Chapitre XIII

Le reste

Sommaire

Prépa brevet **496**
Instruction en famille : Le robot Sora-Q **519**
Tâche complexe : La salle de classe **524**
Curiosité mathématique : Le polyèdre de Szilassi **526**
Exercices **534**
Troisième — Fiche de synthèse : Grandeurs simples et composées 535

En attendant le brevet ... — Épisode 1

Exercice n° 1 — Calcul littéral — Fonctions, développer, factoriser et résoudre

Première partie : On pose $h(x) = 7x - 9$

1. Calculer l'image de 0 et l'image de 5 par la fonction h.

2. Calculer $h(-3)$ et $h(8)$.

3. Déterminer l'antécédent de 40 par la fonction h.

4. Déterminer l'antécédent de 0 par la fonction h.

Deuxième partie : On pose $f(x) = (5x-1)(3x+5) - (6x-1)(5x-1)$

1. Développer et réduire $f(x)$.

2. Calculer $f(0)$ et $f(-2)$ en justifiant vos calculs.

3. À l'aide de la calculatrice et de la forme développée, compléter le tableau suivant :

x	-7	-6	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7
$f(x)$															

4. Quelle formule a été saisie dans la cellule B2 puis recopiée vers la droite ?

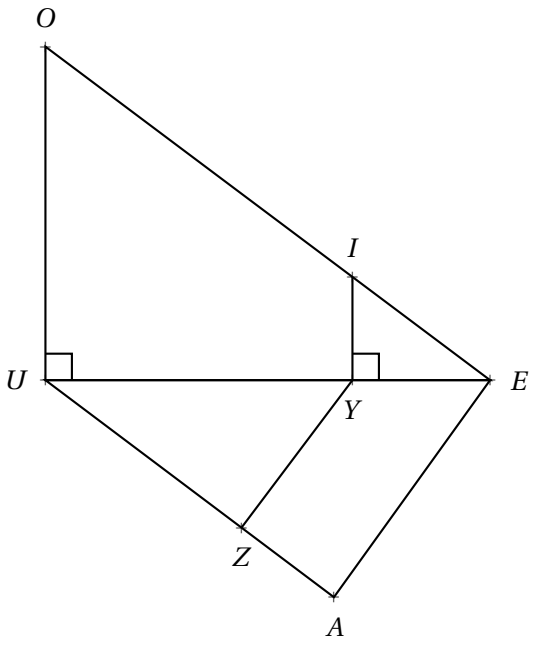
	A	B	C	D	E	F
1	x	6	7	8	9	10
2	f(x)	-348	-510	-702	-924	-1176

5. Factoriser $f(x)$.

6. Résoudre l'équation $(5x-1)(-3x+6) = 0$

7. Quels sont les antécédents de 0 par la fonction f ?

Exercice n° 2 — Géométrie plane — Théorème de Pythagore et Thalès, réciproque et contraposé



Sur la figure ci-contre, qui n'est pas en vraie grandeur on sait que :

- IYE est un triangle rectangle en Y ;
- EUO est un triangle rectangle en U ;
- les points E, Y et U sont alignés ;
- les points E, I et O sont alignés ;
- $YE = 52$ m, $IE = 65$ m et $UE = 168$ m ;
- $UZ = 94$ m, $AE = 102$ m et $AU = 136$ m.

1. Démontrer que $IY = 39$ m.

2. Expliquer pourquoi $(IY)//(UO)$.

3. Calculer UO et EO.

4. Le triangle UAE est-il rectangle ?

5. Les droites (YZ) et (AE) sont-elles parallèles ?

En attendant le brevet ... — Épisode 1 — CORRECTION

Exercice n° 1 : Fonctions, développer, factoriser et résoudre CORRECTION

Calcul littéral

Première partie : On pose $h(x) = 7x - 9$

1. $h(0) = 7 \times 0 - 9 = -9$ et $h(5) = 7ă \times 5 - 9 = 35 - 9 = 46$

2. $h(-3) = 7 \times (-3) - 9 = -21 - 9 = -30$ et $h(8) = 7 \times 8 - 9 = 56 - 9 = 47$

3. Il faut résoudre l'équation :

$$\begin{aligned} h(x) &= 40 \\ 7x - 9 &= 40 \\ 7x - 9 + 9 &= 40 + 9 \\ 7x &= 49 \\ x &= \frac{49}{9} \\ x &= 7 \end{aligned}$$

Deuxième partie : On pose $f(x) = (5x-1)(3x+5) - (6x-1)(5x-1)$

1. Développer et réduire $f(x)$.

$f(x) = (5x-1)(3x+5) - (6x-1)(5x-1)$
$f(x) = (15x^2 + 25x - 3x - 5) - (30x^2 - 6x - 5x + 1)$
$f(x) = 15x^2 + 25x - 3x - 5 - 30x^2 + 6x + 5x - 1$

$f(x) = -15x^2 + 33x - 6$

2. Calculer $f(0)$ et $f(-2)$ en justifiant vos calculs.

$f(0) = -15 \times 0^2 + 33 \times 0 - 6 = -6$ donc $f(0) = -6$

$f(-2) = -15 \times (-2)^2 + 33 \times (-2) - 6 = -15 \times 4 - 66 - 6 = -60 - 72 = -132$ donc $f(-2) = -132$

3. À l'aide de la calculatrice et de la forme développée, compléter le tableau suivant :

x	-7	-6	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7
$f(x)$	-972	-744	-546	-378	-240	-132	-54	-6	12	0	-42	-114	-216	-348	-510

4. Quelle formule a été saisie dans la cellule B2 puis recopiée vers la droite ?

	A	B	C	D	E	F
1	x	6	7	8	9	10
2	f(x)	-348	-510	-702	-924	-1176

$= -15 * B2^2 + 33 * B2 - 6$ ou $= -15 * B2 * B2 + 33 * B2 - 6$ ou encore $= (5 * B2 - 1) * (3 * B2 + 5) - (6 * B2 - 1) * (5 * B2 - 1)$

5. Factoriser $f(x)$.

$f(x) = (5x-1)(3x+5) - (6x-1)(5x-1)$
$f(x) = (5x-1)[(3x+5) - (6x-1)]$
$f(x) = (5x-1)(3x+5-6x+1)$
$f(x) = (5x-1)(-3x+4)$

6. Résoudre l'équation $(5x-1)(-3x+6) = 0$

$$(5x-1)(-3x+6) = 0$$

Un produit de facteurs est nul si et seulement si un des facteurs est nul

$$\begin{aligned} 5x-1 &= 0 \\ 5x-1+1 &= 0+1 \\ 5x &= 1 \\ x &= \frac{1}{5} \\ x &= 0,2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -3x+6 &= 0 \\ -3x+6-6 &= 0-6 \\ -3x &= -6 \\ x &= \frac{-6}{-3} \\ x &= 2 \end{aligned}$$

Il y a donc deux solutions : $0,2$ et 2

7. Quels sont les antécédents par la fonction f ?

Les antécédents de 0 par la fonction f sont $0,2$ et 2.

Exercice n° 2 : Théorème de Pythagore et Thalès, réciproque et contraposé CORRECTION

Géométrie

1. Dans le triangle EYI rectangle en Y,
D'après **le théorème de Pythagore** on a :

$$YE^2 + YI^2 = EI^2$$
$$52^2 + YI^2 = 65^2$$
$$2\,704 + YI^2 = 4\,225$$
$$YI^2 = 4\,225 - 2\,704$$
$$YI^2 = 1\,521$$
$$YI = \sqrt{1\,521}$$
$$YI = 39$$

$YI = 39\ m$

2. Les droites (IY) et (UO) sont perpendiculaires à la droite (UE).
On sait que **si deux droites sont perpendiculaires à une même droite alors elles sont parallèles entre elles.**

$(IY)//(UO)$

3. Les droites (OE) et (UE) sont sécantes en E, les droites (IY) et (UO) sont parallèles,

D'après **le théorème de Thalès** on a :

$$\frac{EY}{EU} = \frac{EI}{EO} = \frac{YI}{UO}$$

$$\frac{52\ m}{168\ m} = \frac{65\ m}{EO} = \frac{39\ m}{UO}$$

En utilisant la règle de trois on obtient :

$EO = \dfrac{65\ m \times 168\ m}{52\ m}$ d'où $EO = \dfrac{10\,920\ m^2}{52\ m}$ et $EO = 210\ m$

$UO = \dfrac{39\ m \times 168\ m}{52\ m}$ d'où $UO = \dfrac{6\,552\ m^2}{52\ m}$ et $UO = 127\ m$

$UO = 127\ m$ et $EO = 210\ m$

4. Comparons $AU^2 + AE^2$ et UE^2 :

$AU^2 + AE^2$	UE^2
$136^2 + 102^2$	168^2
$18\,496 + 10\,404$	
$28\,900$	$28\,224$

Comme $AU^2 + AE^2 \neq UE^2$, d'après **le théorème contraposé de Pythagore** le triangle UAE n'est pas rectangle .

5.
Comparons $\dfrac{UY}{UE}$ et $\dfrac{UZ}{UA}$.

$\dfrac{UY}{UE} = \dfrac{168\ m - 52\ m}{168\ m} = \dfrac{116\ m}{168\ m}$ $\qquad$ $\dfrac{UZ}{UA} = \dfrac{94\ m}{136\ m}$

Calculons les produits en croix : $116 \times 136 = 15\,776$ et $168 \times 94 = 15\,792$

Comme $116 \times 136 \neq 168 \times 94$, $\dfrac{116}{168} \neq \dfrac{94}{136}$.

Ainsi, $\dfrac{UY}{UE} \neq \dfrac{UZ}{UA}$, d'après **le théorème contraposé de Thalès**, les droites (YZ) et (AE) ne sont pas parallèles.

En attendant le brevet ... — Épisode 2

Exercice n° 1 — Probabilités et arithmétique — Expérience aléatoire à deux épreuves

Arthur et Nadia ont préparé deux dés particuliers :

- Le premier dé est cubique, six faces équilibrées, sur lesquelles sont écrits les nombres suivants : 13, 16, 25, 29, 31 et 57 ;
- Le second dé est tétraédrique, quatre faces équilibrées, sur lesquelles sont écrits les nombres suivants : 2, 3, 5 et 7.

Ils inventent la règle du jeu suivante :

- On lance les deux dès simultanément ;
- Si l'un des nombres est un diviseur de l'autre, alors on effectue la division ;
- Sinon, on ajoute les deux nombres ;
- JOKER : si les deux nombres sont premiers, on multiplie les deux nombres.

1. Présenter dans un tableau à double entrées toutes les issues possibles de cette expérience aléatoire.

2. Arthur et Nadia lance les deux dés équilibrés.

2.a Quelle est la probabilité qu'ils obtiennent un nombre supérieur à 150 ?
2.b Quelle est la probabilité qu'ils obtiennent un nombre compris entre 50 et 70 ?
2.c Quelle est la probabilité qu'ils obtiennent un nombre premier ?
2.d Quelle est la probabilité qu'ils obtiennent un multiple de 11 ?
2.e Quelle est la probabilité qu'ils obtiennent un nombre impair ?

