Chapitre IX

La trigonométrie

Sommaire

Situation initiale : Mission impossible : mais à quelle hauteur se trouve Tom Cruise ? **436**

I Vocabulaire du triangle rectangle **438**

II Cosinus, sinus et tangente d'un angle aigu **439**

III Usage de la trigonométrie **441**

IV Quelques propriétés trigonométriques **443**

1 Les angles complémentaires et la tangente 443

2 Quelques angles particuliers 444

3 La relation fondamentale 444

4 Trigonométrie et cercle de rayon unité 444

Évaluation — Trigonométrie et calcul littéral **457**

Fiche d'exercices : — Trigonométrie **462**

Activité — Culture : Tables de trigonométrie **466**

Troisième — Fiche de synthèse : Trigonométrie 468



Mission impossible : mais à quelle hauteur se trouve Tom Cruise ?

Troisième

✧✧✧

Situation Initiale



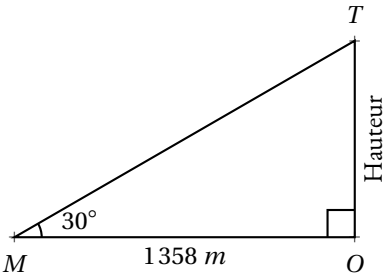
La tour **Burj Khalifa** de Dubaï est la plus haute du monde depuis 2010, elle mesure 828 m. On se souvient de Tom Cruise en 2011 dans Mission Impossible – Protocole fantôme, qui escaladait cette fameuse tour.

Dans cette activité nous allons imaginer nous balader dans Dubaï avec un théodolite (un appareil de géomètre qui permet de mesurer les angles) en plein tournage de Mission Impossible.

Je souhaite mesurer la hauteur à laquelle se trouve Tom Cruise en utilisant la distance horizontale qui nous sépare de la tour et l'angle d'observation de l'acteur.

Première partie

En me positionnant à 1358 m du pied de la tour (j'utilise un GPS), je constate que l'angle d'observation de l'acteur sur la tour par rapport à l'horizontale est exactement de 30°. Je me demande comment en déduire sa hauteur.



Pour cela j'ai l'idée de tracer cette figure à l'échelle.
Je décide que 100 m dans la réalité seront représentés par 1 cm sur le dessin.
Voici un croquis rapide, dont les côtés ne sont pas tracées en vraies grandeurs, pour m'aider à réaliser cette figure.

1. Exprimez cette échelle sous la forme habituelle, c'est-à-dire un ratio $1 : n$ puis une fraction $\frac{1}{n}$

2. Tracez cette figure à cette échelle puis mesurez la longueur OT.

3. En déduire une valeur approchée au mètre près de la hauteur où se trouve Tom Cruise.

4. Donnez une valeur approchée au millième près du quotient $\zeta = \frac{OT}{OM}$ en mesurant votre figure à l'échelle.

(ζ est une lettre de l'alphabet grec qui se prononce zéta, elle a donné notre z... cela ne rend pas cette question plus difficile !)

5. Expliquez pourquoi la hauteur de la tour est donnée par l'expression suivante :

$$\text{Hauteur de la tour} = \zeta \times \text{Distance horizontale}$$

Seconde partie

Je me déplace maintenant dans Dubaï jusqu'à me retrouver avec un angle de vision d'exactement 40° avec Tom Cruise.

1. Me suis-je rapproché ou éloigné de la tour ?

2. Je suis en fait à 934 m de la tour.
Reprenez les questions **2.** et **3.** de la première partie avec la même échelle pour déterminer à nouveau la hauteur.

3. Donnez une valeur approchée au millième près du quotient $\zeta = \frac{OT}{OM}$ en mesurant votre figure à l'échelle.

4. Tracez un triangle MOT rectangle en O représentant la situation en prenant $\widehat{OMT} = 40°$ et la mesure de votre choix pour la distance MO.

5. Calculez à nouveau ζ au millième près en mesurant cette figure. Que constatez-vous ?
À quelle grandeur de cette figure est lié le quotient ζ ?

Troisième partie

Je me rapproche très près de la tour, l'angle de visée est alors exactement de 80°.

1. En traçant un triangle rectangle ayant un angle aigu de 80°, déterminez une valeur approchée au milième près du quotient ζ en vous inspirant de la méthode de la seconde partie questions **4.** et **5.**.

2. Je constate que je suis exactement à 138 m du pied de la tour.
Calculez à nouveau la hauteur à laquelle se trouve l'acteur et vérifiez que vous obtenez bien le même résultat.



Mission impossible : mais à quelle hauteur se trouve Tom Cruise ?

Correction

Première

✧✧✧

Situation Initiale

partie

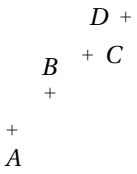
1. Pour cette échelle, 100 m dans la réalité sont représentés par 1 cm sur la carte.

Le quotient $\frac{1\ cm}{100\ m} = \frac{1\ cm}{10\,000\ cm} = \frac{1}{10000}$

Cela signifie que le plan est 10 000 fois plus petit que la réalité.

C'est un plan à l'échelle 1 : 10 000 qui correspond à la fraction $\frac{1}{10\,000}$.

2.



Deuxième partie

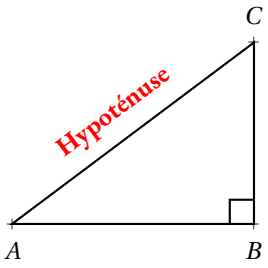
Troisième partie

I — Vocabulaire du triangle rectangle

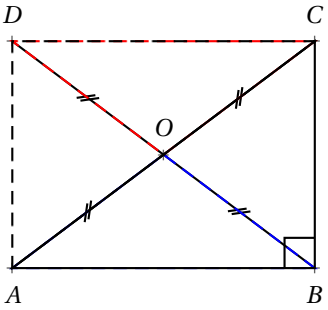
Théorème 9.1 : Hypoténuse d'un triangle rectangle *(Admis)*

Si un triangle est rectangle **alors** son côté le plus long est opposé à l'angle droit.

Le côté opposé à l'angle droit d'un triangle rectangle s'appelle l'**hypoténuse** .



Il suffit de construire le rectangle qui correspond au triangle rectangle ABC, par exemple en considérant la symétrie centrale de centre O où O est le milieu du segment $[AC]$.
On sait que dans un rectangle, les diagonales se coupent en leur milieu et sont de même longueur.



Dans le triangle AOB, **l'inégalité triangulaire** permet d'affirmer que $AB < AO + OB$
Or comme les diagonales ont la même longueur, $OB = OA = OC = OD$ en particulier $AO + OB = AO + OC = AC$
d'où $AB < AC$

Dans le triangle BOC, **l'inégalité triangulaire** permet d'affirmer que $BC < BO + OC$
Or comme les diagonales ont la même longueur, $OB = OA = OC = OD$ en particulier $BO + OC = AO + OC = AC$
d'où $AC < AC$

Ainsi les deux côtés AB et BC ont des mesures inférieures au côté AC.

Ce résultat est bien lié à l'angle droit. C'est une conséquence des proprités des diagonales du rectangle.

Remarque :

Le mot **hypoténuse** est féminin. Il vient du latin *hypotenusa*, lui-même transcrit du grec ancien *hupoteinousa*. Le préfixe *hupo* signifie « sous » et *teino* « tendre ». Hypoténuse signifie donc littéralement « celle qui sous-tend ». Platon, avant Euclide, a utilisé dans le Timée ce terme pour désigner le côté du triangle rectangle qui semble être « tendu » par le secteur angulaire de l'angle droit.

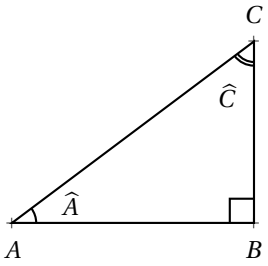
Les deux côtés **adjacent** à l'angle droit sont parfois appelé **cathètes** . Ce terme désigne plus généralement une perpendiculaire et vient du grec ancien *káthetos* qui signifie « mené en bas ».

L'adjectif **adjacent** vient du latin *adjacēre* et signifie « être situé auprès ». Il signifie, ce qui est immédiatement à côté d'un autre. Un côté est adjacent à un angle s'il « touche » l'angle, si c'est un des côtés de l'angle.

Propriété 9.1 : Les angles dans un triangle rectangle

Si un triangle ABC est rectangle en B alors :

- $\widehat{A}$ et $\widehat{C}$ sont deux angles aigus ;
- $\widehat{A}$ et $\widehat{C}$ sont **complémentaires**
  Cela signifie que la somme de leurs mesures est égale à 90°.



On sait que dans un triangle, la somme des trois angles est égale à 180°.
Comme l'angle droit mesure 90°, il reste 90° pour les deux autres angles.
Par conséquent, les deux autres angles ont une mesure inférieure à 90° et par définition, ils sont **complémentaires** .

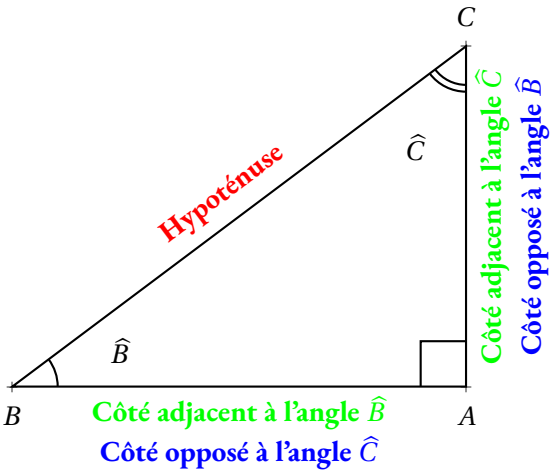
Remarque :

On dit que deux angles sont **complémentaires** si leur somme est égale à un angle droit, c'est-à-dire si la somme de leurs mesures est égale à 90°.

On dit que deux angles sont **supplémentaires** si leur somme est égale à un angle plat, c'est-à-dire si la somme de leurs mesures est égale à 180°.

Définition 9.1 : Vocabulaire dans le triangle rectangle

ABC est un triangle rectangle en A.



- $[BC]$ est l'hypoténuse ;
- $[AC]$ et $[AB]$ sont les côtés de l'angle droit ;
- $[AC]$ est le **côté adjacent** à l'angle $\widehat{C}$;
- $[AB]$ est le **côté opposé** à l'angle $\widehat{C}$;
- $[AB]$ est le **côté adjacent** à l'angle $\widehat{B}$;
- $[AC]$ est le **côté opposé** à l'angle $\widehat{B}$.

Remarque :

Dans un triangle rectangle,

- Le **côté adjacent** à un angle aigu est le **côté opposé** de l'angle **complémentaire** .
- Le **côté opposé** à un angle aigu est le **côté adjacent** de l'angle **complémentaire** .
- Un **côté adjacent** à un angle est un côté dont l'une des extrémités est le sommet de l'angle.
- Un **côté opposé** à un angle est un côté dont aucune des extrémités est le sommet de l'angle.

II — Cosinus, sinus et tangente d'un angle aigu

Propriété 9.2 : Triangles rectangles semblables *(Admise)*

Si deux triangles rectangles ont un angle aigu ayant la même mesure alors ils sont semblables.
Si deux triangles rectangles ont un angle aigu ayant la même mesure alors ils ont des côtés proportionnels.

Démonstration :

Considérons deux triangles ABC et $A'B'C'$ rectangle respectivement en A et A' et tel que $\widehat{B} = \widehat{B'}$.
Comme la somme des angles dans un triangle est égal à 180°, les angles $\widehat{C}$ et $\widehat{C'}$ sont égaux.
Ainsi les trois angles de ces triangles sont égaux. D'après la propriété 3.2, les triangles ABC et $A'B'C'$ sont semblables.
Les côtés de ces deux triangles sont donc proportionnels.

CQFD

Remarque :

Considérons deux triangles ABC et $A'B'C'$ rectangles respectivement en A et A' semblables.
Il existe donc un nombre positif non nul k tel que $A'B' = k \times AB$, $A'C' = k \times AC$ et $B'C' = k \times BC$.

