit de la somme des longueurs de ses côtés.

L'**aire** est une grandeur qui correspond à la **surface** d'une figure.

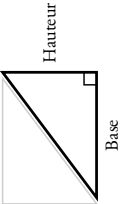
Le parallélogramme

On peut le découper pour obtenir un rectangle. L'aire est égale à : **Base × Hauteur**

Le triangle

Il s'agit de la moitié d'un rectangle. L'aire est égale à : $\frac{\text{Base} \times \text{Hauteur}}{2}$

Le triangle rectangle



UNITÉS DE MESURE

L'unité de mesure des longueurs est le **mètre** : m

1 m = 10 dm = 100 cm = 1000 mm

1 km = 10 hm = 100 dam = 1000 m

L'unité de mesure des aires est l'aire d'un carré de 1 m de côté, le **mètre carré** : m²

1 m² = 100 dm² = 10 000 cm² = 1 000 000 mm²

1 km² = 100 hm² = 10 000 dam² = 1 000 000 m²

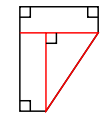
EXEMPLE COMPLEXE :

On veut calculer le périmètre et l'aire du polygone suivant :

Pour calculer le périmètre, il faut faire la somme des quatre mesures et obtenir la grandeur manquante en utilisant le théorème de Pythagore.

On obtient 34 + y + 404 m = 541,1 m

Pour calculer l'aire, on peut utiliser deux méthodes :

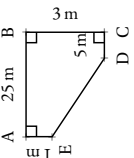
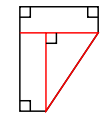
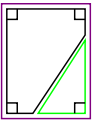


$$\text{Aire} = \frac{20m \times 2m}{2} = 20m^2$$

$$\text{Aire} = 20m^2 + 20m^2 + 15m^2 = 55m^2$$

$$\text{Aire} = 25m \times 3m - \frac{20m \times 2m}{2} = 20m^2$$

$$\text{Aire} = 75m^2 - 20m^2 = 55m^2$$



PÉRIMÈTRES ET AIRES

EXEMPLES :