3. En observant les résultats obtenus, Nadia affirme « J'ai plus de chance d'obtenir un multiple de 3 qu'un diviseur de 364 ». A-t-elle raison ? Justifier votre réponse.

Exercice n° 2 — Vitesse — Vitesse et coût essence

Indira, qui habite Toulouse, souhaite se rendre à Clermont-Ferrand pendant les vacances d'hiver.

À l'aller, elle est pressée, elle va prendre l'autoroute A20. Le trajet fait alors 376 km. Le péage coûte 33 € . Elle pourra rouler à 130 km/h. À cette vitesse, sa voiture consomme 6,3 L pour 100 km.

Au retour, elle a plus de temps, elle va passer par la A75 et la N88. Le trajet fait alors 359 km. Il n'y a pas de péage. Sur l'A75, elle pourra rouler à 130 km/h pendant 189 km. Sur la fin du trajet, sur la N88, la vitesse est limitée à 80 km/h. À cette vitesse, sa voiture consomme 4,5 L pour 100 km.

1. Combien de temps, à la seconde près, va-t-elle mettre pour se rendre à Clermont-Ferrand à l'aller ?

2. Combien de temps, à la seconde près, va-t-elle mettre pour rentrer à Toulouse au retour ?

3. Quelle est sa vitesse moyenne, au kilomètre heure près, sur l'aller-retour ?

4. Sachant que le SP95 coûte 1,825 € le litre à la station en bas de chez elle, combien va lui coûter ce voyage aller-retour ? Penser à tenir compte du péage.

Exercice n° 1 : Probabilités, expérience aléatoire à deux épreuves, arithmétique Correction

Probabilités et arithmétique

1. Présenter dans un tableau à double entrées toutes les issues possibles de cette expérience aléatoire.

Dé tétraèdrique \ Dé Cubique	13	16	25	29	31	57
2	26	8	27	58	62	59
3	39	19	28	87	93	19
5	65	21	5	145	155	62
7	91	23	32	203	217	64

Il y a 24 issues équiprobables.

2. Arthur et Nadia lance les deux dés équilibrés.

Nous sommes dans une expérience aléatoire pour laquelle il y a 24 issues équiprobables.

2.a Quelle est la probabilité qu'ils obtiennent un nombre supérieur à 150 ?

Les issues correspondantes sont : 155, 203 et 217.

La probabilité cherchée est $\frac{3}{24} = \frac{1}{8} = 0,125 = 12,5\ \%$

2.b Quelle est la probabilité qu'ils obtiennent un nombre compris entre 50 et 70 ?

Les issues correspondantes sont : 58, 62, 59, 65, 62 et 64.

La probabilité cherchée est $\frac{6}{24} = \frac{1}{4} = 0,25 = 25\ \%$

2.c Quelle est la probabilité qu'ils obtiennent un nombre premier ?

Les issues correspondantes sont : 59, 19, 19, 5, 23.

La probabilité cherchée est $\frac{5}{24} \approx 0,208 \approx 20,8\ \%$

2.d Quelle est la probabilité qu'ils obtiennent un multiple de 11 ?

Il n'y a pas de multiple de 11 dans le tableau.

La probabilité cherchée est 0, c'est l'événement impossible.

2.e Quelle est la probabilité qu'ils obtiennent un nombre impair ?

Les issues correspondantes sont : 27, 59, 39, 19, 87, 93, 19, 65, 21, 5, 145, 155, 91, 23, 203 et 217.

La probabilité cherchée est $\frac{16}{24} = \frac{2}{3} \approx 0,667 \approx 66,7\ \%$

3. En observant les résultats obtenus, Nadia affirme « J'ai plus de chance d'obtenir un multiple de 3 qu'un diviseur de 182 ».
A-t-elle raison ? Justifier votre réponse.

Les multiples de trois se repèrent en appliquant la règle de divisibilité par trois :
« Un nombre est divisible par 3 si et seulement si la somme de ses chiffres est un multiples de 3. »

Les issues correspondantes sont : 27, 39, 87, 93 et 21.

La probabilité d'obtenir un multiple de 3 est donc de $\frac{5}{24} \approx 0,208 \approx 20,8\ \%$.

364	2
182	2
91	7
13	13
1	

Ainsi $364 = 2 \times 2 \times 7 \times 13$.
Les diviseurs de 364 sont : 1 ; ;2 ; 4 ; 7 ; 13 ; 14 ; 26 ; 28 ; 52 ; 91 ; 182 ; 364

Les issues correspondantes sont : 26, 28 et 91

La probabilité d'obtenir un diviseur de 364 est donc de $\frac{3}{24} = \frac{1}{8} = 0,125 = 12,5\ \%$.

Nadia a raison.

Exercice n° 2 : Vitesse et coût essence CORRECTION

Vitesse

Indira, qui habite Toulouse, souhaite se rendre à Clermont-Ferrand pendant les vacances d'hiver.

À l'aller, elle est pressée, elle va prendre l'autoroute A20. Le trajet fait alors 376 km. Le péage coûte 33 €. Elle pourra rouler à 130 km/h. À cette vitesse, sa voiture consomme 6,3 L pour 100 km.

Au retour, elle a plus de temps, elle va passer par la A75 et la N88. Le trajet fait alors 359 km. Il n'y a pas de péage. Sur l'A75, elle pourra rouler à 130 km/h pendant 189 km. Sur la fin du trajet, sur la N88, la vitesse est limitée à 80 km/h. À cette vitesse, sa voiture consomme 4,5 L pour 100 km.

1. Combien de temps, à la seconde près, va-t-elle mettre pour se rendre à Clermont-Ferrand à l'aller ?

Elle va parcourir 359 km à la vitesse de 130 km/h.
On sait que la distance et le temps sont proportionnels quand la vitesse est constante.

Distance	$359\ km$	$130\ km$
Temps	$\frac{3600\ s \times 359\ km}{130\ km} \approx 9942\ s$	$1\ h = 60\ min = 3600\ s$

Or $9942\ s = 165 \times 60\ s + 42\ s = 165\ min\ 42\ s$ et $165\ min = 2 \times 60\ min + 45\ min$.

Elle va mettre $2\ h\ 45\ min\ 42\ s$ pour aller à Clermont-Ferrand.

2. Combien de temps va-t-elle mettre pour rentrer à Toulouse au retour ?

Il y a deux vitesse différentes sur le trajet retour : $189\ km$ à $130\ km/h$ puis $359\ km - 189\ km = 170\ km$ à $80\ km/h$.

Distance	$189\ km$	$130\ km$
Temps	$\frac{3600\ s \times 189\ km}{130\ km} \approx 5234\ s$	$1\ h = 60\ min = 3600\ s$

Distance	$170\ km$	$80\ km$
Temps	$\frac{3600\ s \times 170\ km}{80\ km} = 7650\ s$	$1\ h = 60\ min = 3600\ s$

Au total elle aura mis $5234\ s + 7650\ s = 12884\ s$.

$12884\ s = 214 \times 60\ s + 44\ s = 214\ min + 44\ s = 3\ h\ 34\ min\ 44\ s$

Elle va mettre $3\ h\ 34\ min\ 44\ s$ pour rentrer à Toulouse.

3. Quelle est sa vitesse moyenne sur l'aller-retour ?

Elle a mis $12884\ s + 9942\ s = 22826$ pour parcourir $376\ km + 359\ km = 735\ km$.

Distance	$735\ km$	$\frac{3600\ s \times 735\ km}{22826\ s} \approx 116\ km$
Temps	$22826\ s$	$1\ h = 60\ min = 3600\ s$

Sa vitesse moyenne sur l'aller-retour est d'environ $116\ km/h$.

4. Sachant que le SP95 coûte $1,825$ € le litre à la station en bas de chez elle, combien va lui coûter ce voyage aller-retour ? Penser à tenir compte du péage.

À l'aller et sur le début du retour, la voiture va rouler à 130 km/h. Elle consomme à cette vitesse 6,3 L pour 100 km.
La distance parcourue à cette vitesse est 376 km + 189 km = 565 km.
Or 565 km = 5,65 × 100 km. La voiture va consommer 5,65 × 6,3 L = 35,595 L.

Sur la partie finale du retour, soit 170 km, elle va rouler à 80 km/h et la voiture consomme à cette vitesse 4,5 L pour 100 km.
Or 170 km = 1,70 × 100 km. La voiture va consommer 1,70 × 4,5 L = 7,65 L.

Au total, elle aura consommé 35,595 L + 7,65 L = 43,245 L à 1,825 € le litre.

43,245 × 1,825 € ≈ 78,92 €.

Au total cet aller-retour va coûter 78,92 € +33 € = 111,92 € .

En attendant le brevet … — Épisode 3

Exercice n° 1 — Pourcentage — Inflation

D'après l'INSEE, en France, l'inflation des prix entre 2010 et 2020 a été d'environ 12,3 %. Cela signifie que l'augmentation moyenne des prix des biens de consommation courante sur cette période de 10 ans a été d'environ 12,3 %.

1. À la boulangerie, une baguette coûtait 0,84 € en 2010. Quel est son prix, au centime près, en 2020 ?

2. En 2020, une litre d'huile d'olive coûtait 5,43 €. Quel était son prix, au centime près, en 2010 ?

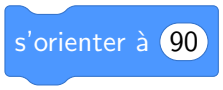
3. En avril 2020, un litre de gazoil coûtait environ 1,24 € . Début mars 2023, ce même litre de gazoil est passé à 1,82 € . Quel est le pourcentage d'augmentation sur ce carburant ?

D'après l'INSEE, l'inflation, l'augmentation des prix, a été d'environ 2,6 % entre 2020 et 2022. En 2023, les estimations disent que l'inflation sera d'environ 5,5 % en fin d'année.

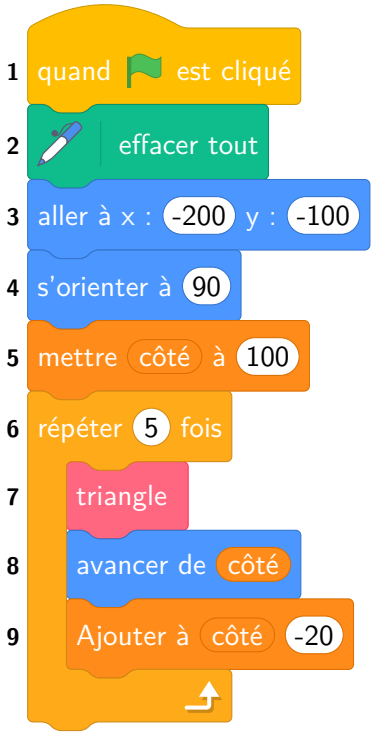
4. Quel est le taux d'inflation, en pourcentage, au dixième près, entre 2020 et fin 2023 ?