Le quotient $\dfrac{A'B'}{B'C'} = \dfrac{k \times AB}{k \times BC} = \dfrac{AB}{BC}$

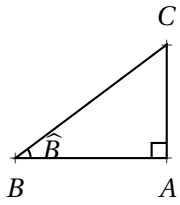
Le quotient $\dfrac{A'C'}{B'C'} = \dfrac{k \times AC}{k \times BC} = \dfrac{AC}{BC}$

Le quotient $\dfrac{A'C'}{A'B'} = \dfrac{k \times AC}{k \times AB} = \dfrac{AC}{AB}$

Ces trois quotients ne dépendent donc pas des mesures des triangles rectangles ABC et $A'B'C'$. Ils ne dépendent donc que d'un des angles aigus de ces triangles, par exemple $\widehat{B}$.
Cela justifie la définition suivante :

Définition 9.2 : Cosinus, sinus et tangente d'un angle aigu

ABC est un triangle rectangle en A.



On définit le cosinus, le sinus et la tangente de l'angle $\widehat{B}$ de la manière suivante :

$$\cos(\widehat{B}) = \frac{AB}{BC} = \frac{\text{côté adjacent à l'angle } \widehat{B}}{\text{hypoténuse}}$$

$$\sin(\widehat{B}) = \frac{AC}{BC} = \frac{\text{côté opposé à l'angle } \widehat{B}}{\text{hypoténuse}}$$

$$\cos(\widehat{B}) = \frac{AC}{AB} = \frac{\text{côté opposé à l'angle } \widehat{B}}{\text{côté adjacent à l'angle } \widehat{B}}$$

Moyen mnémotechnique :

Ces trois expressions doivent être connues par coeur !
Voici un moyen pour les mémoriser, il suffit de retenir le mot suivant :

C A H S O H T O A

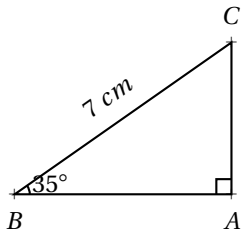
COSINUS HYPOTÉNUSE OPPOSÉ TANGENTE ADJACENT

ADJACENT SINUS HYPOTÉNUSE OPPOSÉ

Remarques :
Pour une mesure d'angle aigu donnée, par exemple 75°, $\cos(75°)$, $\sin(75°)$ et $\tan(75°)$ sont des nombres. Ces nombres sont connus, la plupart ne sont pas décimaux mais la calculatrice est capable d'en donner une valeur approchée.
Par exemple $\cos(75°) \approx 0{,}258\,819\,045\,1$ à 10^{-10} près.
Dans les exercices, les cosinus, sinus ou tangente d'un angle aigu doivent être considérés comme des nombres au même titre que π, $\sqrt{2}$, $0{,}5$ ou 2.

III — Usage de la trigonométrie

Méthode 9.1 : Calculer la mesure d'un côté connaissant un angle aigu et l'hypoténuse



On souhaite calculer la mesure exacte des côtés $[AB]$ et $[AC]$.

Calculons AB.

Analyse : $[BC]$ est l'hypoténuse du triangle ABC et $[AB]$ est le côté adjacent à l'angle $\widehat{B}$.
On connaît l'**hypoténuse** du triangle et on cherche la mesure du **côté adjacent** à l'angle $\widehat{B}$.
Parmi les trois grandeurs trigonométriques, seul le **cosinus** se calcule en utilisant la mesure de l'hypoténuse et du côté adjacent.

Rédaction : Dans le triangle ABC rectangle en A.

$\cos(35°) = \dfrac{AB}{BC}$ donc $\cos(35°) = \dfrac{AB}{7\ cm}$.

Ainsi $\boxed{AB = 7\ cm \times \cos(35°) \approx 5,73\ cm \text{ à } 0,01\ cm \text{ près.}}$

Remarque : Dans l'expression $\cos(35°) = \dfrac{AB}{7\ cm}$ seule la grandeur AB est inconnue.

Pour exprimer AB on a utilisé la **règle de trois**.

Il suffit pour cela d'écrire $\cos(35°)$ sous la forme d'une fraction $\dfrac{\cos(35°)}{1}$

On a ainsi $\dfrac{\cos(35°)}{1} = \dfrac{AB}{7\ cm}$ d'où en utilisant la **règle de trois** : $AB = 7\ cm \times \cos(35°) \div 1$ soit $AB = 7\ cm \times \cos(35°)$

L'expression $7\ cm \cos(35°)$ est la valeur exacte de la mesure du côté $[AB]$.

Calculons AC.

Analyse : On connaît l'**hypoténuse** du triangle et on cherche la mesure du **côté opposé** à l'angle $\widehat{B}$.
Parmi les trois grandeurs trigonométriques, seul le **sinus** se calcule en utilisant la mesure de l'hypoténuse et du côté opposé.

Rédaction : Dans le triangle ABC rectangle en A.

$\sin(35°) = \dfrac{AB}{BC}$ donc $\sin(35°) = \dfrac{AC}{7\ cm}$.

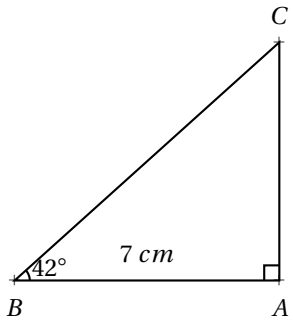
Ainsi $\boxed{AC = 7\ cm \times \sin(35°) \approx 4,01\ cm \text{ à } 0,01\ cm \text{ près.}}$

Usage de la calculatrice :
Les nombres $\cos(35°)$ et $\sin(35°)$ sont disponibles avec la calculatrice.
Les touches cos sin et tan permettent d'obtenir le cosinus, le sinus ou la tangente d'un angle.
Pour calculer $\cos(60°)$ il suffit de saisir cos 60. Le symbole ∘ n'est pas nécessaire !

Il faut vérifier que la calculatrice est configurée pour traiter les angles en degrés !

Un bon test consiste à calculer $\cos(60°) = 0,5$. Si la calculatrice ne donne pas cette valeur, c'est qu'elle est mal configurée. Il faut modifier l'unité des angles, en général avec la touche Config ou Setup ou encore Mode ...

Méthode 9.2 : Calculer la mesure d'un côté connaissant un angle aigu et un côté de l'angle droit



On souhaite calculer les mesures des côtés $[BC]$ et $[AC]$

Calcul de BC.

Analyse : $[BC]$ est l'hypoténuse du triangle ABC et $[AB]$ est le côté adjacent à l'angle $\widehat{B}$.
On connaît l'**hypoténuse** du triangle et on cherche la mesure du **côté adjacent** à l'angle $\widehat{B}$.
Parmi les trois grandeurs trigonométriques, seul le **cosinus** se calcule en utilisant la mesure de l'hypoténuse et du côté adjacent.

Rédaction : Dans le triangle ABC rectangle en A.

$\cos(42°) = \dfrac{AB}{BC}$ donc $\cos(42°) = \dfrac{7\ cm}{BC}$.

Ainsi $\boxed{BC = \dfrac{7\ cm}{\cos(42°)} \approx 9,42\ cm \text{ à } 0,01\ cm \text{ près.}}$

Remarque : Pour exprimer BC on a utilisé la **règle de trois**.

Il suffit pour cela d'écrire $\cos(42°)$ sous la forme d'une fraction $\dfrac{\cos(42°)}{1}$

On a ainsi $\dfrac{\cos(42°)}{1} = \dfrac{7\ cm}{BC}$ d'où en utilisant la **règle de trois** : $BC = 7\ cm \times 1 \div \cos(42°)$ soit $BC = \dfrac{7\ cm}{\cos(42°)}$

L'expression $\dfrac{7\ cm}{\cos(42°)}$ est la valeur exacte de la mesure du côté $[AB]$.

Calculons AC.

Analyse : On connaît le **côté adjacent** du triangle et on cherche la mesure du **côté opposé** à l'angle $\widehat{B}$.
Parmi les trois grandeurs trigonométriques, seule la **tangente** se calcule en utilisant la mesure du côté opposé et du côté adjacent.

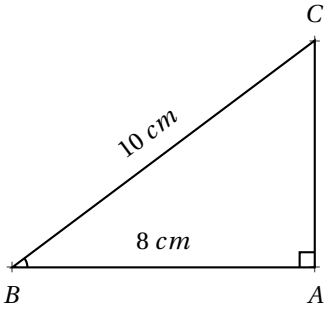
Rédaction : Dans le triangle ABC rectangle en A.

$\tan(42°) = \dfrac{AC}{AB}$ donc $\tan(42°) = \dfrac{AC}{7\ cm}$.

Ainsi $\boxed{AC = 7\ cm \times \tan(42°) \approx 6,30\ cm \text{ à } 0,01\ cm \text{ près.}}$

Nous venons de voir que la connaissance de la mesure d'un angle aigu permettait d'obtenir à la calculatrice les nombres sans unités cosinus, sinus ou tangente de cet angle.
Nous allons maintenant remarquer que la connaissance de l'un de ces nombres, cosinus, sinus ou tangente, permet de retrouver la mesure de l'angle.

Méthode 9.3 : Calculer la mesure d'un angle connaissant la mesure de deux côtés



Calcul de la mesure de l'angle $\widehat{ABC}$

Dans le triangle ABC rectangle en A, $[BC]$ est l'hypoténuse du triangle et $[AB]$ est le côté adjacent à l'angle $\widehat{ABC}$.
Nous pouvons donc calculer le cosinus de cet angle.

$$\cos\widehat{ABC} = \frac{8\ cm}{10\ cm} = 0,8$$

À la calculatrice on trouve $\widehat{ABC} \approx 36,87°$ à $0,01°$ près.

On peut obtenir l'angle $\widehat{ACB}$ en utilisant le fait qu'il est complémentaire avec $\widehat{ABC}$.
On a $\widehat{ACB} = 90° - \widehat{ABC} \approx 53,13°$ à $0,01°$ près.

Vérifions avec la trigonométrie.
Dans le triangle ABC rectangle en A, $[BC]$ est l'hypoténuse du triangle et $[AB]$ est le côté opposé à l'angle $\widehat{ACB}$.
Nous pouvons donc calculer le sinus de cet angle.

$$\sin\widehat{ACB} = \frac{8\ cm}{10\ cm} = 0,8$$

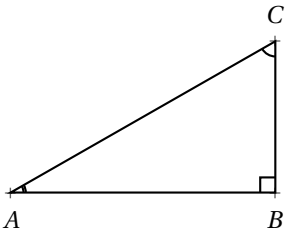
À la calculatrice on trouve $\widehat{ACB} \approx 53,13°$ à $0,01°$ près.

Usage de la calculatrice :
Quand on connaît le cosinus, le sinus ou la tangente d'un angle aigu, la calculatrice donne la mesure de l'angle en utilisant les séquences suivantes Seconde Cos ou Seconde Sin ou enfin Seconde Tan .
Dans ce cas la calculatrice affiche *Arccos()*, *Arcsin()* ou *Arctan()* (ou encore cos^{-1} sin^{-1} ou tan^{-1})...

IV — Quelques propriétés trigonométriques

Cette section est une extension du programme de troisième.

1 Les angles complémentaires et la tangente



Les angles $\widehat{ACB}$ et $\widehat{BAC}$ sont **complémentaires** . Cela signifie que leur somme vaut 90°.
Dans le triangle ABC rectangle en B, on constate que le côté $[AB]$ est adjacent à l'angle $\widehat{BAC}$ et opposé à l'angle $\widehat{BCA}$.
De même le côté $[BC]$ est adjacent à l'angle $\widehat{BCA}$ et opposé à l'angle $\widehat{BAC}$.