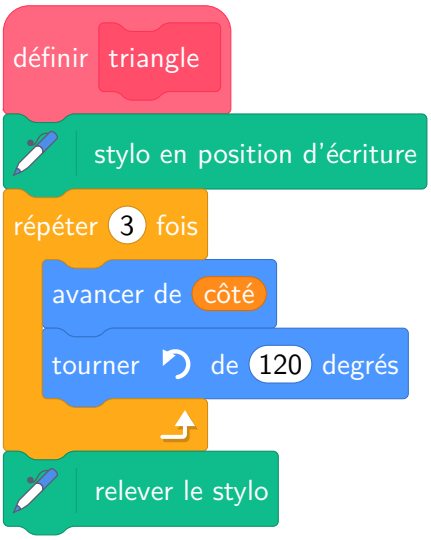
Exercice n° 2 — Scratch — Géométrie et Scratch

On donne le programme suivant qui permet de tracer plusieurs triangles équilatéraux de tailles différentes.
Ce programme comporte une variable **côté**. Les longueurs sont données en pixels.

On rappelle que l'instruction 

signifie que l'on se dirige vers la droite.





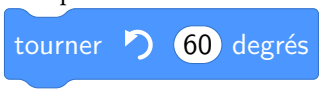
1. Quelles sont les coordonnées du point de départ du tracé ?

2. Combien de triangles sont dessinés par ce script ?

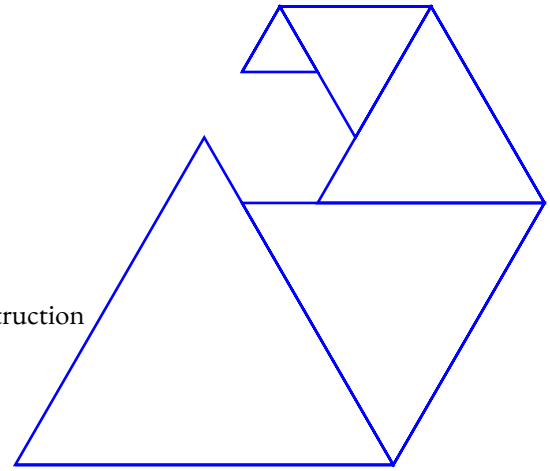
3. Quelle est la longueur (en pixels) du côté du deuxième triangle tracé ?

4. Tracer à main levée l'allure de la figure obtenue quand on exécute ce script.

5. On modifie le script initial pour obtenir la figure ci-contre.
Indiquer le numéro d'une instruction du script **après laquelle** on peut placer l'instruction



pour obtenir cette nouvelle figure.



En attendant le brevet ... — Épisode 3 — Correction

Exercice n° 1 : Inflation

Correction

Pourcentage

1. Augmenter une grandeur de 12,3 % revient exactement à multiplier cette grandeur par $1+\dfrac{12,3}{100}=1,123$.

$0,84 € \times 1,123 = 0,943\,32$. La baguette coûtait environ 0,94 € en 2020

2. Si on note x son prix en 2020, x vérifie :

$$\begin{aligned} x \times 1,123 &= 5,23€ \\ x &= \frac{5,23€}{1,123} \\ x &\approx 4,84€ \end{aligned}$$

Le prix de l'huile d'olive en 2020 était d'environ 4,84 €.

3. On cherche le taux d'augmentation t vérifiant :

$$\begin{aligned} 1,24 € \times t &= 1,82 € \\ t &= \frac{1,82€}{1,24€} \\ t &\approx 1,468 \end{aligned}$$

Comme $1,468 = 1+0,468 = 1+\dfrac{46,8}{100}$ cela correspond à une augmentation d'environ 46,8 %.

4. Les prix ont augmenté d'environ 2,6 % entre 2020 et 2022 puis de 5,5 % en 2023.
Un prix P a donc été multiplié de $1+\dfrac{2,6}{100}=1,026$ entre 2020 et 2022 puis multiplié de $1+\dfrac{5,5}{100}=1,055$ entre 2022 et 2023.
Finalement ce prix P a été multiplié par $1,026 \times 1,055 = 1,082\,43 \approx 1,082$.

Or $1,082 = 1+0,82 = 1+\dfrac{8,2}{100}$ soit une augmentation d'environ 8,2 %.

Exercice n° 2 : Géométrie et Scratch

Correction

Scratch

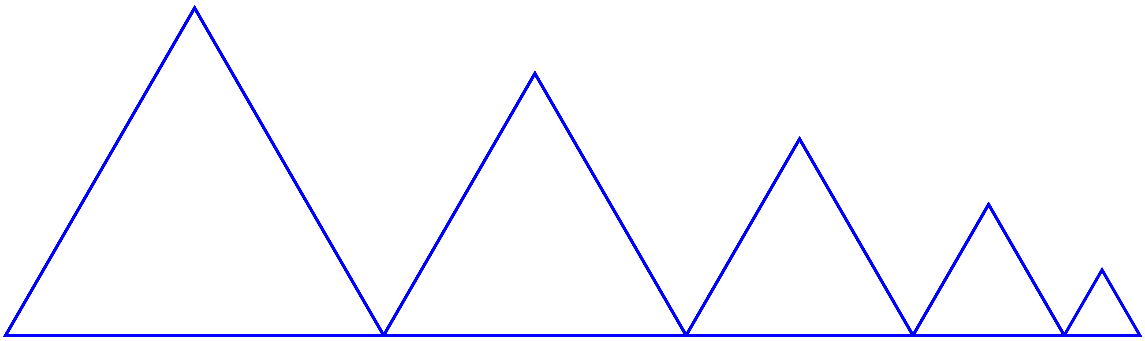
1. Le point de départ a pour coordonnées $(-200;-100)$.

2. Il répète 5 fois la construction d'un triangle.

3.a. À chaque répétition, on ajoute -20 à la variable **côté**, c'est-à-dire on enlève 20 pixels.
Le premier triangle mesure 100 pixels de côté et le deuxième $100-20=80$.

Le deuxième triangle a un côté de 80 pixels.

3.b.



4. On peut placer cette instruction en début de la boucle de répétition avant le **7** ou après le block **8** ou le block **9**.

En attendant le brevet … — Épisode 4

Exercice n° 1 — Statistiques — Médiane, moyenne, étendue, pourcentages

Voici les résultats en mathématiques, sur 100, au dernier brevet blanc du collège Srinivasa Ramanujan de Pondichéry :

Les notes des 3A : 25 — 22 — 30 — 98 — 62 — 08 — 45 — 35 — 25 — 35 — 75 — 92 — 97 — 13 — 17 — 85 — 92 — 98

Les résultats des 3B : **Moyenne :** 53 — **Médiane :** 54 — **Étendue :** 60

1. Pour la classe de 3A :

1.a. Calculer la moyenne des notes.

1.b. Calculer l'étendue de cette série statistique.

1.c. Déterminer la médiane de cette série de notes. Interpréter ce résultat.

2. On sait que la note la plus basse de 3B est 18. Comparer les résultats des classes de 3A et de 3B (on peut comparer les notes maximale, les moyennes, les médianes, l'étendue et faire à chaque fois un commentaire.)

Voici les résultats de tous les élèves du collège à cette épreuve :

Notes	[0;10[	[10;20[	[20;30[	[30;40[	[40;50[	[50;60[	[60;70[	[70;80[	[80;90[	[90;100]	
Effectifs	4	11	17	27	37	29	17	19	11	7	179

3. En observant le tableau des effectifs ci-dessus :

3.a. Est-il vrai que 25 % des élèves ont une note inférieur strictement à 40 ? Justifier soigneusement sa réponse.

3.b. Calculer la moyenne des notes sur l'ensemble du collège.

3.c. Déterminer une valeur approximative de la médiane de cette série.

3.d. Que peut-on dire de l'étendue de cette série ?

3.e. Comparer les résultats des 3A et des 3B avec l'ensemble des élèves du collège. On utilisera la moyenne, la médiane et l'étendue pour justifier sa réponse.

Exercice n° 2 — Fonction linéaire — Expression d'une fonction linéaire, vitesse, image, antécédent

1. $f(x) = 7x$, $g(x) = -3x$, $h(x) = -2x + 3$, $m(x) = -x$, $p(x) = 9$, $r(x) = x + 9$, $s(x) = \dfrac{5x}{7}$ et $t(x) = 4x^2$

Lesquelles de ces fonctions sont linéaires ? Indiquer dans ce cas la valeur du coefficient.

2. Déterminer l'expression de la fonction linéaire q telle que $q(6) = -5$.

3. Un véhicule circule à 90 km/h.

3.a. Déterminer l'expression de la fonction v qui a un temps x en seconde associe la distance $v(x)$ parcourue en mètre.

3.b. Calculer les images de 3 600, de 100 et de 23.

3.c. Déterminer l'antécédent de 10 000 et de 575 par cette fonction.

3.d. Que dire de cette fonction ?

3.e. Quelle distance parcourt-on en 1 min 40 s à 90 km/h ?

3.f. Combien de temps faut-il pour parcourir 10 km à 90 km/h ?

Exercice n° 1 : Statistiques CORRECTION

Médiane, moyenne, étendue

1.a. $M = \dfrac{25+22+30+98+62+08+45+35+25+35+75+92+97+13+17+85+92+98}{18} = \dfrac{954}{18} = 53$

La classe de 3A a une moyenne de 53/100 à l'épreuve de mathématiques.

1.b. La note la plus basse est 8, la note la plus élevée est 98.

L'étendue des notes pour ce groupe vaut $98 - 8 = 90$. Les notes sont très dispersées !

1.c. Il faut classe ces 18 notes dans l'ordre croissant. Comme 18 est un nombre pair, $18 \div 2 = 9$, la médiane est la moyenne de la neuvième et de la dixième note.
Voici le classement : $\underbrace{8 < 13 < 17 < 22 < 25 \leqslant 25 < 30 < 35 \leqslant 35}_{\text{Les neufs notes les plus basses}} < \underbrace{45 < 62 < 75 < 85 < 92 \leqslant 92 < 97 < 98}_{\text{Les neufs notes les plus élevées}}$

La neuvième note est 35, la dixième 45. La moyenne des ces deux notes vaut $\dfrac{35+45}{2} = \dfrac{80}{2} = 40$

La note médiane de cette série statistiques est 40.

La moitié des élèves de ce groupe ont une note inférieure ou égale à 40, l'autre moitié a une note supérieure ou égale à 40.

L'écart important entre la moyenne, 53, et la médiane, 40, est un indicateur d'une forte dispersion.

2. Les deux classes ont exactement la même moyenne arithmétiques, 53.
En revanche, les médianes sont très différentes. En 3A, la moitié des élèves à une note inférieure ou égale à 40 alors qu'en 3B, la moitié à une note inférieure à 54.
Les élèves de 3B ont des notes beaucoup moins dispersées autour de la moyenne.
Comme on sait que la note minimale des 3B vaut 18. Ainsi la note maximale est égale à $18 + 60 = 78$.
Les écarts entre élèves sont plus importants en 3A qu'en 3B.
La meilleure note en 3A est supérieure à celle des 3B. La note la plus basse est inférieure à celle des 3A.
Les comparaisons des étendues, 60 et 90, confirme encore cette dispersion.
On peut dire que les notes de 3B sont homogènes autour de la moyenne alors que celle des 3A sont très hétérogène.

3. Pour calculer la moyenne, la médiane ou l'étendue, il est habituelle d'utiliser les centres des classes.
Par exemple, pour la classe $[0;10[$, le centre est $dfrac0 + 102 = 5$.

3.a. Le nombre d'élèves ayant une note inférieure strictement à 40 se calcule ainsi : $4 + 11 + 17 + 27 = 59$.

Or $\dfrac{59}{179} \approx 0,33$ soit 33 %.

Il est faux de dire que 25 % des élèves a eu moins de 40. En réalité c'est environ 33 %.

3.b. On calcule la moyenne des centres des classes pondérée par les effectifs :

$$M = \frac{5\times4+15\times11+25\times17+35\times27+45\times37+55\times29+65\times17+75\times19+85\times11+95\times7}{4+11+17+27+37+29+17+19+11+7} = \frac{8945}{179} \approx 49,97.$$

La moyenne pour l'ensemble du collège est d'environ 49,97.

3.c. Il y a 179 élèves en troisième et $179 \div 2 = 89,5$. Ainsi $179 = 89+1+89$. La médiane est la note du 90^{e}élève classé dans l'ordre croissant.
On peut consulter le tableau des effectifs croissant :

Notes	[0;10[	[10;20[	[20;30[	[30;40[	[40;50[	[50;60[	[60;70[	[70;80[	[80;90[	[90;100]
Effectifs	4	11	17	27	37	29	17	19	11	7
Effectifs cumulés croissants	4	15	32	59	96	125	142	161	172	179

On constate que la 90^{e}notes se trouve dans l'intervalle [40;50[.

La médiane de cette série statistique est un nombre quelconque compris dans l'intervalle [40;50[, par exemple son centre 45.

3.d. Il y a 4 notes dans l'intervalle [0;10[et 7 notes dans l'intervalle [90;100].

L'étendue vaut donc entre 90 et 100. On ne peut pas en dire plus.

3.e. Pour ce collège, la moyenne vaut environ 50, la médiane 45 et l'étendue entre 90 et 100.
La classe de 3B est plus homogène que l'ensemble de l'établissement.
La classe de 3A est beaucoup plus hétérogène. Il y a de nombreux élèves faibles.

Exercice n° 2 : Fonctions linéaires, vitesse CORRECTION

Fonctions linéaires

1. On sait qu'une fonction linéaire s'écrit sous la forme $f(x) = ax$ où a est une nombre fixé connu.

f est linéaire de coefficient $a = 7$

g est linéaire de coefficient $a = -3$

h n'est pas linéaire, elle s'écrit sous la forme $ax + b$. On dira plus tard qu'elle est affine !

m est linéaire de coefficient $a = -1$

p n'est pas linéaire, elle s'écrit sous la forme a. Elle est constante, c'est aussi une fonction affine !

r n'est pas linéaire, elle s'écrit sous la forme $ax + b$. Elle est affine !

s est linéaire, de coefficient $a = \frac{5}{7}$ car $\frac{5x}{7} = \frac{5}{7}x$

t n'est pas linéaire, elle s'écrit sous la forme ax^2. Vous en parlerez en seconde !

2. q est une fonction linéaire de coefficient a, elle s'écrit sous la forme $q(x) = ax$. On cherche la valeur de a.

Résolvons l'équations en a :

$$\begin{aligned} q(6) &= -5 \\ a \times 6 &= -5 \\ 6a &= -5 \\ a &= -\frac{5}{6} \end{aligned}$$

La fonction q s'écrit sous la forme $q(x) = -\frac{5}{6}$.

3. ★★★ : cet exercice est **très** difficile et dépasse largement les attendus de troisième !

3.a. Un véhicule circule à 90 km/h. Commençons par un exemple. Demandons-nous quelle distance en mètres est parcourue pendant 56 s.
On sait que la distance et le temps sont deux grandeurs proportionnelles quand la vitesse est constante.

Distance	$90\ km = 90\,000\ m$	$\frac{56\ s \times 90\,000\ m}{3\,600\ s} = \frac{90\,000}{3\,600} \times 56\ s = 25 \times 56\ s = 1\,400\ s$
Temps	$1\ h = 3\,600\ s$	$56\ s$

Ainsi, pour un nombre générique x désignant un temps en seconde,
la distance en mètre parcourue s'exprime sous la forme $v(x) = 25x$

3.b. $v(3\,600) = 25 \times 3\,600 = 90\,000$: réponse très intuitive, non ?

$v(100) = 25 \times 100 = 2\,500$

$v(23) = 25 \times 23 = 575$

3.c. Il faut résoudre l'équation :

$$\begin{aligned} v(x) &= 10\,000 \\ 25x &= 10\,000 \\ x &= \frac{10\,000}{25} \\ x &= 400 \end{aligned}$$

400 est l'antécédent de 10 000 par v.

Il faut résoudre l'équation :

$$\begin{aligned} v(x) &= 575 \\ 25x &= 575 \\ x &= \frac{575}{25} \\ x &= 23 \end{aligned}$$

23 est l'antécédent de 575 par v.

On pouvait, surtout, regarder les réponses de la question **3.b.** !!

3.d. Cette fonction s'écrit sous la forme ax avec $a = 25$: elle est linéaire.

3.e. Comme $1\ min\ 40\ s = 60\ s + 40\ s = 100\ s$ et comme $v(100) = 2\,500$, on parcourt $2\,500\ m$ en $1\ min\ 40\ s$.

3.f. Comme $10\ km = 10\,000\ m$ et comme 400 est l'antécédent de 10 000 par v d'après **3.c.**, on en déduit qu'il faut 400 s.

Or $400\ s = 6 \times 60\ s + 40\ s$, il faut $6\ min\ 40\ s$ pour parcourir $10\ km$ à $90\ km/h$.

En attendant le brevet ... — Spécial brevet blanc

Troisième

Exercice n° 1 : Fonction et calcul littéral

On pose $f(x) = (5x-1)(3x+2) + (5x-1)(6x-7)$ et $g(x) = (7x-3)(6x-1) - (7x-3)(-4x+1)$

1. Développer et réduire $f(x)$ et $g(x)$

2. Calculer $f(0)$, $g(0)$, $f\left(\frac{1}{5}\right)$ et $g\left(\frac{3}{7}\right)$.

3. Factoriser au maximum $f(x)$ et $g(x)$

4. Résoudre $(5x-1)(9x-5) = 0$ puis $(7x-3)(10x-2) = 0$

5. Démontrer que $f(x) - g(x) = (5x-1)(1-5x)$

6. En utilisant la question **5.**, résoudre $f(x) = g(x)$.

Exercice n° 2 : Écriture scientifique

Une molécule de dioxygène à un masse d'environ 0,000 000 000 000 000 000 000 053 g.
Une molécule de diazote à une masse d'environ 0,000 000 000 000 000 000 000 046 g.

1. Donner l'écriture scientifique de ces deux masses.

On sait qu'au niveau de la mer, la masse de 1 m^3 d'air est d'environ 1,22 kg.
On sait aussi que l'air est composé d'environ 20 % de dioxygène et de 80 % de diazote.

2. Combien y-a-t-il de molécules de dioxygène et de diazote dans 1 m^3 d'air ? Donner ces résultat sous forme scientifique.

3. Une salle de classe mesure 10 m de long, 8 m de large et 2,50 m de haut. Quelle est la masse de l'air contenu dans cette classe ?

Exercice n° 3 : Statistiques et probabilités

Voici les effectifs classés par âge et par genre d'un club de tennis à proximité de Toulouse :

Âges (en années)	[10;18[	[18;30[	[30;40[	[40;50[	[50;60]
Hommes	16	24	13	9	6
Femmes	12	35	15	7	1

1. Quelle est la proportion, en pourcentage arrondi à l'unité près, de membres du club ayant plus de 50 ans ?
2. Calculer la moyenne des âges des hommes puis des femmes de ce club.
3. Déterminer la médiane des âges des membres de ce club.
4. On choisit au hasard, une femme de ce club. Quelle est la probabilité qu'elle soit mineure ?
5. On choisit au hasard un membre du club. Quelle est la probabilité que ce soit un homme de plus de 30 ans ?
6. On choisit au hasard un membre du club âgé de plus de 40 ans. Quelle est la probabilité que ce soit une femme ?
7. On choisit au hasard un membre du club. Quelle est la probabilité que ce ne soit pas un mineur ?

Exercice n° 4 : Arithmétique

1. Décomposer en produits de facteurs premiers les nombres : 2024, 2208, 2254 et 2944.

2. Calculer ensuite à la main l'expression suivante : $\frac{2208}{2944} - \frac{2254}{2024}$

Exercice n° 1 : La régate CORRECTION

Théorème de Thalès — Réciproque de Pythagore — Vitesse

1.
Les droites (AE) et (BD) sont sécantes en C, les droites (AB) et (DE) sont parallèles,
D'après **le théorème de Thalès** on a :

$$\frac{CA}{CE} = \frac{CB}{CD} = \frac{AB}{ED}$$

$$\frac{300\ m}{CE} = \frac{500\ m}{700\ m} = \frac{400\ m}{ED}$$

En utilisant la règle de trois on obtient :

$ED = \dfrac{400\ m \times 700\ m}{500\ m}$ d'où $ED = \dfrac{280\,000\ m^2}{500\ m}$ et $ED = 560\ m$.

$DE = 560\ m$.

2. Comparons $AB^2 + AC^2$ et BC^2 :

$AB^2 + AC^2$	BC^2
$400^2 + 300^2$	500^2
$160\,000 + 90\,000$	
$250\,000$	$250\,000$

Comme

$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$

, d'après **la réciproque du théorème de Pythagore** le triangle ABC est rectangle en A.

3. Dans le triangle ABC rectangle en A on a :

On peut calculer le cosinus, le sinus ou la tangente de l'angle $\widehat{ABC}$.