Ainsi nous avons :

$$\cos\widehat{BAC} = \frac{AB}{AC} \qquad \sin\widehat{BAC} = \frac{BC}{AC} \qquad \tan\widehat{BAC} = \frac{BC}{AB}$$

$$\cos\widehat{BCA} = \frac{BC}{AC} \qquad \sin\widehat{BCA} = \frac{AB}{AC} \qquad \tan\widehat{BCA} = \frac{AB}{BC}$$

$$\text{De plus } \frac{\sin\widehat{BAC}}{cos\widehat{BAC}} = \frac{\frac{BC}{AC}}{\frac{AB}{AC}} = \frac{BC}{AC} \times \frac{AC}{AB} = \frac{BC \times AC}{AC \times AB} = \frac{BC}{AB} = \tan\widehat{BAC}$$

Propriété 9.3 : Trigonométrie et angles complémentaires

Dans un triangle rectangle les deux angles aigus $\widehat{a}$ et $\widehat{b}$ sont complémentaires.
Nous avons de plus les relations suivantes :

$$\cos\widehat{a} = \sin\widehat{b} \qquad \sin\widehat{a} = \cos\widehat{b} \qquad \tan\widehat{a} = \frac{1}{\tan\widehat{b}}$$

Nous avons aussi :

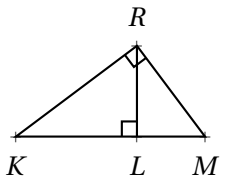
$$\tan\widehat{a} = \frac{\sin\widehat{a}}{\cos\widehat{a}}$$

2 Quelques angles particuliers

3 La relation fondamentale

4 Trigonométrie et cercle de rayon unité

Exercice n° 9.1 : Vocabulaire

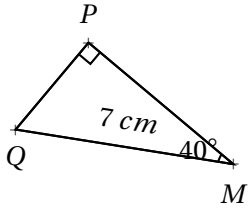


1. Recopier et compléter les phrases suivantes avec les mots :
adjacent, opposé ou hypoténuse
Dans le triangle KRM rectangle en R :

- $[RK]$ est le côté ..... à l'angle $\widehat{RKM}$
- $[RM]$ est le côté ..... à l'angle $\widehat{RKM}$
- $[RK]$ est le côté ..... à l'angle $\widehat{RMK}$
- $[RM]$ est le côté ..... à l'angle $\widehat{RMK}$
- $[MK]$ est .....

2. Recommencer la question **1.** avec le triangle RLK puis RLM en faisant pour chacun 5 phrases du même type.
3. Citer tous les couples d'angles complémentaires de cette figure. En déduire tous les angles égaux de cette figure ?
4. Que peut-on dire des triangles KRM, KRL et RLM ?

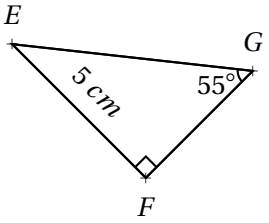
Exercice n° 9.2 : Calcul de deux côtés — Épisode 1



Le triangle QPM est rectangle en P.
On sait que $\widehat{PMQ} = 40°$ et que $QM = 7\ cm$

Calculer les valeurs exactes de PQ et PM.
Donner une valeur approchée au mm près.

Exercice n° 9.3 : Calcul de deux côtés — Épisode 2



Le triangle EFG est rectangle en F.
On sait que $\widehat{FGE} = 40°$ et que $FE = 5\ cm$

Calculer les valeurs exactes de FG et GE.
Donner une valeur approchée au mm près.

Exercice n° 9.4 : Dans quel triangle rectangle ?

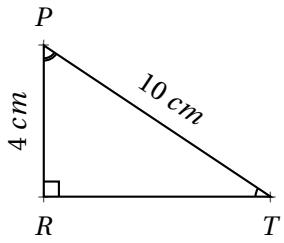
Exercice n° 9.5 : L'angle à 30°

1. Tracer un triangle ABC rectangle en B tel que :

- $AC = 10\ cm$
- $\widehat{BAC} = 30°$

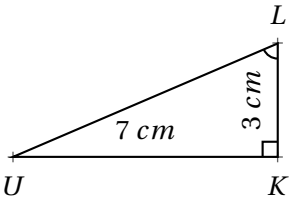
2. Calculer en justifiant votre réponse une valeur approchée au millimètre près des mesures AC et AB
3. Que remarquez-vous pour le côté $[BC]$?
4. Quelle est la mesure de l'angle $\widehat{BCA}$?
5. En utilisant votre calculatrice calculer $\cos(30°)$, $\sin(30°)$, $\cos(60°)$ et $\sin(60°)$.
Que remarquez-vous ? Comment pouvez-vous expliquer cela ?

Exercice n° 9.6 : Calcul d'un angle — Épisode 1



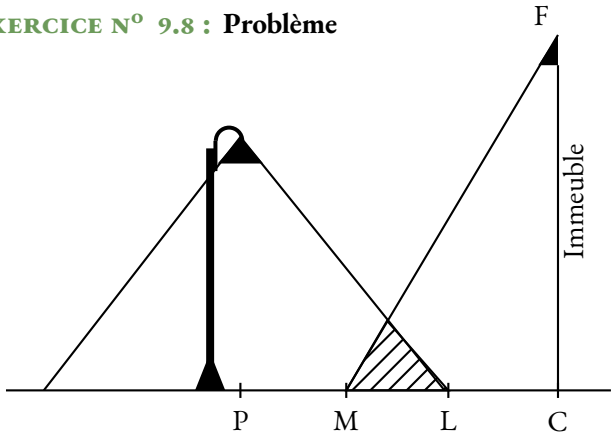
Donner une valeur approchée au centième de degré près des angles $\widehat{RPT}$ et $\widehat{RTP}$

Exercice n° 9.7 : Calcul d'un angle — Épisode 2

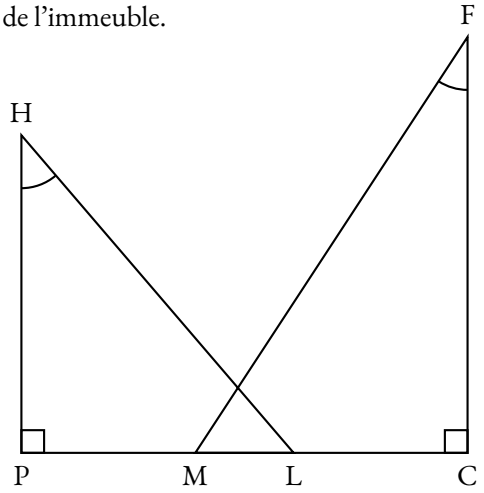


Donner une valeur approchée au centième de degré près des angles $\widehat{KUL}$ et $\widehat{KLU}$

Exercice n° 9.8 : Problème



On s'intéresse à la zone au sol qui est éclairée la nuit par deux sources de lumière : le lampadaire de la rue et le spot fixé en F sur la façade de l'immeuble.



On réalise le croquis ci-contre qui n'est pas à l'échelle, pour modéliser la situation :
On dispose des données suivantes :

$PC = 5,5\ m$, $CF = 5\ m$ et $HP = 4\ m$

$\widehat{MFC} = 33°$ et $\widehat{PHL} = 40°$

1. Justifier que l'arrondi au décimètre de la longueur PL est égal à $3,4\ m$.

2. Calculer la longueur LM correspondant à la zone éclairée par les deux sources de lumière. On arrondira la réponse au décimètre.

3. On effectue des réglages du spot situé en F afin que M et L soient confondus (exactement au même endroit !).
Déterminer la mesure de l'angle $\widehat{CFM}$. On arrondira la réponse au degré.

Contrôle de mathématiques

Exercice n° 1 :

7 points

On pose $f(x) = (3x-5)(2x+7) - (3x-5)(1-5x)$

1. Développer et réduire $f(x)$.

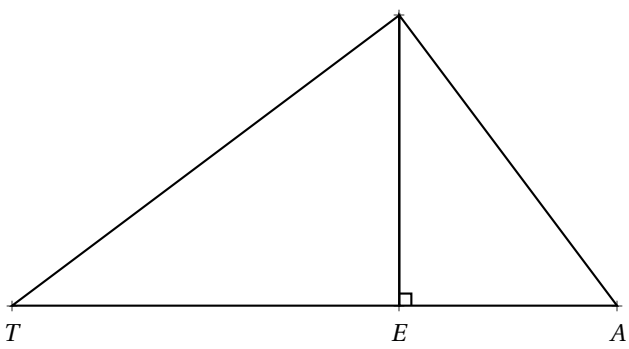
2. Calculer $f(0)$ et $f(\frac{1}{3})$.

3. Factoriser $f(x)$.

4. Résoudre l'équation : $(3x-5)(7x+6) = 0$.

Exercice n° 2 :

6 points



Sur la figure ci-dessus qui n'est pas dessinée en vraie grandeur, on sait que :

- $E \in [TA]$;
- $(LE) \perp (EA)$;
- $LT = 16\ cm$, $LA = 12\ cm$ et $TA = 20\ cm$.

1. Démontrer que le triangle LTA est rectangle.

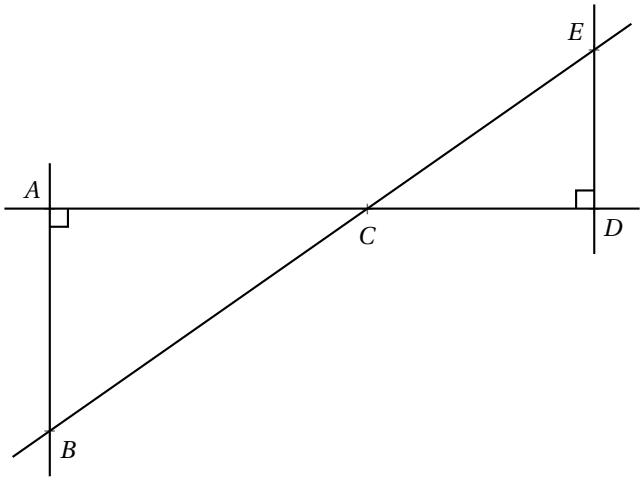
2. Donner une valeur approchée au centième près de l'angle $\widehat{LTA}$.

3. Calculer une valeur approchée au millimètre près des côtés TE et LE.

4. Donner une valeur approchée au centième près des angles $\widehat{TLE}$, $\widehat{ELA}$ et $\widehat{LAE}$.

Exercice n° 3 :

7 points



Sur la figure ci-contre, qui n'est pas dessinées en vraie grandeur, on sait que :

- Les points A, C et D sont alignés ;
- les points B, C et E sont alignés ;
- $(AB) \perp (AD)$ et $(ED) \perp (AD)$;
- $CD = 5\ m$, $CA = 7\ m$ et $\widehat{ECD} = 35°$.

1. Calculer ED et CE.
Donner une valeur approchée au centième près.

2. Démontrer que les droites (ED) et (AB) sont parallèles.

3. Calculer AB et BC.
Donner une valeur approchée au centième près.

4. Déterminer la mesure de $\widehat{ACB}$.

Contrôle de mathématiques — Correction

Exercice n° 1 : Correction

Calcul littéral

On pose $f(x) = (3x-5)(2x+7) - (3x-5)(1-5x)$

1. Développer et réduire $f(x)$.

$f(x) = \left(6x^2 + 21x - 10x - 35\right) - \left(3x - 15x^2 - 5 + 25x\right)$

Il vaut mieux protéger les calculs par des parenthèses pour éviter les erreurs causées par le signe moins.

$f(x) = 6x^2 + 21x - 10x - 35 - 3x + 15x^2 + 5 - 25x$

$\boxed{f(x) = 21x^2 - 17x - 30}$

2. Calculer $f(0)$ et $f(\frac{1}{3})$.

$\boxed{f(0) = -30}$

$f(\frac{1}{3}) = 21\left(\frac{1}{3}\right)^2 - 17 \times \frac{1}{3} - 30 = 21 \times \frac{1}{9} - \frac{17}{3} - 30 = \frac{21}{9} - \frac{17}{3} - 30 = \frac{7}{3} - \frac{17}{3} - \frac{90}{3} = \boxed{-\frac{100}{3}}$

3. Factoriser $f(x)$.

$f(x) = (3x-5)(2x+7) - (3x-5)(1-5x)$
$f(x) = (3x-5)\left((2x+7) - (1-5x)\right)$
$f(x) = (3x-5)(2x+7-1+5x)$

$\boxed{f(x) = (3x-5)(7x+6)}$

4. Résoudre l'équation : $(3x-5)(7x+6) = 0$.

$$(3x-5)(7x+6) = 0$$

Un produit de facteurs est nul si et seulement si un des facteurs est nul

$$\begin{aligned} 3x-5 &= 0 \\ 3x-5+5 &= 0+5 \\ 3x &= 5 \\ x &= \frac{5}{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 7x+6 &= 0 \\ 7x+6-6 &= 0-6 \\ 7x &= -6 \\ x &= -\frac{6}{7} \end{aligned}$$

Il y a donc deux solutions : $\boxed{\frac{5}{3} \text{ et } -\frac{6}{7}}$

Exercice n° 2 : Correction

Trigonométrie

1. Démontrer que le triangle LTA est rectangle.

Comparons $LT^2 + LA^2$ et TA^2 :

$LT^2 + LA^2$	TA^2
$16^2 + 12^2$	20^2
$256 + 144$	
400	400

Comme

$$LT^2 + LA^2 = TA^2$$

, d'après **la réciproque du théorème de Pythagore** le triangle LTA est rectangle en L.