$\cos\widehat{ABC} = \dfrac{AB}{BC}$	$\sin\widehat{ABC} = \dfrac{AC}{BC}$	$\tan\widehat{ABC} = \dfrac{AC}{AB}$
$\cos\widehat{ABC} = \dfrac{400\ m}{500\ m}$	$\sin\widehat{ABC} = \dfrac{300\ m}{500\ m}$	$\tan\widehat{ABC} = \dfrac{300\ m}{400\ m}$
$\cos\widehat{ABC} = \dfrac{4}{5}$	$\sin\widehat{ABC} = \dfrac{3}{5}$	$\tan\widehat{ABC} = \dfrac{3}{4}$
$\cos\widehat{ABC} = 0,8$	$\sin\widehat{ABC} = 0,6$	$\tan\widehat{ABC} = 0,75$

Dans tous les cas, à la calculatrice on trouve $\widehat{ABC} \approx 37°$ à $1°$ près.

4. Cinq tours de $2\,880\ m$ chacun. $2\,880\ m \times 5 = 14\,400\ m$.

La distance totale parcourue mesure $14\,400\ m$.

5. Mattéo a parcouru les $14\,400\ m$ en $1\ h\ 48\ min$.
Calculons la vitesse moyenne en considérant que la distance parcourue et le temps sont proportionnels.

Distance	$14\,400\ m$	$\dfrac{60\ min \times 14\,400\ m}{108\ min} = 8\,000\ m$
Temps	$1\ h\ 48\ min = 108\ min$	$1\ h = 60\ min$

Comme 8 000 $m = 8$ km, Mattéo a effectué le parcours à la vitesse moyenne de 8 km/h.

Exercice n° 2 : La corde CORRECTION

Théorème de Pythagore

1. Dans le triangle ABC rectangle en B,
D'après **le théorème de Pythagore** on a :

$$BA^2 + BC^2 = AC^2$$

$$5^2 + BC^2 = 5,25^2$$

$$25 + BC^2 = 27,5625$$

$$BC^2 = 275625 - 25$$

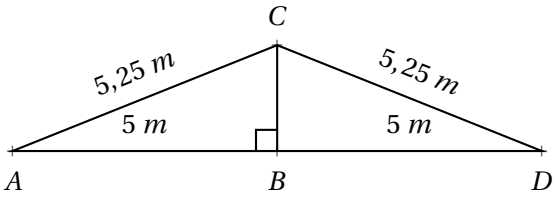
$$BC^2 = 2,5625$$

$$BC = \sqrt{2,5625}$$

$$BC \approx 1,6$$

Au dixième de mètre près, $BC \approx 1,60$ m.

2. Les poteaux sont distants de 10 m. Melvin se place au milieu, donc à 5 m des extrémités.
Melvin se tient debout, donc son corps est perpendiculaire (vertical) au sol (horizontal).
La corde non élastique mesure 10,5 m de long, sa moitié mesure donc $10,5\ m \div 2 = 5,25\ m$.
La situation peut se modéliser de la manière suivante :



On constate qu'il s'agit de la situation géométrique de la question **1.**. Nous avons vu que $BC \approx 1,60$ m.
Comme Melvin mesure 1,55 m, un peu moins que 1,60 m,

Il peut passer sous la corde sans se baisser.

Exercice n° 3 : Les étiquettes CORRECTION

Arithmétique

1. On constate que $102 = 3 \times 34$. 102 est donc divisible par 3 .

On peut aussi utiliser le critère de divisibilité par 3 : $1 + 0 + 2 = 3$ et 3 est un multiple de 3.

2.

102	2
51	3
17	17
1	

Ainsi $102 = 2 \times 3 \times 17$

3. Il faut combiner les produits de nombres premiers de la décomposition de 102.

$2 \times 3 = 6$; $2 \times 17 = 34$ et $3 \times 17 = 51$ sont des diviseurs non premier de 102 .

1 et 102 sont deux autres diviseurs non premiers de 102 !

4. Il faut vérifier si 34 est un diviseur commun de 102 et 85.
Comme $102 = 34 \times 3$, 34 est un diviseur de 102.
Par contre $85 = 34 \times 2 + 17$ donc 34 ne divise pas 85.

Les étiquettes ne peuvent pas avoir un côté qui mesure 34 cm.

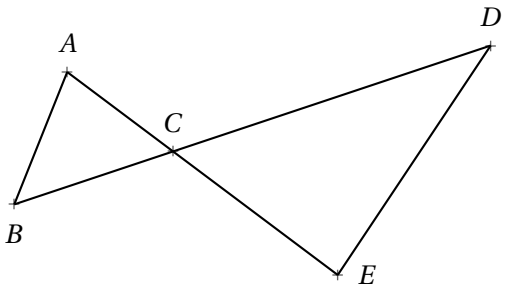
5. 17 est un diviseur commun de 102 et 85.
On a $102 = 17 \times 6$ et $85 = 17 \times 5$.

On peut donc découper 6 étiquettes sur la longueur et 5 étiquettes sur la largeur. Soit $6 \times 5 = 30$ étiquettes.

Il pourra découper 30 étiquettes.

En attendant le brevet ... — Épisode 5

Exercice n° 1 — La régate — Théorème de Thalès — Réciproque de Pythagore — Vitesse



Sur la figure suivante, on donne les distances en mètres :
$AB = 400\ m$, $AC = 300\ m$, $BC = 500\ m$ et $CD = 700\ m$.

Les droites (AE) et (BD) se coupent en C.

Les droites (AB) et (DE) sont parallèles.

1. Calculer la longueur DE.

2. Montrer que le triangle ABC est rectangle.

3. Calculer la mesure de l'angle $\widehat{ABC}$. Arrondir au degré près.

Lors d'une course les concurrents doivent effectuer plusieurs tours du parcours représenté ci-dessus. Ils partent du point A puis passent par les points B, C, D et E dans cet ordre puis de nouveau par le point C pour ensuite revenir au point A.

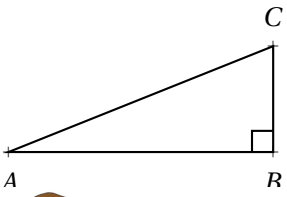
Mattéo, le vainqueur, a mis $1\ h\ 48\ min$ pour effectuer 5 tours du parcours. La distance parcourue pour faire un tour est $2\,880\ m$.

4. Calculer la distance totale parcourue pour effectuer les 5 tours du parcours.

5. Calculer la vitesse moyenne de Mattéo. Arrondir à l'unité.

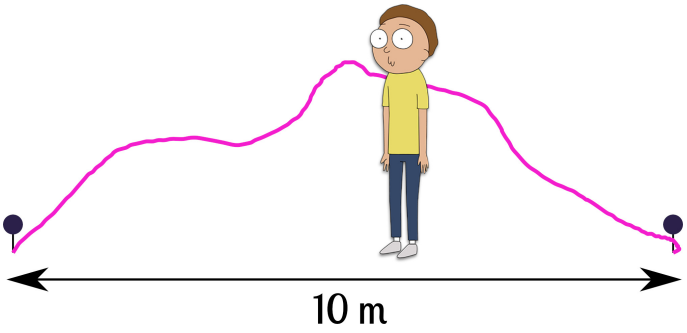
Exercice n° 2 — La corde — Théorème de Pythagore

Le triangle ABC rectangle en B ci-après est tel que $AB = 5\ m$ et $AC = 5{,}25\ m$.



1. Calculer en mètre la longueur de BC. Arrondir au dixième.

Une corde non élastique de $10{,}5\ m$ de long est fixée au sol par ses extrémités entre deux poteaux distants de $10\ m$.



2. Melvin qui mesure $1{,}55\ m$ pourrait-il passer sous cette corde sans se baisser en la soulevant par le milieu ?

Toute trace de recherche même non aboutie sera prise en compte dans la notation.

Exercice n° 3 — Les étiquettes — Arithmétique

1. Justifier que le nombre 102 est divisible par 3.

2. On donne la décomposition en produit de facteurs premiers de 85 : $85 = 5 \times 17$.
Décomposer 102 en produit de facteurs premiers.

3. Donner 3 diviseurs non premiers du nombre 102.

Un libraire dispose d'une feuille cartonnée de $85\ cm \times 102\ cm$. Il souhaite découper dans celle-ci, en utilisant toute la feuille, des étiquettes carrées. Les côtés de ces étiquettes ont tous la même mesure.

4. Les étiquettes peuvent-elles avoir $34\ cm$ de côté ? Justifier votre réponse.

5. Le libraire découpe des étiquettes de $17\ cm$ de côté. Combien d'étiquettes pourra-t-il découper dans ce cas ?

Exercice n° 1 : La régate Correction

Théorème de Thalès — Réciproque de Pythagore — Vitesse

1.
Les droites (AE) et (BD) sont sécantes en C, les droites (AB) et (DE) sont parallèles,
D'après **le théorème de Thalès** on a :

$$\frac{CA}{CE} = \frac{CB}{CD} = \frac{AB}{ED}$$

$$\frac{300\ m}{CE} = \frac{500\ m}{700\ m} = \frac{400\ m}{ED}$$

En utilisant la règle de trois on obtient :

$ED = \dfrac{400\ m \times 700\ m}{500\ m}$ d'où $ED = \dfrac{280000\ m^2}{500\ m}$ et $ED = 560\ m$.

$DE = 560\ m$.

2. Comparons $AB^2 + AC^2$ et BC^2 :

$AB^2 + AC^2$	BC^2
$400^2 + 300^2$	500^2
$160000 + 90000$	
250000	250000

Comme

$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$

, d'après **la réciproque du théorème de Pythagore** le triangle ABC est rectangle en A.

3. Dans le triangle ABC rectangle en A on a :

On peut calculer le cosinus, le sinus ou la tangente de l'angle $\widehat{ABC}$.

$\cos\widehat{ABC} = \dfrac{AB}{BC}$	$\sin\widehat{ABC} = \dfrac{AC}{BC}$	$\tan\widehat{ABC} = \dfrac{AC}{AB}$
$\cos\widehat{ABC} = \dfrac{400\ m}{500\ m}$	$\sin\widehat{ABC} = \dfrac{300\ m}{500\ m}$	$\tan\widehat{ABC} = \dfrac{300\ m}{400\ m}$
$\cos\widehat{ABC} = \dfrac{4}{5}$	$\sin\widehat{ABC} = \dfrac{3}{5}$	$\tan\widehat{ABC} = \dfrac{3}{4}$
$\cos\widehat{ABC} = 0,8$	$\sin\widehat{ABC} = 0,6$	$\tan\widehat{ABC} = 0,75$

Dans tous les cas, à la calculatrice on trouve $\widehat{ABC} \approx 37°$ à $1°$ près.

4. Cinq tours de $2880\ m$ chacun. $2880\ m \times 5 = 14400\ m$.

La distance totale parcourue mesure $14400\ m$.

5. Mattéo a parcouru les $14400\ m$ en $1\ h\ 48\ min$.
Calculons la vitesse moyenne en considérant que la distance parcourue et le temps sont proportionnels.

Distance	$14\,400\ m$	$\dfrac{60\ min \times 14\,400\ m}{108\ min} = 8\,000\ m$
Temps	$1\ h\ 48\ min = 108\ min$	$1\ h = 60\ min$

Comme $8\,000\ m = 8\ km$, Mattéo a effectué le parcours à la vitesse moyenne de $8\ km/h$.