2. Donner une valeur approchée au centième près de l'angle $\widehat{LTA}$.

Dans le triangle LTA rectangle en L, on peut utiliser une des trois méthodes suivantes :

$\cos\widehat{LTA} = \dfrac{16\ cm}{20\ cm} = 0,8$
À la calculatrice on arrive à $\widehat{LTA} \approx 36,87°$ au centième de degré près.

$\sin\widehat{LTA} = \dfrac{12\ cm}{20\ cm} = 0,6$
À la calculatrice on arrive à $\widehat{LTA} \approx 36,87°$ au centième de degré près.

$\tan\widehat{LTA} = \dfrac{12\ cm}{16\ cm} = 0,75$
À la calculatrice on arrive à $\widehat{LTA} \approx 36,87°$ au centième de degré près.

Ainsi $\widehat{LTA} \approx 36,87°$

3. Calculer une valeur approchée au millimètre près des côtés TE et LE.

Dans le triangle LTE rectangle en E on a :

$\cos 36,87° = \dfrac{TE}{16\ cm}$ donc $TE = 16\ cm \times \cos 36,87° \approx 12,8\ cm$ au millimètre près.

$\sin 36,87° = \dfrac{LE}{16\ cm}$ donc $LE = 16\ cm \times \sin 36,87° \approx 9,6\ cm$ au millimètre près.

4. Donner une valeur approchée au centième près des angles $\widehat{TLE}$, $\widehat{ELA}$ et $\widehat{LAE}$.

On sait que la somme des angles dans un triangle est égale à 180°.

Dans le triangle TLE :

$\widehat{TLE} + \widehat{LTE} + \widehat{LET} = 180°$ donc $\widehat{TLE} + 36,87° + 90° = 180°$ ainsi $\widehat{TLE} = 180° - 90° - 36,87° = 53,13°$

Dans le triangle TLA :

$\widehat{TLA} + \widehat{LTA} + \widehat{LAT} = 180°$ donc $\widehat{LAT} + 36,87° + 90° = 180°$ ainsi $\widehat{LAT} = 180° - 90° - 36,87° = 53,13°$

Dans le triangle LEA :

$\widehat{LEA} + \widehat{LAE} + \widehat{ALE} = 180°$ donc $\widehat{ELA} + 53,13° + 90° = 180°$ ainsi $\widehat{ELA} = 180° - 90° - 53,13° = 36,87°$

Exercice n° 3 : Correction

Thalès — Trigonométrie

1. Calculer ED et CE.
Donner une valeur approchée au centième près.

Dans le triangle CDE rectangle en D on a :

$\cos 35° = \dfrac{5\ m}{CE}$ donc $CE = \dfrac{5\ m}{\cos 35°} \approx 6,11\ m$ au centième près.

$\tan 35° = \dfrac{DE}{5\ m}$ donc $\boxed{DE = 5\ m \times \tan 35° \approx 3,5\ m \text{ au centième près.}}$

2. Démontrer que les droites (ED) et (AB) sont parallèles.

Les droites (ED) et (AB) sont perpendiculaires à la droite (AD).
On sait que si deux droites sont perpendiculaires à la même droite alors elles sont parallèles.

$\boxed{\text{Les droites } (ED) \text{ et } (AB) \text{ sont parallèles.}}$

3. Calculer AB et BC.
Donner une valeur approchée au centième près.

Les droites (AD) et (BE) sont sécantes en C. On sait que $(AB)//(ED)$.
D'après **le théorème de Thalès** on a :

$$\frac{CD}{CA} = \frac{CE}{CB} = \frac{DE}{AB}$$

$$\frac{5\ m}{7\ m} = \frac{6,11\ m}{CB} = \frac{3,5\ m}{AB}$$

En utilisant la règle de trois on obtient :

$CB = \dfrac{7\ m \times 6,11\ m}{5\ m}$ d'où $\boxed{CB \approx 8,55\ m}$

$AB = \dfrac{3,5\ m \times 7\ m}{5\ m}$ d'où $\boxed{AB \approx 4,9\ m}$

4. Déterminer la mesure de $\widehat{ACB}$.

Les angles $\widehat{ACB}$ et $\widehat{ECD}$ sont opposés par le sommet, ils sont donc égaux.

$\boxed{\widehat{ACB} = 35°}$

Contrôle de mathématiques

Exercice n° 1 :

7 points

On pose $f(x) = (7x-1)(3x+2) + (7x-1)(6x+3)$

1. Développer et réduire $f(x)$.

2. Calculer $f(0)$ et $f(-2)$.

3. Factoriser $f(x)$.

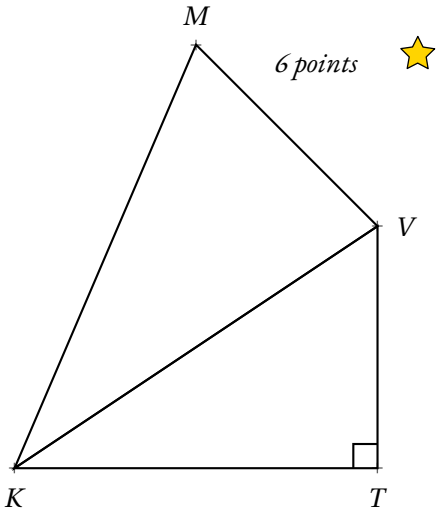
4. Résoudre l'équation : $(7x-1)(9x+5) = 0$.

Exercice n° 2 :

6 points

Sur la figure ci-contre, qui n'est pas dessinée en vraie grandeur, on sait que :

- Le triangle KTV est rectangle en T ;
- $\widehat{VKT} = 39°$;
- $KV = 76\,\text{m}$, $VM = 57\,\text{m}$ et $MK = 95\,\text{m}$



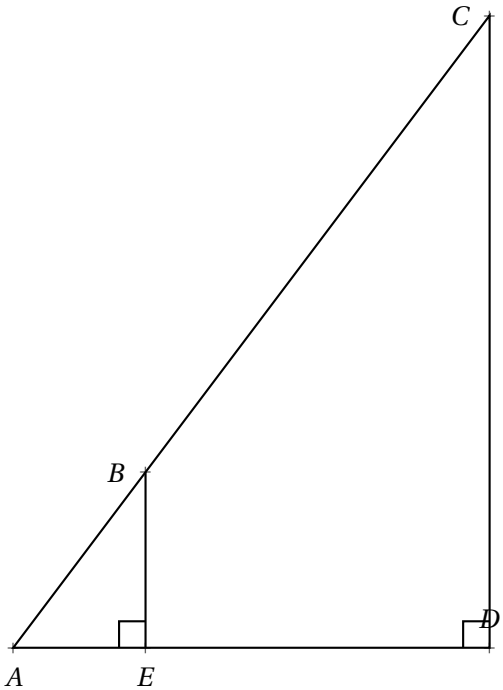
1. Calculer VT et KT. Donner la valeur exacte puis une valeur approchée au centimètre près.

2. Démontrer que le triangle KMV est rectangle.

3. Donner une valeur approchée au dixième de degré près des angles $\widehat{KMV}$ et $\widehat{VKM}$.

Exercice n° 3 :

7 points



Sur la figure ci-contre, qui n'est pas en vraie grandeur, on sait que :

- $E \in [AD]$ et $B \in [AC]$;
- AEB est rectangle en E ;
- ADC est rectangle en D ;
- $\widehat{BAE} = 53°$;
- $AE = 5\,\text{cm}$ et $ED = 13\,\text{cm}$.

1. Calculer les longueurs EB et AB et donner une valeur approchée au millimètre près.

2. Démontrer que les droites (EB) et (DC) sont parallèles.

3. Calculer les longueurs CD et AC et donner une valeur approchée au millimètre près.

Trigonométrie et calcul littéral

Exercice n° 1 :

7 points

On pose $f(x) = (7x-1)(3x+2) - (7x-1)(6x+3)$ et $g(x) = (5x-1)^2 - (4x+3)^2$

1. Développer et réduire $f(x)$ et $g(x)$.
2. Factoriser $f(x)$ et $g(x)$
3. Résoudre l'équation : $(7x-1)(-3x-1) = 0$.

Exercice n° 2 :

6 points

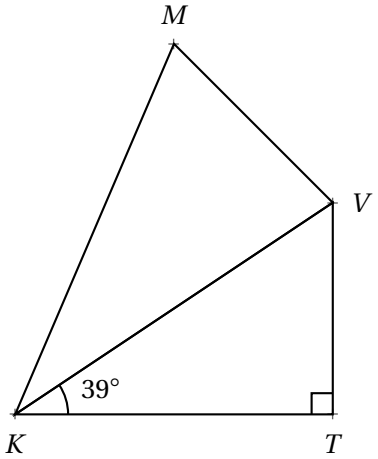
Sur la figure ci-contre, qui n'est pas dessinée en vraie grandeur, on sait que :

- Le triangle KTV est rectangle en T ;
- $\widehat{VKT} = 39°$;
- $KV = 76\,\text{m}$, $VM = 57\,\text{m}$ et $MK = 95\,\text{m}$

1. Calculer VT et KT.
Donner la valeur exacte puis une valeur approchée au centimètre près.

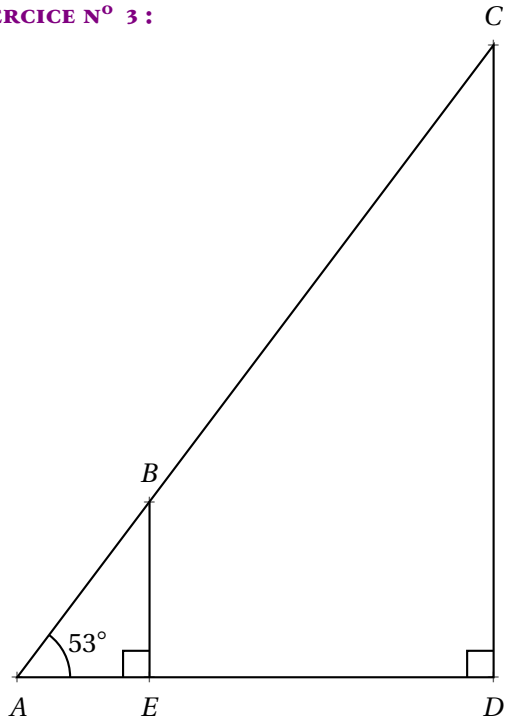
2. Démontrer que le triangle KMV est rectangle.

3. Donner une valeur approchée au dixième de degré près des angles $\widehat{KMV}$ et $\widehat{VKM}$.



Exercice n° 3 :

7 points



Sur la figure ci-contre, qui n'est pas en vraie grandeur, on sait que :

- $E \in [AD]$ et $B \in [AC]$;
- AEB est rectangle en E ;
- ADC est rectangle en D ;
- $\widehat{BAE} = 53°$;
- $AE = 5\,\text{cm}$ et $ED = 13\,\text{cm}$.

1. Calculer les longueurs EB et AB et donner une valeur approchée au millimètre près.

2. Démontrer que les droites (EB) et (DC) sont parallèles.

3. Calculer les longueurs CD et AC et donner une valeur approchée au millimètre près.

Trigonométrie et calcul littéral — Correction

Exercice n° 1 : Calcul littéral Correction

MOYEN

Développer et factoriser

1. $f(x) = (7x-1)(3x+2) - (7x-1)(6x+3)$

$f(x) = (21x^2 + 14x - 3x - 2) - (42x^2 + 21x - 6x - 3)$

$f(x) = 21x^2 + 14x - 3x - 2 - 42x^2 - 21x + 6x + 3$

$\boxed{f(x) = -21x^2 - 4x + 1}$

$g(x) = (5x-1)^2 - (4x+3)^2$

$g(x) = (5x-1)(5x-1) - (4x+3)(4x+3)$

$g(x) = (25x^2 - 5x - 5x + 1) - (16x^2 + 12x + 12x + 9)$

$g(x) = 25x^2 - 5x - 5x + 1 - 16x^2 - 12x - 12x - 9$

$\boxed{g(x) = 9x^2 - 34x - 8}$

2. Factoriser $f(x)$ et $g(x)$

$f(x) = (7x-1)(3x+2) - (7x-1)(6x+3)$

$f(x) = (7x-1)[(3x+2) - (6x+3)]$

$f(x) = (7x-1)(3x+2-6x-3)$

$\boxed{f(x) = (7x-1)(-3x-1)}$

$g(x) = (5x-1)^2 - (4x+3)^2$

$g(x) = [(5x-1) + (4x+3)][(5x-1) - (4x+3)]$

$g(x) = (5x-1+4x+3)(5x-1-4x-3)$

$\boxed{g(x) = (9x+2)(x-4)}$

3. Résoudre l'équation : $(7x-1)(9x+5) = 0$.

Un produit de facteurs est nul si et seulement si un des facteurs est nul

$$\begin{aligned} 7x - 1 &= 0 \\ 7x - 1 + 1 &= 0 + 1 \\ 7x &= 1 \\ x &= \frac{1}{7} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 9x + 5 &= 0 \\ 9x + 5 - 5 &= 0 - 5 \\ 9x &= -5 \\ x &= -\frac{5}{9} \end{aligned}$$

Il y a donc deux solutions : $\boxed{\frac{1}{7} \text{ et } -\frac{5}{9}}$

Exercice n° 2 : Trigonométrie Correction

MOYEN

Calculer un angle ou un côté avec la trigonométrie

1. Dans le triangle VTK, rectangle en T, l'hypoténuse est le côté$[VK]$.

Calcul de VT :

On connaît la mesure de l'hypoténuse VK et on cherche le côté opposé à l'angle à 39°.

$\sin 39° = \dfrac{VT}{76\,\text{m}}$ donc $\boxed{VT = 76\,\text{m} \times \sin 39° \approx 47{,}83\,\text{m au centimètre près.}}$

Calcul de KT :

On connaît la mesure de l'hypoténuse VK et on cherche le côté adjacent à l'angle à 39°.

$\cos 39° = \dfrac{KT}{76\,\text{m}}$ donc $\boxed{KT = 76\,\text{m} \times \cos 39° \approx 59{,}06\,\text{m au centimètre près.}}$

On pouvait aussi, même si je le déconseille, utiliser le théorème de Pythagore :
Dans le triangle KTV rectangle en T,
D'après **le théorème de Pythagore** on a :

$$TK^2 + TV^2 = KV^2$$

$$TK^2 + 47,83^2 = 76^2$$
$$TK^2 + 2287,7089 = 5776$$
$$TK^2 = 5776 - 2287,7089$$
$$TK^2 = 3488,2911$$
$$TK = \sqrt{3488,2911}$$
$$TK \approx 59,06$$

$$59,06^2 + TV^2 = 76^2$$
$$3488,0836 + TV^2 = 5776$$
$$TV^2 = 5776 - 3488,0836$$
$$TV^2 = 2287,9164$$
$$TV = \sqrt{2287,9164}$$
$$TV \approx 47,83$$

2. Comparons $VM^2 + VK^2$ et MK^2 :

$VM^2 + VK^2$	MK^2
$57^2 + 76^2$	95^2
$3249 + 5776$	
9025	9025

Comme $VM^2 + VK^2 = MK^2$, d'après **la réciproque du théorème de Pythagore** le triangle VKM est rectangle en V.

3. Dans le triangle VKM rectangle en V, on peut calculer au choix :

$\cos \widehat{MKV} = \dfrac{76\,\text{m}}{95\,\text{m}}$ $\quad$ $\sin \widehat{MKV} = \dfrac{57\,\text{m}}{95\,\text{m}}$ $\quad$ $\tan \widehat{MKV} = \dfrac{57\,\text{m}}{76\,\text{m}}$

$\cos \widehat{MKV} = 0,8$ $\quad$ $\sin \widehat{MKV} = 0,6$ $\quad$ $\tan \widehat{MKV} = 0,75$

Dans tous les cas, à la calculatrice, on arrive à $\widehat{MKV} \approx 36,9°$.

Exercice n° 3 : Trigonométrie, Pythagore et Thalès CORRECTION

MOYEN

Utiliser les grands résultats de la géométrie

1. Dans le triangle AEB, rectangle en E, l'hypoténuse est le côté $[AB]$.

Calcul de EB :

On connaît la mesure du côté adjacent et on cherche le côté opposé à l'angle à 53°.

$\tan 53° = \dfrac{BE}{5\,\text{cm}}$ donc $BE = 5\,\text{cm} \times \tan 53° \approx 6,6\,\text{cm}$ au millimètre près.

Calcul de AB :

On connaît la mesure du côté adjacent et on cherche l'hypoténuse.

$\cos 53° = \dfrac{5\,\text{cm}}{AB}$ donc $AB = \dfrac{5\,\text{cm}}{\cos 53°} \approx 8,3\,\text{cm}$ au millimètre près.

On pouvait aussi utiliser le théorème de Pythagore pour trouver le second côté... mais je le déconseille !

2. Les droites (EB) et (DC) sont perpendiculaires à la droite (AD).
On sait que si deux droites sont perpendiculaires à une même droite alors elles sont parallèles entre elles.

Les droites (EB) et (DC) sont parallèles.

3. On pouvait utiliser deux raisonnements :

Avec la trigonométrie :

Dans le triangle ADC, rectangle en D, l'hypoténuse est le côté $[AC]$.

Calcul de CD :

On connaît la mesure du côté adjacent $AD = AE + ED = 5\,\text{cm} + 13\,\text{cm} = 18\,\text{cm}$ et on veut le côté opposé à l'angle à 53°.

$\tan 53° = \dfrac{CD}{18\,\text{cm}}$ donc $CD = 18\,\text{cm} \times \tan 53° \approx 23{,}9\,\text{cm}$ au millimètre près.

Calcul de AC :

On connaît la mesure du côté adjacent AD et on cherche l'hypoténuse.

$\cos 53° = \dfrac{18\,\text{cm}}{AD}$ donc $AD = \dfrac{18\,\text{cm}}{\cos 53°} \approx 29{,}9\,\text{cm}$ au millimètre près.

Avec le théorème de Thalès :

Les droites (BC) et (ED) sont sécantes en A, les droites (BE) et (CD) sont parallèles,
i 'après **le théorème de Thalès** on a :

$$\frac{AE}{AD} = \frac{AB}{AC} = \frac{EB}{DC}$$

$$\frac{5\,\text{cm}}{18\,\text{cm}} = \frac{8{,}3\,\text{cm}}{AC} = \frac{6{,}6\,\text{cm}}{DC}$$

En utilisant la règle de trois on obtient :

$AC = \dfrac{8{,}3\,\text{cm} \times 18\,\text{cm}}{5\,\text{cm}}$ d'où $AC = \dfrac{149{,}4\,\text{cm}^2}{5\,\text{cm}}$ et $AC \approx 29{,}9\,\text{cm}$

$DC = \dfrac{6{,}6\,\text{cm} \times 18\,\text{cm}}{5\,\text{cm}}$ d'où $DC = \dfrac{118{,}8\,\text{cm}^2}{5\,\text{cm}}$ et $DC \approx 23{,}8\,\text{cm}$

Évaluation

Troisième

Exercice n° 1 : Calcul littéral *(7 points)*

Voici deux fonctions : $f(x) = 3x - \dfrac{3}{4}$ et $g(x) = (5x-1)(2x+3) - (5x-1)(6x-9)$.

1. Calculer $f(1)$ et $f\left(\dfrac{7}{5}\right)$

2. Montrer que $g(x) = -20x^2 + 64x - 12$

3. Calculer $g(-1)$

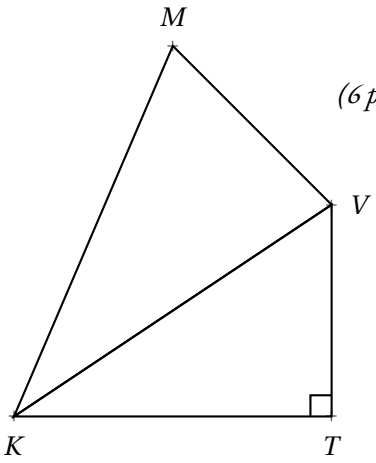
4. Factoriser $g(x)$

5. Résoudre $(5x-1)(12-4x) = 0$

Exercice n° 2 : Trigonométrie *(6 points)*

Sur la figure ci-contre, qui n'est pas dessinée en vraie grandeur, on sait que :

- Le triangle KTV est rectangle en T ;
- $\widehat{VKT} = 39°$;
- $KV = 76\,\text{m}$, $VM = 57\,\text{m}$ et $MK = 95\,\text{m}$



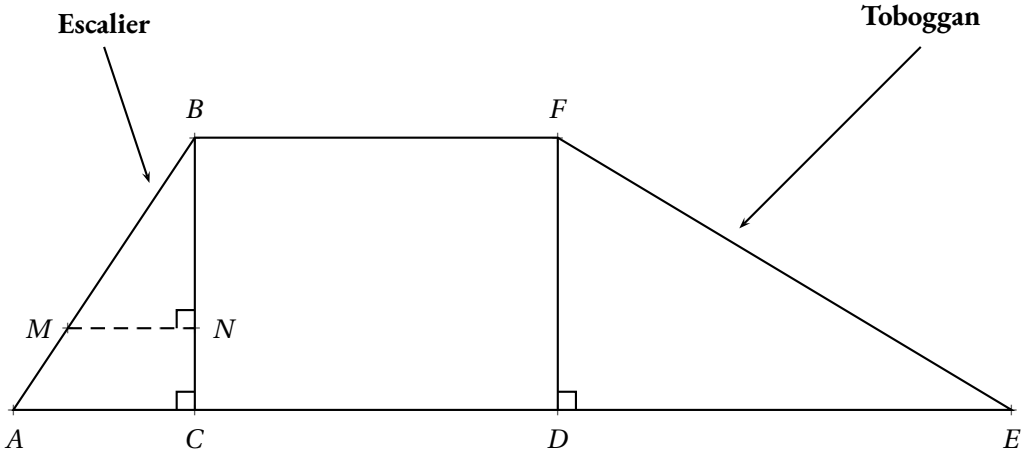
1. Calculer VT et KT. Donner la valeur exacte puis une valeur approchée au centimètre près.
2. Démontrer que le triangle KMV est rectangle.
3. Donner une valeur approchée au dixième de degré près des angles $\widehat{KMV}$ et $\widehat{VKM}$.

Exercice n° 3 : La cabane de jardin et le toboggan *(7 points)*

Les deux parties de cet exercice sont indépendantes et peuvent être traitées séparément.

Une famille souhaite installer dans son jardin la cabane ci-dessous.
La partie inférieure de cette cabane, encadrée par des pointillés sur la photo, est modélisée par le schéma à droite :





On précise que :

- $AB = 1{,}3\,\text{m}$, $AC = 0{,}5\,\text{m}$;
- $BC = DF = 1{,}2\,\text{m}$ et $DE = 2{,}04\,\text{m}$;
- Les triangles ABC, BMN et FDE sont rectangles.

Partie A : Étude du toboggan

1. Pour que le toboggan soit sécurisé, il faut que l'angle $\widehat{DEF}$ mesure 30°, au degré près. Le toboggan de cette cabane est-il sécurisé ?

2. Montrer que la rampe du toboggan, EF, mesure environ 2,37 m.

Partie B : Étude de l'échelle

Pour consolider l'échelle, on souhaite ajouter une poutre supplémentaire $[MN]$, comme indiqué sur le modèle.

1. Démontrer que les droites (AC) et (MN) sont parallèles.

2. On positionne cette poutre $[MN]$ telle que $BN = 0{,}84\,\text{m}$. Calculer sa longueur MN.

Évaluation — Correction

Exercice n° 1

Correction

Calcul littéral

Voici deux fonctions : $f(x) = 3x - \frac{3}{4}$ et $g(x) = (5x-1)(2x+3) - (5x-1)(6x-9)$.