Exercice n° 2 : La corde CORRECTION

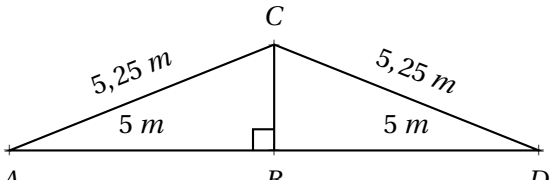
Théorème de Pythagore

1. Dans le triangle ABC rectangle en B,
D'après **le théorème de Pythagore** on a :

$$BA^2 + BC^2 = AC^2$$
$$5^2 + BC^2 = 5,25^2$$
$$25 + BC^2 = 27,5625$$
$$BC^2 = 275\,625 - 25$$
$$BC^2 = 2,5625$$
$$BC = \sqrt{2,5625}$$
$$BC \approx 1,6$$

Au dixième de mètre près, $BC \approx 1,60\ m$.

2. Les poteaux sont distants de $10\ m$. Melvin se place au milieu, donc à $5\ m$ des extrémités.
Melvin se tient debout, donc son corps est perpendiculaire (vertical) au sol (horizontal).
La corde non élastique mesure $10,5\ m$ de long, sa moitié mesure donc $10,5\ m \div 2 = 5,25\ m$.
La situation peut se modéliser de la manière suivante :



On constate qu'il s'agit de la situation géométrique de la question **1.**. Nous avons vu que $BC \approx 1,60\ m$.
Comme Melvin mesure $1,55\ m$, un peu moins que $1,60\ m$,

Il peut passer sous la corde sans se baisser.

Exercice n° 3 : Les étiquettes CORRECTION

Arithmétique

1. On constate que $102 = 3 \times 34$. 102 est donc divisible par 3 .

On peut aussi utiliser le critère de divisibilité par 3 : $1 + 0 + 2 = 3$ et 3 est un multiple de 3.

2.

102	2
51	3
17	17
1	

Ainsi $102 = 2 \times 3 \times 17$

3. Il faut combiner les produits de nombres premiers de la décomposition de 102.

$2 \times 3 = 6$; $2 \times 17 = 34$ et $3 \times 17 = 51$ sont des diviseurs non premier de 102 .

1 et 102 sont deux autres diviseurs non premiers de 102 !

4. Il faut vérifier si 34 est un diviseur commun de 102 et 85.
Comme $102 = 34 \times 3$, 34 est un diviseur de 102.
Par contre $85 = 34 \times 2 + 17$ donc 34 ne divise pas 85.

Les étiquettes ne peuvent pas avoir un côté qui mesure 34 cm.

5. 17 est un diviseur commun de 102 et 85.
On a $102 = 17 \times 6$ et $85 = 17 \times 5$.

On peut donc découper 6 étiquettes sur la longueur et 5 étiquettes sur la largeur. Soit $6 \times 5 = 30$ étiquettes.

Il pourra découper 30 étiquettes.

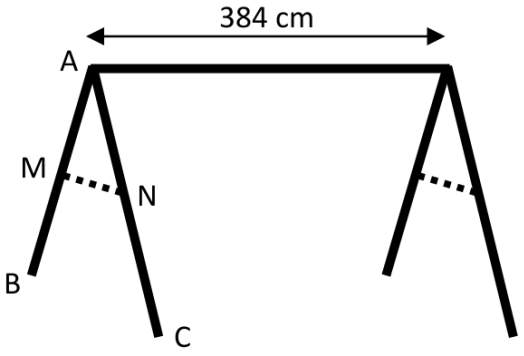
En attendant le brevet ... — Épisode 6

Exercice n° 1 — Le portique de balançoires — Thalès — Pythagore — Trigonométrie

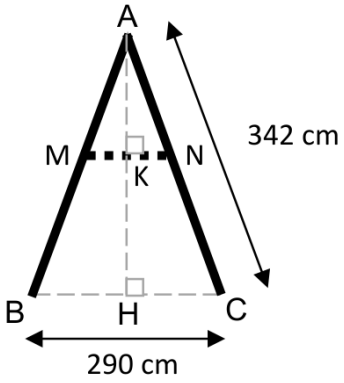
Une entreprise fabrique des portiques pour installer des balançoires sur des aires de jeux.

Document 1 : croquis d'un portique

Vue d'ensemble



Vue de côté



——— : poutres en bois de diamètre 100 mm

····· : barres de maintien latérales en bois.

ABC est un triangle isocèle en A.
H est le milieu de $[BC]$
(MN) est parallèle à (BC).

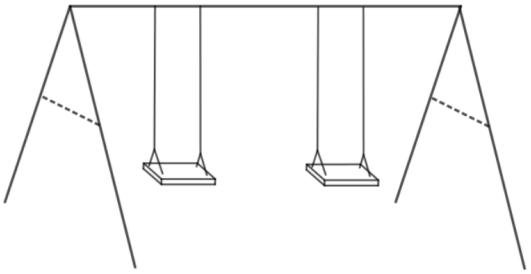
Document 2 : coût du matériel.

Poutres en bois de diamètre 100 mm :

- Longueur 4 m : 12,99 € l'unité ;
- Longueur 3,5 m : 11,75 € l'unité ;
- Longueur 3 m : 10,25 € l'unité.

Barres de maintien latérales en bois :

- Longueur 3 m : 6,99 € l'unité ;
- Longueur 2 m : 4,75 € l'unité ;
- Longueur 1,5 m : 3,89 € l'unité.



Ensemble des fixations pour un portique : 80 €.
Ensemble de deux balançoires pour un portique : 50 €.

1. Déterminer la hauteur AH du portique, arrondie au cm près.

2. Les barres de maintien doivent être fixées à 165 cm du sommet ($AN = 165\ cm$).
Montrer que la longueur MN de chaque barre de maintien est d'environ 140 cm.

3. Montrer que le coût minimal d'un tel portique équipé de balançoires s'élève à 196,98 €.

4. L'entreprise veut vendre ce portique équipé 20 % plus cher que son coût minimal.
Déterminer ce prix de vente arrondi au centime près.

5. Pour des raisons de sécurité, l'angle $\widehat{BAC}$ doit être compris entre 45° et 55°. Ce portique respecte-t-il cette condition ?

Exercice n° 2 — Un peu de technique — Développer — Factoriser — Résoudre

On pose $f(x) = (4x-7)^2 - (3x+9)^2$ et $g(x) = (3+7x)^2 - (3+7x)(6x-8)$.

1. Développer et réduire $f(x)$ et $g(x)$.
2. Factoriser $f(x)$ et $g(x)$.
3. Calculer les images de 0 et -2 par les fonctions f et g.
4. Déterminer les antécédents de 0 par les fonctions f et g.
5. Résoudre l'équation $f(x) = g(x)$.

En attendant le brevet ... — Épisode 6 — CORRECTION

Exercice n° 1 : Le portique de balançoires CORRECTION

Théorème de Thalès — Théorème de Pythagore — Trigonométrie

1. Le triangle ABH est rectangle en H.
Comme H est le milieu de $[BC]$ on a $HB = 290\ cm \div 2 = 145\ cm$
Comme ABC est isocèle en A, $AB = AC = 342\ cm$.
D'après **le théorème de Pythagore** on a :

$$HA^2 + HB^2 = AB^2$$
$$HA^2 + 145^2 = 342^2$$
$$HA^2 + 21\,025 = 116\,964$$
$$HA^2 = 116\,964 - 21\,025$$
$$HA^2 = 95\,939$$
$$HA = \sqrt{95\,939}$$
$$HA \approx 310$$

La hauteur du portique est d'environ $310\ cm$

2. Dans le triangle ABC, les droites (MN) et (BC) sont parallèles.
D'après **le théorème de Thalès** on a :

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$$
$$\frac{AM}{342\ cm} = \frac{165}{342\ cm} = \frac{MN}{290\ cm}$$

Ainsi $MN = \dfrac{165\ cm \times 290\ cm}{342\ cm} \approx 140\ cm$

La longueur de la barre est bien d'environ $140\ cm$.

3. Pour construire ce portique, il faut :

- 1 poutre de longueur $4\ m$ de diamètre $100\ mm$ à $12,99$ €;
- 4 poutres de longueur $3,5\ m$ de diamètre $100\ mm$ à $11,75$ €;
- 2 barre latérale de maintien en bois de longueur $1,5\ m$ à $3,89$ €;
- 1 ensemble de fixations pour le portique à 80 €;
- 1 ensemble de balançoires à 50 €.

$12,99$ € $+4 \times 11,75$ € $+2 \times 3,89$ € $+80$ € $+50$ € $= 197,77$ € .
On n'obtient pas le montant de l'énoncé!
L'astuce consiste à remarquer qu'il est possible de prendre une seule barre latérale de $3\ m$ à $6,99$ € puis de couper les barres de maintiens qui font chacune $1,40\ m$.
On a alors :
$12,99$ € $+4 \times 11,75$ € $+6,99$ € $+80$ € $+50$ € $= 196,98$ € .

Oui le montant minimal pour construire ce portique est bien $196,98$ € .

4. Il faut ajouter 20 % au prix.
On sait qu'ajouter 20 % à un nombre revient à multiplier ce nombre par $1 + \dfrac{20}{100} = 1 + 0,20 = 1,20$.

$1,20 \times 196,98 € \approx 236,38 €$.
On peut aussi calculer les 20 % de 196,98 € : $196,98 € \times \frac{20}{100} \approx 39,40 €$.
Puis on ajoute : $196,98 € + 39,40 € = 236,38 €$.

Le prix augmenté est $236,38 €$.

5. Comme ABC est isocèle en A, la droite (AH) est un axe de symétrie du triangle.
Ainsi l'angle $\widehat{BAC}$ vaut exactement le double de l'angle $\widehat{BAH}$.

Dans le triangle BAH rectangle en H nous avons :
$sin(\widehat{BAH}) = \frac{BH}{BA} = \frac{145\ cm}{342\ cm}$
À la calculatrice on trouve ainsi l'angle dont le sinus est égal à $\frac{145}{243}$.
$\widehat{ABH} \approx 25°$.
Finalement $\widehat{ABC} \approx 50°$.

Ce portique respecte les conditions de sécurité.

Exercice n° 2 : Un peu de technique

Correction

Développer — Factoriser — Résoudre
On pose $f(x) = (4x-7)^2 - (3x+9)^2$ et $g(x) = (3+7x)^2 - (3+7x)(6x-8)$.