1. Calculer $f(1)$ et $f\left(\frac{7}{5}\right)$.

$f(1) = 3 \times 1 - \frac{3}{4} = 3 - \frac{3}{4} = \frac{12}{4} - \frac{3}{4} = \boxed{\frac{9}{4}}$

$f\left(\frac{7}{5}\right) = 3 \times \frac{7}{5} - \frac{3}{4} = \frac{21}{5} - \frac{3}{4} = \frac{21 \times 4}{5 \times 4} - \frac{3 \times 5}{4 \times 5} = \frac{84}{20} - \frac{15}{20} = \boxed{\frac{69}{20}}$

2. Montrer que $g(x) = -20x^2 + 64x - 12$

$g(x) = (5x-1)(2x+3) - (5x-1)(6x-9)$.
$g(x) = (10x^2 + 15x - 2x - 3) - (30x^2 - 45x - 6x + 9)$
$g(x) = 10x^2 + 15x - 2x - 3 - 30x^2 + 45x + 6x - 9$

$\boxed{g(x) = -20x^2 + 64x - 12}$

3. Calculer $g(-1)$

$g(-1) = -20 \times (-1)^2 + 64 \times (-1) - 12 = -20 \times 1 - 64 - 12 = -20 - 64 - 12 = \boxed{-96}$

4. Factoriser $g(x)$

$g(x) = (5x-1)(2x+3) - (5x-1)(6x-9)$.
$g(x) = (5x-1)\left[(2x+3) - (6x-9)\right]$
$g(x) = (5x-1)(2x+3-6x+9)$

$\boxed{g(x) = (5x-1)(12-4x)}$

5. Résoudre $(5x-1)(12-4x) = 0$

$$(5x-1)(12-4x) = 0$$

Un produit de facteurs est nul si et seulement si un des facteurs est nul

$$\begin{aligned} 5x - 1 &= 0 \\ 5x - 1 + 1 &= 0 + 1 \\ 5x &= 1 \\ x &= \frac{1}{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 12 - 4x &= 0 \\ 12 - 4x - 12 &= 0 - 12 \\ -4x &= -12 \\ x &= \frac{-12}{-4} \\ x &= 3 \end{aligned}$$

Il y a donc deux solutions : $\boxed{\frac{1}{5} \text{ et } 3}$

Exercice n° 2 — Correction

Trigonométrie

1. Dans le triangle KTV rectangle en T.

Pour calculer KT, on connaît la mesure de l'hypoténuse KV et on cherche le côté adjacent à l'angle $\widehat{VKT}$.

$\cos 39° = \dfrac{KT}{76\,\text{m}}$, ainsi $\boxed{KT = 76\,\text{m} \times \cos 39° \approx 59{,}06\,\text{m au centimètre près.}}$

Pour calculer VT, on connaît la mesure de l'hypoténuse KV et on cherche le côté opposé à l'angle $\widehat{VKT}$.

$\sin 39° = \dfrac{VT}{76\,\text{m}}$, ainsi $\boxed{VT = 76\,\text{m} \times \sin 39° \approx 47{,}83\,\text{m au centimètre près.}}$

2.
Comparons $VM^2 + VK^2$ et MK^2 :

$VM^2 + VK^2$	MK^2
$57^2 + 76^2$	95^2
$3249 + 5776$	
9025	9025

Comme

$$VM^2 + VK^2 = MK^2$$

D'après **la réciproque du théorème de Pythagore**, $\boxed{\text{le triangle } VMK \text{ est rectangle en } V}$.

3. Dans le triangle KMV rectangle en V.

Pour l'angle $\widehat{KMV}$, on pouvait raisonner de l'une des trois manières suivantes :

On connaît le côté adjacent MV et l'hypoténuse MK.

$\cos \widehat{KMV} = \dfrac{57\,\text{m}}{95\,\text{m}}$

À la calculatrice on trouve $\widehat{KMV} \approx 53{,}1°$.

On connaît le côté opposé KV et l'hypoténuse MK.

$\sin \widehat{KMV} = \dfrac{76\,\text{m}}{95\,\text{m}}$

À la calculatrice on trouve $\widehat{KMV} \approx 53{,}1°$.

On connaît le côté adjacent MV et le côté opposé KV.

$\tan \widehat{KMV} = \dfrac{76\,\text{m}}{57\,\text{m}}$

À la calculatrice on trouve $\widehat{KMV} \approx 53{,}1°$.

Finalement $\boxed{\widehat{VKM} = 90° - 53{,}1° = 36{,}9°}$.

Exercice n° 3 — Correction

La cabane de jardin et le toboggon

Partie A

1. Dans le triangle FDE rectangle en D, on connaît le côté adjacent et le côté opposé à l'angle $\widehat{DEF}$. Nous allons calculer la tangente de cet angle.

$$\tan\widehat{DEF} = \frac{DF}{DE}$$

$$\tan\widehat{DEF} = \frac{1{,}2\,\text{m}}{2{,}04\,\text{m}}$$

À la calculatrice, on arrive à $\widehat{DEF} \approx 30°$ au degré près. Le toboggan est donc bien sécurisé.

2. Dans le triangle FDE rectangle en D,
D'après **le théorème de Pythagore** on a :

$$DF^2 + DE^2 = FE^2$$
$$1{,}2^2 + 2{,}04^2 = FE^2$$
$$1{,}44 + 4{,}1616 = FE^2$$
$$FE^2 = 5{,}6016$$
$$FE = \sqrt{5{,}6016}$$
$$FE \approx 2{,}367$$

EF mesure environ 2,37 m au centimètre près.

Partie B

1. Les droites (MN) et (AC) sont perpendiculaires à la droite (BC).
On sait que **Si deux droites sont perpendiculaires à une même droite, alors elles sont parallèles entre elles.**

Les droites (MN) et (AC) sont parallèles.

2. Les droites (MA) et (NC) sont sécantes en B, les droites (MN) et (AC) sont parallèles,
D'après **le théorème de Thalès** on a :

$$\frac{BN}{BC} = \frac{BM}{BA} = \frac{NM}{CA}$$

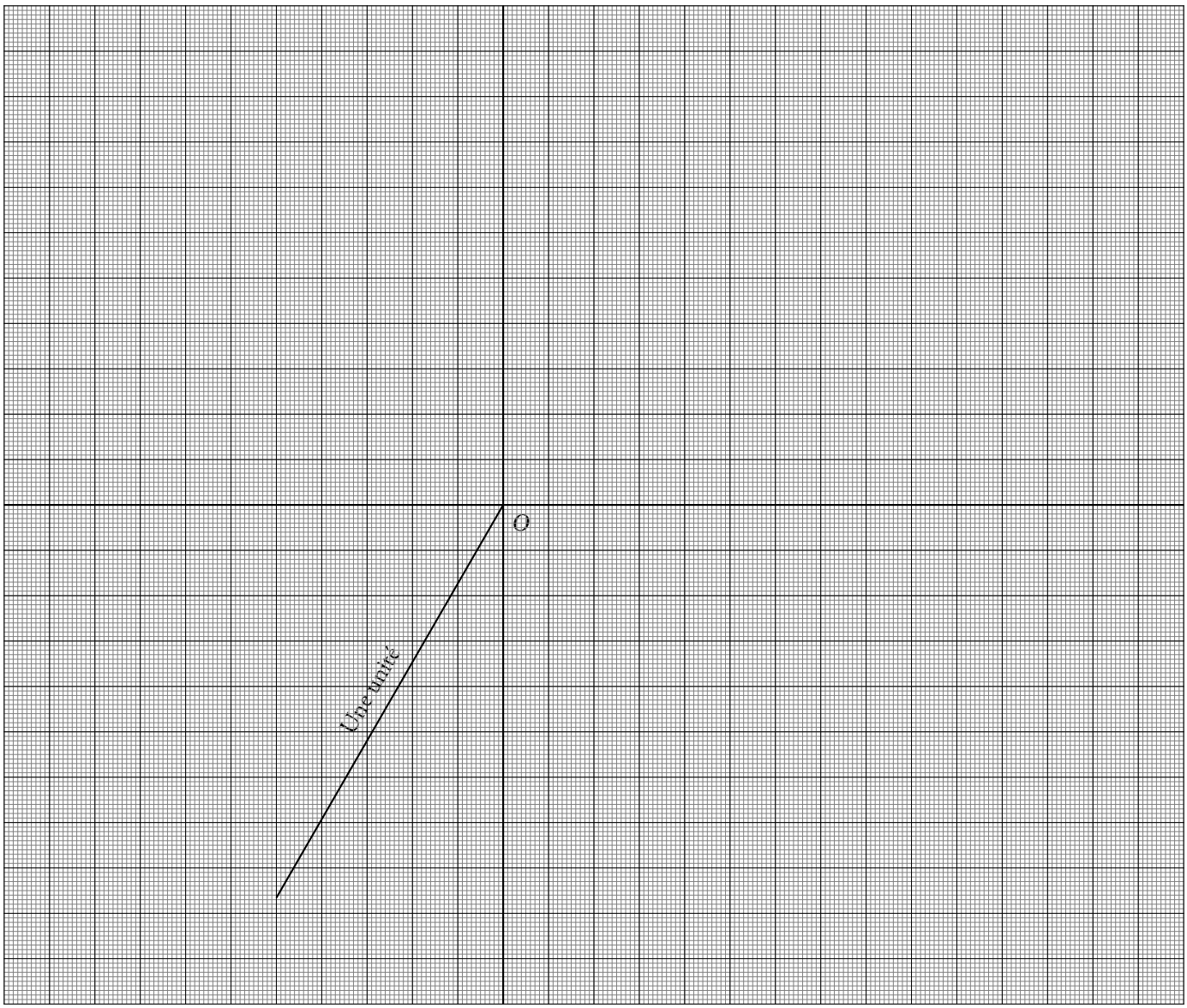
$$\frac{0{,}84\,\text{m}}{1{,}2\,\text{m}} = \frac{BM}{BA} = \frac{MN}{0{,}5\,\text{m}}$$

En utilisant la règle de trois on obtient :

$$MN = \frac{0{,}5\,\text{m} \times 0{,}84\,\text{m}}{1{,}2\,\text{m}} \text{ d'où } MN = \frac{0{,}42\,\text{m}^2}{1{,}2\,\text{m}} \text{ et } MN = 0{,}35\,\text{m}$$

La barre de renfort MN mesure 0,35 m=35 cm

Le cercle trigonométrique



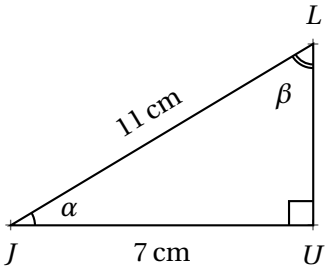
Exercices

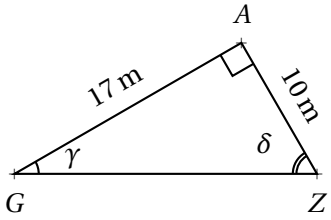
Trigonométrie

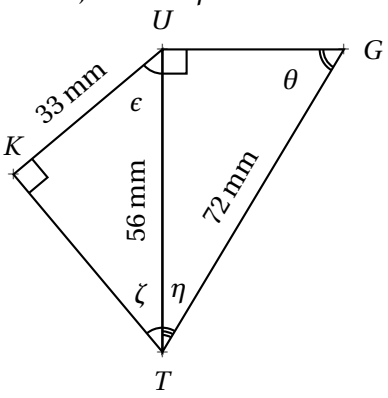
Troisième

Exercice n° 1 : Calculer la mesure d'un angle

Pour chacune des figures suivantes, déterminer, en justifiant votre réponse, une valeur approchée des angles marqués par une lettre grecque, au dixième de degré près. (α : alpha — β : beta — γ : gamma — δ : delta — ϵ : epsilon — ζ : zeta — η : eta — θ : theta)

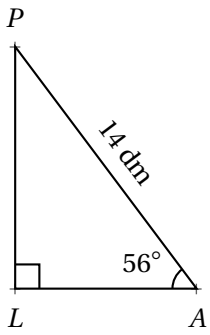


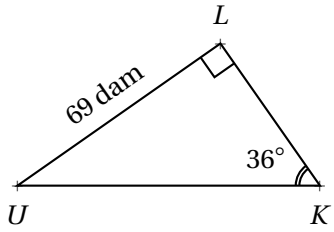


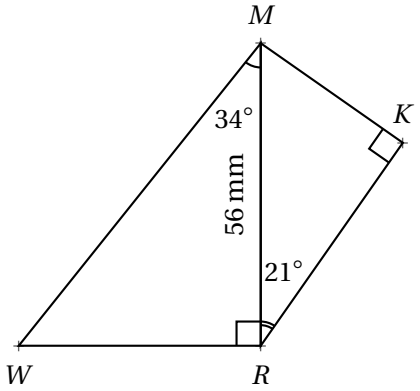


Exercice n° 2 : Calculer la mesure d'un côté

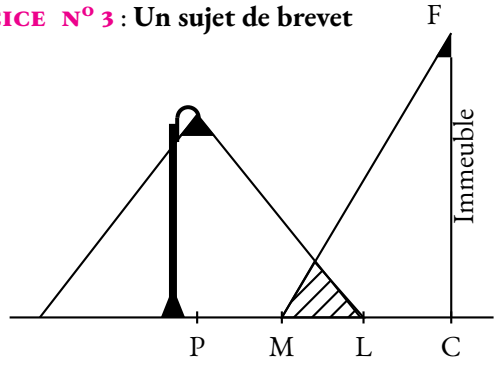
Pour chacune des figures suivantes, déterminer par le calcul, en justifiant votre réponse, la valeur exacte puis une valeur approchée au dixième d'unité près, de chacune des mesures des côtés des triangles rectangles.