1. Développer et réduire $f(x)$ et $g(x)$.

$f(x) = (4x-7)^2 - (3x+9)^2$
$f(x) = (4x-7)(4x-7) - (3x+9)(3x+9)$
$f(x) = (16x^2 - 28x - 28x + 49) - (9x^2 + 27x + 27x + 81)$
$f(x) = 16x^2 - 28x - 28x + 49 - 9x^2 - 27x - 27x - 81$

$f(x) = 7x^2 - 110x - 32$

$g(x) = (3+7x)^2 - (3+7x)(6x-8)$.
$g(x) = (3+7x)(3+7x) - (18x - 24 + 42x^2 - 56x)$
$g(x) = 9 + 21x + 21x + 49x^2 - 18x + 24 - 42x^2 + 56x$

$g(x) = 7x^2 + 80x + 33$

2. Factoriser $f(x)$ et $g(x)$.

$f(x) = (4x-7)^2 - (3x+9)^2$
$f(x) = [(4x-7) + (3x+9)]\,[(4x-7) - (3x+9)]$
$f(x) = (4x - 7 + 3x + 9)(4x - 7 - 3x - 9)$

$f(x) = (7x+2)(x-16)$

$g(x) = (3+7x)^2 - (3+7x)(6x-8)$.
$g(x) = (3+7x)(3+7x) - (3+7x)(6x-8)$
$g(x) = (3+7x)\,[(3+7x) - (6x-8)]$
$g(x) = (3+7x)(3+7x-6x+8)$

$g(x) = (3+7x)(x+11)$

3. Calculer les images de 0 et -2 par les fonctions f et g.

$f(x) = 7x^2 - 110x - 32$
$f(0) = -32$

$f(-2) = 7 \times (-2)^2 - 110 \times (-2) - 32 = 7 \times 4 + 220 - 32 = 28 + 220 - 32 = 216$

$f(0) = -32$ et $f(-2) = 216$

$g(x) = 7x^2 + 80x + 33$.
$g(0) = 33$

$g(-2) = 7 \times (-2)^2 + 80 \times (-2) + 33 = 7 \times 4 - 160 + 33 = 28 - 160 + 33 = -99$

$g(0) = 33$ et $g(-2) = -99$

4. Déterminer les antécédents de 0 par les fonctions f et g.

$f(x) = (7x+2)(x-16)$

$$(7x+2)(x-16) = 0$$

Un produit de facteurs est nul si et seulement si un des facteurs est nul

$$\begin{aligned} 7x+2 &= 0 \\ 7x+2-2 &= 0-2 \\ 7x &= -2 \\ x &= -\frac{2}{7} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x-16 &= 0 \\ x-16+16 &= 0+16 \\ x &= 16 \end{aligned}$$

Il y a donc deux antécédents : $\boxed{-\frac{2}{7} \text{ et } 16}$

$g(x) = (3+7x)(x+11)$

$$(3+7x)(x+11) = 0$$

Un produit de facteurs est nul si et seulement si un des facteurs est nul

$$\begin{aligned} 3+7x &= 0 \\ 3+7x-3 &= 0-3 \\ 7x &= -3 \\ x &= -\frac{3}{7} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x+11 &= 0 \\ x+11-11 &= 0-11 \\ x &= -11 \end{aligned}$$

Il y a donc deux antécédents : $\boxed{-\frac{3}{7} \text{ et } -11}$

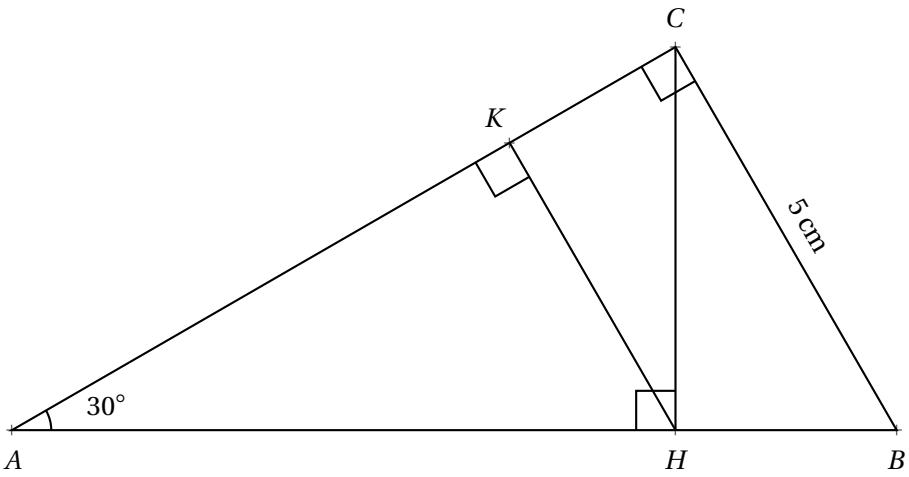
5. Résoudre l'équation $f(x) = g(x)$.

$$\begin{aligned} f(x) &= g(x) \\ 7x^2-110x-32 &= 7x^2+80x+33 \\ 7x^2-110x-32-7x^2 &= 7x^2+80x+33-7x^2 \\ -110x-32 &= 80x+33 \\ -110x-32+32 &= 80x+33+32 \\ -110x &= 80x+65 \\ -110x-80x &= 80x+65-80x \\ -190x &= 65 \\ x &= -\frac{65}{190} \\ x &= -\frac{13}{38} \end{aligned}$$

$\boxed{\text{Il y a une solution } -\frac{13}{38}.}$

En attendant le brevet ... — Épisode 7

Exercice n° 1 — Les triangles semblables — Thalès — Pythagore — Trigonométrie



1. Montrer que $AB = 10\,\text{cm}$.

2.a Calculer AC au dixième de millimètre près en utilisant la trigonométrie.
2.b. Montrer que la valeur exacte de AC vaut $\sqrt{75}$ cm en utilisant le théorème de Pythagore.

3. Calculer au millimètre carré près, l'aire du triangle rectangle ABC.

4.a. Calculer au dixième de millimètre près les longueurs CH et AH.
4.b. Calculer au millimètre carré près, l'aire du triangle rectangle AHC.

5.a. Calculer au dixième de millimètre près la longueur HB.
5.b. Calculer au millimètre carré près, l'aire du triangle rectangle BHC.

6.a. Démontrer que les droites (KH) et (BC) sont parallèles.
6.b. Calculer au dixième de millimètre près les longueurs KH, AK et KC.
6.c. Calculer au millimètre carré près, l'aire du triangle rectangle KHC et AKH.

7. Indiquer la mesure des angles des triangles ABC, AHC, HBC, HKC et AKH. Que peut-on dire de ces triangles ?

8.a. Quel est le coefficient multiplicateur qui permet de passer des mesures du triangles BHC à celles du triangle ABC ?
8.b. Quel est le coefficient multiplicateur qui permet de passer des mesures du triangles AHC à celles du triangle KHC ?
8.c. Quel est le coefficient multiplicateur qui permet de passer de l'aire du triangle BHC à celle du triangle ABC ?
8.d. Quel est le coefficient multiplicateur qui permet de passer de l'aire du triangle AHC à celle du triangle KHC ?

Exercice n° 2 — Les chocolats blancs et noirs — Arithmétique

1. Décomposer en produit facteurs premiers les nombres 7980 et 7140.

2. Simplifier au maximum la fraction $\dfrac{7140}{7980}$.

3. Un chocolatier vient de préparer 7980 chocolats blancs et 7140 chocolats noirs. Il souhaite préparer des sachets tous identiques contenant la même répartition de chocolats.
Combien de sachets pourra-t-il au maximum confectionner et quel sera la répartition dans chaque sachet.

En attendant le brevet ... — Épisode 7 — CORRECTION

Exercice n° 1 : Les triangles semblables CORRECTION

Théorème de Thalès — Théorème de Pythagore — Trigonométrie

1. Le triangle ABC est rectangle en C.
On connaît le côté opposé à l'angle $\widehat{CAB}$ et on cherche l'hypoténuse.

$\sin 30° = \dfrac{5\,\text{cm}}{AB}$ donc $AB = \dfrac{5\,\text{cm}}{\sin 30°} = 10\,\text{cm}$.

$\boxed{AB = 10\,\text{cm}}$

2.a. Dans le triangle ABC rectangle en C, on connaît la mesure de l'hypoténuse et on cherche la longueur du côté adjacent à l'angle $\widehat{BAC}$.

$\cos 30° = \dfrac{AC}{10\,\text{cm}}$ donc $AC = 10\,\text{cm} \times \cos 30° \approx 8{,}66\,\text{cm}$.

$\boxed{AC \approx 8{,}66\,\text{cm au dixième de millimètre près.}}$

2.b. Dans le triangle ABC rectangle en C,
D'après **le théorème de Pythagore** on a :

$$CA^2 + CB^2 = AB^2$$
$$CA^2 + 5^2 = 10^2$$
$$CA^2 + 25 = 100^2$$
$$CA^2 = 100 - 25$$
$$CA^2 = 75$$
$$AC = \sqrt{75}$$
$$AC \approx 8,66$$

$\boxed{AC = \sqrt{75}\,\text{cm} \approx 8{,}66\,\text{cm}}$

3. $\boxed{\text{Aire}(ABC) = \dfrac{CA \times CB}{2} \approx \dfrac{8{,}66\,\text{cm} \times 5\,\text{cm}}{2} \approx \dfrac{86{,}6\,\text{mm} \times 50\,\text{mm}}{2} \approx 2165\,\text{mm}^2}$

4.a. Dans le triangle AHC rectangle en H, on connaît l'hypoténuse et on veut le côté opposé.

$\sin 30° = \dfrac{CH}{8{,}66\,\text{cm}}$ soit $\boxed{CH \approx 8{,}66\,\text{cm} \times \sin 30° \approx 4{,}33\,\text{cm}}$

Dans le triangle AHC rectangle en H, on connaît l'hypoténuse et on veut le côté adjacent.

$\cos 30° = \dfrac{AH}{8{,}66\,\text{cm}}$ soit $\boxed{AH \approx 8{,}66\,\text{cm} \times \cos 30° \approx 7{,}50\,\text{cm}}$

4.b. $\boxed{\text{Aire}(AHC) = \dfrac{HA \times HC}{2} \approx \dfrac{7{,}50\,\text{cm} \times 4{,}33\,\text{cm}}{2} \approx \dfrac{75\,\text{mm} \times 43{,}3\,\text{mm}}{2} \approx 1624\,\text{mm}^2}$

5.a. $\boxed{HB = AB - AH = 10\,\text{cm} - 7{,}50\,\text{cm} = 2{,}50\,\text{cm}}$

5.b. $\boxed{\text{Aire}(BHC) = \dfrac{HB \times HC}{2} \approx \dfrac{2{,}50\,\text{cm} \times 4{,}33\,\text{cm}}{2} \approx \dfrac{25\,\text{mm} \times 43{,}3\,\text{mm}}{2} \approx 541\,\text{mm}^2}$

6.a. Les droites (KH) et (CB) sont perpendiculaires à la droite (AC). On sait que **si deux droites sont perpendiculaires à une même droite alors elles sont parallèles entre elles.**.