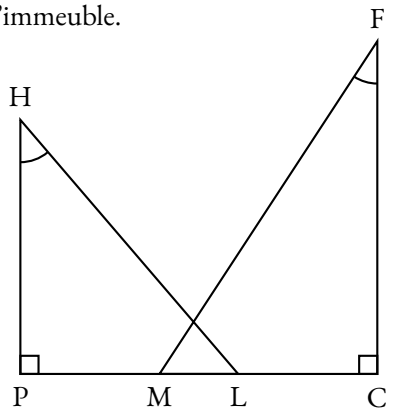
Exercice n° 3 : Un sujet de brevet



On réalise le croquis ci-contre qui n'est pas à l'échelle, pour modéliser la situation :
On dispose des données suivantes :

$PC = 5{,}5\ m$, $CF = 5\ m$, $HP = 4\ m$ et $\widehat{MFC} = 33°$ et $\widehat{PHL} = 40°$

On s'intéresse à la zone au sol qui est éclairée la nuit par deux sources de lumière : le lampadaire de la rue et le spot fixé en F sur la façade de l'immeuble.



1. Justifier que l'arrondi au décimètre de la longueur PL est égal à $3{,}4\ m$.
2. Calculer la longueur LM correspondant à la zone éclairée par les deux sources de lumière. On arrondira la réponse au décimètre.
3. On effectue des réglages du spot situé en F afin que M et L soient confondus (exactement au même endroit !).
Déterminer la mesure de l'angle $\widehat{CFM}$. On arrondira la réponse au degré.

Exercices — Correction

Exercice n° 1

Correction

Calculer la mesure d'une angle

Dans le triangle JLU rectangle en U.

On connaît le côté adjacent à l'angle α et l'hypoténuse du triangle, on peut donc calculer $\cos\alpha$
$\cos\alpha = \dfrac{7\,\text{cm}}{11\,\text{cm}}$, à la calculatrice on obtient $\boxed{\alpha \approx 50,5°}$

On connaît le côté opposé à l'angle β et l'hypoténuse du triangle, on peut donc calculer $\sin\beta$
$\sin\beta = \dfrac{7\,\text{cm}}{11\,\text{cm}}$, à la calculatrice on obtient $\boxed{\beta \approx 39,5°}$

Comme attendu, on constate que α et β sont complémentaires, c'est à dire que $50,5° + 39,5° = 90°$.

Dans le triangle GAZ rectangle en A.

On connaît le côté adjacent à l'angle γ et le côté opposé, on peut donc calculer $\tan\gamma$
$\tan\gamma = \dfrac{10\,\text{m}}{17\,\text{m}}$, à la calculatrice on obtient $\boxed{\gamma \approx 30,5°}$

On connaît le côté opposé à l'angle δ et le côté opposé, on peut donc calculer $\tan\delta$
$\tan\delta = \dfrac{17\,\text{m}}{10\,\text{m}}$, à la calculatrice on obtient $\boxed{\delta \approx 59,5°}$

Comme attendu, on constate que γ et δ sont complémentaires, c'est à dire que $30,5° + 59,5° = 90°$.

Dans le triangle KUT rectangle en K.

On connaît le côté adjacent à l'angle ϵ et l'hypoténuse du triangle, on peut donc calculer $\cos\epsilon$
$\cos\epsilon = \dfrac{33\,\text{mm}}{56\,\text{mm}}$, à la calculatrice on obtient $\boxed{\epsilon \approx 53,9°}$

On connaît le côté opposé à l'angle ζ et l'hypoténuse du triangle, on peut donc calculer $\sin\zeta$
$\sin\zeta = \dfrac{33\,\text{mm}}{56\,\text{mm}}$, à la calculatrice on obtient $\boxed{\zeta \approx 36,1°}$

Comme attendu, on constate que ϵ et ζ sont complémentaires, c'est à dire que $53,9° + 36,1° = 90°$.

Dans le triangle TUG rectangle en U.

On connaît le côté adjacent à l'angle η et l'hypoténuse du triangle, on peut donc calculer $\cos\eta$
$\cos\eta = \dfrac{56\,\text{mm}}{72\,\text{mm}}$, à la calculatrice on obtient $\boxed{\eta \approx 38,9°}$

On connaît le côté opposé à l'angle θ et l'hypoténuse du triangle, on peut donc calculer $\sin\theta$
$\sin\theta = \dfrac{56\,\text{mm}}{72\,\text{mm}}$, à la calculatrice on obtient $\boxed{\theta \approx 51,1°}$

Comme attendu, on constate que η et θ sont complémentaires, c'est à dire que $38,9° + 51,1° = 90°$.

Exercice n° 2

Correction

Calculer la mesure d'un côté

Dans le triangle PLA rectangle en L

Calculons LA

On connaît la mesure de l'hypoténuse PA.
On cherche la mesure de LA le côté adjacent à l'angle à 56°.

$$\cos 56° = \frac{LA}{14\,\text{dm}}$$

Ainsi $\boxed{LA = 14\,\text{dm} \times \cos 56° \approx 7{,}8\,\text{dm}}$

Calculons PL

On connaît la mesure de l'hypoténuse PA.
On cherche la mesure de PL le côté opposé à l'angle à 56°.

$$\sin 56° = \frac{PL}{14\,\text{dm}}$$

Ainsi $\boxed{PL = 14\,\text{dm} \times \sin 56° \approx 11{,}6\,\text{dm}}$

Dans le triangle ULK rectangle en L

Calculons LK

On connaît la mesure de LU le côté opposé à l'angle à 36°.
On cherche la mesure de LK le côté adjacent à l'angle à 36°.

$$\tan 36° = \frac{69\,\text{dam}}{LK}$$

Ainsi $\boxed{LK = \dfrac{69\,\text{dam}}{\tan 36°} \approx 95\,\text{dam}}$

Calculons UK

On connaît la mesure de LU le côté opposé à l'angle à 36°.
On cherche la mesure de UK, l'hypoténuse du triangle.

$$\sin 36° = \frac{69\,\text{dam}}{UK}$$

Ainsi $\boxed{UK = \dfrac{69\,\text{dam}}{\sin 36°} \approx 117{,}4\,\text{dam}}$

Dans le triangle WRM rectangle en R

Calculons WM

On connaît la mesure de MR le côté adjacent à l'angle à 34°.
On cherche la mesure de WM l'hypoténuse du triangle.

$$\cos 34° = \frac{56\,\text{mm}}{WM}$$

Ainsi $\boxed{WM = \dfrac{56\,\text{mm}}{\cos 34°} \approx 67{,}5\,\text{mm}}$

Calculons WR

On connaît la mesure de MR le côté adjacent à l'angle à 34°.
On cherche la mesure de WR le côté opposé à l'angle à 34°.

$$\tan 34° = \frac{WR}{56\,\text{mm}}$$

Ainsi $\boxed{WR = 56\,\text{mm} \times \tan 34° \approx 37{,}8\,\text{mm}}$

Dans le triangle MKR rectangle en K

Calculons MK

On connaît la mesure de MR l'hypoténuse du triangle.
On cherche la mesure de MK le côté opposé à l'angle à 21°.

$$\sin 21° = \frac{MK}{56\,\text{mm}}$$

Ainsi $\boxed{MK = 56\,\text{mm} \times \sin 21° \approx 20\,\text{mm}}$

Calculons RK

On connaît la mesure de MR l'hypoténuse du triangle.
On cherche la mesure de RK, le côté adjacent de l'angle à 21°.

$$\cos 21° = \frac{RK}{56\,\text{mm}}$$

Ainsi $\boxed{RK = 56\,\text{mm} \times \cos 21° \approx 52{,}3\,\text{mm}}$

Exercice n° 3

Correction

Un sujet de brevet

1. Dans le triangle HPL rectangle en P.
On connaît la mesure HP du côté adjacent à l'angle $\widehat{PHL}$.
On cherche la mesure PL du côté opposé à l'angle $\widehat{PHL}$.

$\tan\widehat{PHL} = \dfrac{PL}{HP}$, $\tan 40° = \dfrac{PL}{4\,\text{m}}$ d'où $\boxed{PL = 4\,\text{m} \times \tan 40° \approx 3{,}4\,\text{m}}$

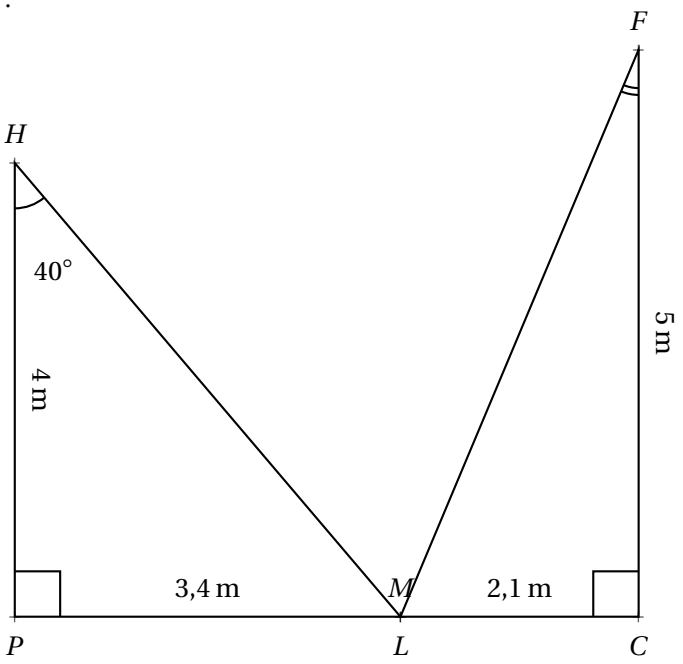
2. On sait que $PC = 5{,}5\,\text{m}$ et que $PL \approx 3{,}4\,\text{m}$.
On a donc $LC = PC - PL \approx 5{,}5\,\text{m} - 3{,}4\,\text{m} \approx 2{,}1\,\text{m}$.

Il reste à calculer MC.
Dans le triangle FMC rectangle en C.
On connaît la mesure FC du côté adjacent à l'angle $\widehat{MFC}$.
On cherche la mesure MC du côté opposé à l'angle $\widehat{MFC}$.

$\tan\widehat{MFC} = \dfrac{MC}{FC}$, $\tan 33° = \dfrac{MC}{5\,\text{m}}$ d'où $\boxed{MC = 5\,\text{m} \times \tan 33° \approx 3{,}2\,\text{m}}$

Finalement $\boxed{ML = MC - LC \approx 3{,}2\,\text{m} - 2{,}1\,\text{m} \approx 1{,}1\,\text{m}}$

3. On souhaite obtenir la figure suivante :



Dans le triangle FLC rectangle en C.
On connaît la mesure FC du côté adjacent à l'angle $\widehat{MFC}$.
On connaît la mesure LC du côté opposé à l'angle $\widehat{MFC}$.

$\tan\widehat{MFC} = \dfrac{LC}{FC} = \dfrac{2{,}1\,\text{m}}{5\,\text{m}}$.

À la calculatrice on trouve $\boxed{\widehat{MFC} \approx 23°}$.



Tables de trigonométrie

Troisième

Culture

Mes intentions sont claires



Tables de trigonométrie — Correction

✧✧✧

Culture

Avant l'apparition des calculatrices dans les salles de classes dans les années 80, les élèves utilisaient des tables de trigonométrie. Voici les valeurs arrondies au millième près des cosinus, sinus et tangentes des angles compris entre 0° et 90°. En utilisant la calculatrice on obtient un niveau de précision bien supérieur, mais le principe est le même. On peut imaginer que la calculatrice consulte une telle table quand on utilise les touche cosinus, sinus ou tangente.

Angle	Cosinus	Sinus	Tangente
0°	1,0000	0,0000	0,0000
1°	0,9998	0,0175	0,0175
2°	0,9994	0,0349	0,0349
3°	0,9986	0,0523	0,0524
4°	0,9976	0,0698	0,0699
5°	0,9962	0,0872	0,0875
6°	0,9945	0,1045	0,1051
7°	0,9925	0,1219	0,1228
8°	0,9903	0,1392	0,1405
9°	0,9877	0,1564	0,1584
10°	0,9848	0,1736	0,1763
11°	0,9816	0,1908	0,1944
12°	0,9781	0,2079	0,2126
13°	0,9744	0,2250	0,2309
14°	0,9703	0,2419	0,2493
15°	0,9659	0,2588	0,2679
16°	0,9613	0,2756	0,2867
17°	0,9563	0,2924	0,3057
18°	0,9511	0,3090	0,3249
19°	0,9455	0,3256	0,3443
20°	0,9397	0,3420	0,3640
21°	0,9336	0,3584	0,3839
22°	0,9272	0,3746	0,4040
23°	0,9205	0,3907	0,4245
24°	0,9135	0,4067	0,4452
25°	0,9063	0,4226	0,4663
26°	0,8988	0,4384	0,4877
27°	0,8910	0,4540	0,5095
28°	0,8829	0,4695	0,5317
29°	0,8746	0,4848	0,5543
30°	0,8660	0,5000	0,5774
31°	0,8572	0,5150	0,6009
32°	0,8480	0,5299	0,6249
33°	0,8387	0,5446	0,6494
34°	0,8290	0,5592	0,6745
35°	0,8192	0,5736	0,7002
36°	0,8090	0,5878	0,7265
37°	0,7986	0,6018	0,7536
38°	0,7880	0,6157	0,7813
39°	0,7771	0,6293	0,8098
40°	0,7660	0,6428	0,8391
41°	0,7547	0,6561	0,8693
42°	0,7431	0,6691	0,9004
43°	0,7314	0,6820	0,9325
44°	0,7193	0,6947	0,9657
45°	0,7071	0,7071	1,0000

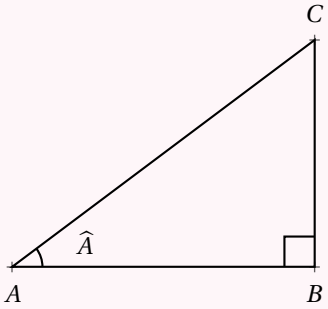
Angle	Cosinus	Sinus	Tangente
45°	0,7071	0,7071	1,0000
46°	0,6947	0,7193	1,0355
47°	0,6820	0,7314	1,0724
48°	0,6691	0,7431	1,1106
49°	0,6561	0,7547	1,1504
50°	0,6428	0,7660	1,1918
51°	0,6293	0,7771	1,2349
52°	0,6157	0,7880	1,2799
53°	0,6018	0,7986	1,3270
54°	0,5878	0,8090	1,3764
55°	0,5736	0,8192	1,4281
56°	0,5592	0,8290	1,4826
57°	0,5446	0,8387	1,5399
58°	0,5299	0,8480	1,6003
59°	0,5150	0,8572	1,6643
60°	0,5000	0,8660	1,7321
61°	0,4848	0,8746	1,8040
62°	0,4695	0,8829	1,8807
63°	0,4540	0,8910	1,9626
64°	0,4384	0,8988	2,0503
65°	0,4226	0,9063	2,1445
66°	0,4067	0,9135	2,2460
67°	0,3907	0,9205	2,3559
68°	0,3746	0,9272	2,4751
69°	0,3584	0,9336	2,6051
70°	0,3420	0,9397	2,7475
71°	0,3256	0,9455	2,9042
72°	0,3090	0,9511	3,0777
73°	0,2924	0,9563	3,2709
74°	0,2756	0,9613	3,4874
75°	0,2588	0,9659	3,7321
76°	0,2419	0,9703	4,0108
77°	0,2250	0,9744	4,3315
78°	0,2079	0,9781	4,7046
79°	0,1908	0,9816	5,1446
80°	0,1736	0,9848	5,6713
81°	0,1564	0,9877	6,3138
82°	0,1392	0,9903	7,1154
83°	0,1219	0,9925	8,1443
84°	0,1045	0,9945	9,5144
85°	0,0872	0,9962	11,4301
86°	0,0698	0,9976	14,3007
87°	0,0523	0,9986	19,0811
88°	0,0349	0,9994	28,6363
89°	0,0175	0,9998	57,2900
90°	0,0000	1,0000	

Trigonométrie

Définition

Dans un triangle ABC rectangle en B :

- le plus long côté du triangle, opposé à l'angle droit est l'hypoténuse ;
- le côté de l'angle droit étant un côté de l'angle $\widehat{A}$ est le côté adjacent à l'angle $\widehat{A}$;
- le côté de l'angle droit n'étant pas un côté de l'angle $\widehat{A}$ est le côté opposé à l'angle $\widehat{A}$.



- $[AC]$ est l'hypoténuse du triangle ;
- $[AB]$ est le côté adjacent à l'angle $\widehat{A}$;
- $[BC]$ est le côté opposé à l'angle $\widehat{A}$;
- $[BC]$ est le côté adjacent à l'angle $\widehat{C}$;
- $[AB]$ est le côté opposé à l'angle $\widehat{C}$;

Dans un triangle rectangle ABC rectangle en B, il existe trois grandeurs qui ne dépendent que de l'angle $\widehat{A}$ que l'on nomme cosinus, sinus et tangente de l'angle $\widehat{A}$. La connaissance de l'une de ces grandeurs permet de retrouver la mesure de l'angle $\widehat{A}$ ou la longueur d'un côté du triangle ABC.
On les définit ainsi :

$$\cos\widehat{A} = \frac{\text{Côté adjacent à l'angle } \widehat{A}}{\text{Hypoténuse}}$$

$$\sin\widehat{A} = \frac{\text{Côté opposé à l'angle } \widehat{A}}{\text{Hypoténuse}}$$

$$\tan\widehat{A} = \frac{\text{Côté opposé à l'angle } \widehat{A}}{\text{Côté adjacent à l'angle } \widehat{A}}$$

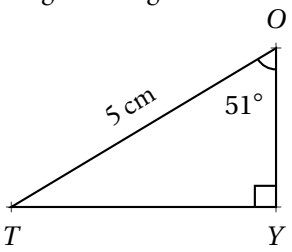
Moyen mnémotechnique :
L'acronyme suivant permet de se souvenir facilement de ces trois définitions :

C A H S O H T O A

C pour cosinus, S pour sinus et T pour tangente.
A pour adjacent, O pour opposé et H pour hypoténuse.

Usages :
Pour calculer la longueur d'un côté connaissant un côté et un angle

TOY un triangle rectangle en T.



Calculons la longueur OY :

On connaît la mesure de l'hypoténuse, on veut celle du côté adjacent à l'angle à 51°. On utilise donc le **cosinus**.

$\cos 51° = \dfrac{OY}{5\ cm}$ soit $\boxed{OY = 5\ cm \times \cos 51°}$

Finalement $OY \approx 3{,}15\ cm$

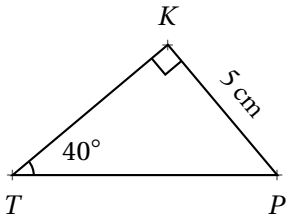
Calculons la longueur TY :

On connaît la mesure de l'hypoténuse, on veut celle du côté opposé à l'angle à 51°. On utilise donc le **sinus**.

$\sin 51° = \dfrac{TY}{5\ cm}$ soit $\boxed{TY = 5\ cm \times \sin 51°}$

Finalement $TY \approx 3{,}89\ cm$

KPT un triangle rectangle en K.



Calculons la longueur TP :

On connaît la mesure du côté opposé à l'angle à 40°, on veut celle de l'hypoténuse. On utilise donc le **sinus**.

$\sin 40° = \dfrac{5\ cm}{TP}$ soit $\boxed{TP = \dfrac{5\ cm}{\sin 40°}}$

Finalement $TP \approx 7{,}78\ cm$

Calculons la longueur TK :

On connaît la mesure du côté opposé à l'angle à 40°, on veut celle du côté adjacent à l'angle à 40°. On utilise donc la **tangente**.

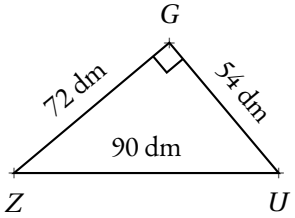
$\tan 40° = \dfrac{5\ cm}{TK}$ soit $\boxed{TK = \dfrac{5\ cm}{\tan 40°}}$

Finalement $TK \approx 5{,}96\ cm$

Pour résoudre une équation du type $5 = \dfrac{x}{7}$ ou $8 = \dfrac{7}{x}$, on écrit chaque membre comme une fraction, $\dfrac{5}{1} = \dfrac{x}{7}$ et $\dfrac{8}{1} = \dfrac{7}{x}$ puis on utilise la règle de trois !

Pour calculer la mesure d'un angle connaissant deux côtés

ZUG un triangle rectangle en G.



Calculons la mesure des angles $\widehat{UZG}$ et $\widehat{GUZ}$.

On peut calculer au choix soit le cosinus, le sinus ou la tangente de chacun de ces angles.

Ainsi $\cos\widehat{UZG} = \dfrac{72\ dm}{90\ dm} = 0{,}8$.

À la calculatrice on trouve $\boxed{\widehat{UZG} \approx 36{,}87°}$

Il faut saisir seconde cos 0,8

Comme $\widehat{UZG}$ et $\widehat{GUZ}$ sont complémentaires,
$\widehat{GUZ} = 90° - 36{,}87° = 53{,}13°$

Informations légales

— **Auteur :** Fabrice ARNAUD
— **Web :** pi.ac3j.fr
— **Mail :** contact@ac3j.fr
— **Dernière modification :** 12 novembre 2026 à 20:43

Ce document a été écrit pour LaTeXavec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.2141
Il a été compilé sous Linux Ubuntu Resolute Raccoon (Le Raton Laveur résolu) 26.04 avec la distribution TeX Live 2025.20260124 et LuaTex 1.22.0

Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim.

J'aimerais beaucoup rendre disponibles mes sources en TeX. Dans un monde idéal, je le ferai immédiatement. J'ai plusieurs fois constaté que des pilleurs du Net me volent mes fichiers pdf, retirent cette dernière page de licence, pour les mettre en ligne et parfois même les rendre payants. N'ayant pas les moyens de mettre un cabinet d'avocats sur cette contravention à la licence CC BY-NC-SA 4.0, je fais le choix de ne pas rendre mes sources disponibles.
La plupart des pdf proposés sur ce blog ne contiennent aucun filigrane, je ne les signe pas. Cela permet aux collègues, aux parents, aux élèves, de disposer d'un document anonyme dont chacun peut disposer en respectant la licence qui est particulièrement souple pour les utilisateurs non commerciaux. Je me suis contenté d'ajouter mes références sur cette dernière page. Seules les corrections d'examens contiennent un filigrane vertical. J'ai en effet constaté que certains sites peu scrupuleux, vendaient mes corrections alors qu'elles sont disponibles librement et gratuitement sur mon site. Cette solution est insatisfaisante, je n'ai pas trouvé mieux !
Les QR codes présents sur certains documents pointent vers le fichier pdf lui-même et sa correction. Ce lien ne pointe ni vers une page de mon blog ni vers une quelconque publicité. Vous pouvez le laisser si vous souhaitez que vos élèves accèdent au document en ligne avec sa correction.
Si vous êtes un enseignant et que vous diffusez ce document dans le cadre strict de votre établissement scolaire, inutile de vous poser des questions sur la licence ci-dessous ! Dans la mesure où vous limitez cette diffusion à votre classe ou un environnement numérique de travail privé, n'hésitez pas à vous servir !

Licence CC BY-NC-SA 4.0



Attribution
Pas d'Utilisation Commerciale
Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

Partager — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats
Adapter — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

Attribution — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.
Pas d'Utilisation Commerciale — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.
Partage dans les Mêmes Conditions — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les même conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.
Pas de restrictions complémentaires — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Oeuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/deed.fr

Comment créditer cette œuvre ?

Ce document, **Cours.pdf**, a été crée par **Fabrice ARNAUD (contact@ac3j.fr)** le 12 novembre 2026 à 20:43.
Il est disponible en ligne sur **pi.ac3j.fr**, **Le blog de Fabrice ARNAUD**.
Adresse de l'article : **https://pi.ac3j.fr/mathematiques-college**