$(KH)//(CB)$

6.b. Les droites (KC) et $(HB$ sont sécantes en A, les droites (KH) et (CB) sont parallèles, i 'après **le théorème de Thalès** on a :

$$\frac{AH}{AB} = \frac{AK}{AC} = \frac{HK}{BC}$$

$$\frac{7{,}5\,\text{cm}}{10\,\text{cm}} = \frac{AK}{8{,}66\,\text{cm}} = \frac{HK}{5\,\text{cm}}$$

En utilisant la règle de trois on obtient :

$AK = \dfrac{8{,}66\,\text{cm} \times 7{,}5\,\text{cm}}{10\,\text{cm}}$ d'où $AK = \dfrac{64{,}95\,\text{cm}^2}{10\,\text{cm}}$ et $AK \approx 6{,}50\,\text{cm}$

$HK = \dfrac{5\,\text{cm} \times 7{,}5\,\text{cm}}{10\,\text{cm}}$ d'où $HK = \dfrac{37{,}5\,\text{cm}^2}{10\,\text{cm}}$ et $HK \approx 3{,}75\,\text{cm}$

$HK \approx 3{,}75\,\text{cm}$, $AK \approx 6{,}50\,\text{cm}$ et $KC = AC - AK \approx 8{,}66\,\text{cm} - 6{,}50\,\text{cm} \approx 2{,}16\,\text{cm}$.

6.c. $\text{Aire}(AKH) = \dfrac{KA \times KH}{2} \approx \dfrac{6{,}50\,\text{cm} \times 3{,}75\,\text{cm}}{2} \approx \dfrac{65\,\text{mm} \times 37{,}5\,\text{mm}}{2} \approx 1219\,\text{mm}^2$

$\text{Aire}(KHC) = \dfrac{KH \times KC}{2} \approx \dfrac{3{,}75\,\text{cm} \times 2{,}16\,\text{cm}}{2} \approx \dfrac{37{,}5\,\text{mm} \times 21{,}6\,\text{mm}}{2} \approx 405\,\text{mm}^2$

7. Dans le triangle ABC rectangle en C,
$\widehat{CAB} + \widehat{ABC} + \widehat{BCA} = 180°$
$30° + \widehat{ABC} + 90° = 180°$ donc $\widehat{ABC} = 60°$.
Les angles $\widehat{CAB}$ et $\widehat{ABC}$ sont complémentaires.

Dans le triangle BHC rectangle en H, les angles $\widehat{CBH}$ et $\widehat{BCH}$ sont complémentaires, donc $\widehat{BCH} = 60°$.

Dans le triangle AKH rectangle en K, les angles $\widehat{KAH}$ et $\widehat{AHK}$ sont complémentaires, donc $\widehat{AHK} = 60°$.

Dans le triangle KCH, $\widehat{KHC} = 90° - \widehat{AHK} = 90° - 60° = 30°$.
De plus $\widehat{KHC}$ et $\widehat{KCH}$ sont complémentaires, $\widehat{KCH} = 60°$.

Les triangles ABC, AHC, CHB, KCH et AKH ont des angles à 90°, 60° et 30°, ils sont semblables.

8.abcd Les triangles étant semblables, ils sont des agrandissements ou des réductions les uns des autres.

8.a. En termes de mesures, ABC est deux fois plus grand que le triangle BHC.

8.b. En termes de mesures, KHC est deux fois plus grand que le triangle AHC.

8.c. En termes d'aires, ABC est quatre fois plus grand que le triangle BHC.

8.d. En termes d'aires, KHC est deux fois plus grand que le triangle AHC.

Exercice n° 2 : Les chocolats blancs et noirs Correction

Arithmétique

1.

7 980	2
3 990	2
1 995	3
665	5
133	7
19	19
1	

7 140	2
3 570	2
1 785	3
595	5
119	7
17	17
1	

$7\,980 = 2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 19$ et $7\,140 = 2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 17$

2. $\dfrac{7140}{7980} = \dfrac{2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 17}{2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 19} = \boxed{\dfrac{17}{19}}$

3. Nous venons de voir que le nombre $2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 7 = 420$ est le plus grand diviseur commun de ces deux nombres.
En effet, $7140 = 420 \times 17$ et $7980 = 420 \times 19$.

Il pourra constituer 420 sachets contenant chacun 17 chocolats noirs et 19 chocolats blancs.

Brevet Blanc — 30 janvier 2024 — Correction

Exercice n° 1 — Correction

Situation n° 1

Comparons les quotients $\frac{LA}{LG}$ et $\frac{LF}{LD}$.

$\frac{LA}{LG} = \frac{29\,\text{cm}}{34\,\text{cm}}$

$\frac{LA}{LG} \approx 0,85$

$\frac{LF}{LD} = \frac{46\,\text{cm}}{53\,\text{cm}}$

$\frac{LF}{LD} \approx 0,87$

Une autre méthode consiste à comparer les produits en croix : on a $29 \times 53 = 1378$ et $46 \times 34 = 1564$

Avec l'une ou l'autre méthode, on constate que $\frac{LA}{LG} \neq \frac{LF}{LD}$.

D'après **le théorème de Thalès contraposé**, les droites (FA) et (GD) ne sont pas parallèles.

Situation n° 2

Comparons $MB^2 + MV^2$ et BV^2 :

$MB^2 + MV^2$	BV^2
$48^2 + 55^2$	73^2
$2304 + 3025$	
5329	5329

Comme $MB^2 + MV^2 = BV^2$, d'après **la réciproque du théorème de Pythagore**, le triangle MBV est rectangle en M.

Situation n° 3

Dans le triangle HCK rectangle en C,
D'après **le théorème de Pythagore** on a :

$$CH^2 + CK^2 = HK^2$$
$$35^2 + CK^2 = 37^2$$
$$1225 + CK^2 = 1369$$
$$CK^2 = 1369 - 1225$$
$$CK^2 = 144$$
$$CK = \sqrt{144}$$
$$CK = 12$$

Le segment $[KC]$ mesure bien 12 mm.

Situation n° 4

$$7x - 5 = 3x + 8$$
$$7x - 5 + 5 = 3x + 8 + 5$$
$$7x = 3x + 13$$
$$7x - 3x = 3x + 13 - 3x$$
$$4x = 13$$
$$x = \frac{13}{4}$$
$$x = 3,25$$

3,25 est la solution de cette équation.

Exercice n° 2 — Correction

1.a.

170	2
85	5
17	17
1	

$170 = 2 \times 5 \times 17$

65	2
13	13
1	

$65 = 3 \times 13$

1.b. On constate que $85 = 5 \times 17$, que $170 = 2 \times 5 \times 17$ et que $65 = 5 \times 13$.

Le nombre de panier est un diviseur commun à ces trois nombres. On cherche le plus grand diviseur commun.
En observant les décompositions en facteurs premiers, on constate que 5 est le plus grand diviseur commun de ces trois nombres.

José peut préparer au maximum 5 paniers.

1.c. On peut écrire $85 = 5 \times 17$, $170 = 5 \times 34$ et $65 = 5 \times 13$.
Il suffit de diviser chaque nombre par 5 ou d'observer attentivement les décompositions en produit de facteurs premiers.

Dans chaque panier, il y aurait 17 salades, 34 carottes et 13 aubergines.

2.a. Il y a 65 aubergines. On peut effectuer la division euclidienne de 65 par 17.

6 5	1 7
1 4	3

Ainsi $65 = 17 \times 3 + 14$. 14 aubergines ne seront pas utilisées.

2.b. Il faudrait atteindre un multiple de 17. Le plus petit supérieur à 14 est 17. Il faut cueillir 3 aubergines supplémentaires.

3. Il faut que le nombre de tomates soit un multiple de 17.
On cherche le plus grand multiple de 17 compris entre 105 et 125.

1 0 5	1 7
3	6

donc $105 = 17 \times 6 + 3$

Calculons $17 \times 7 = 119$ et $17 \times 8 = 136$.

Il doit récolter au maximum 119 tomates pour éviter les pertes.

Exercice n° 3 — Correction

1.a. L'image de 1 par la fonction f est -1.

1.b. -1 a pour image 3 par la fonction f.

1.c. -2 est un antécédent de 5 par la fonction f.

2.a. En prenant 1 comme nombre de départ on obtient successivement : 1 puis $1^2 = 1$, $1 + 3 \times 1 = 1 + 3 = 4$ et enfin $4 + 5 = 9$.

En prenant 1 au départ, on obtient bien 9.

2.b. En prenant -2 comme nombre de départ on obtient successivement : -2 puis $(-2)^2 = 4$, $4 + 3 \times (-2) = 4 - 6 = -2$ et enfin $-2 + 5 = 3$.

En prenant -2 au départ, on obtient 3.

2.c. En partant d'un nombre générique x on obtient successivement :
x puis x^2, x^2+3x et enfin x^2+3x+5.

La fonction qui correspond à ce programme de calcul est $g(x) = x^2+3x+5$.

3. On a $h(x) = 2x-3$.

3.a. $h(1) = 2\times 1-3 = 2-3 = -1$

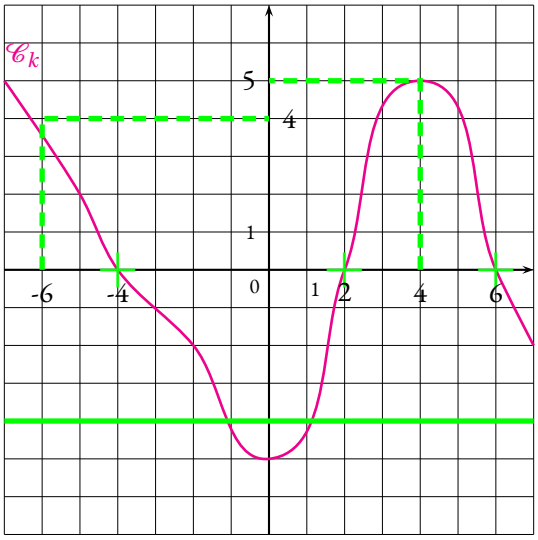
3.b. $h(-2) = 2\times(-2)-3 = -4-3 = -7$

3.c. Pour déterminer un antécédent de 7 par la fonction h, il faut résoudre l'équation suivante :

$$\begin{aligned} h(x) &= 7 \\ 2x-3 &= 7 \\ 2x-3+3 &= 7+3 \\ 2x &= 10 \\ x &= \frac{10}{5} \\ x &= 2 \end{aligned}$$

On pouvait aussi tenter quelques essais pour déterminer cet antécédent.

2 est l'antécédent de 7 par la fonction h.



4.a. L'image de -6 par la fonction k vaut 4.

4.b. $k(4) = 5$

4.c. Les antécédents de 0 par k sont -4, 2 et 6

4.d. -4 possède 2 antécédents

Exercice n° 4 — Correction

1. Les droites (PN) et (VM) sont perpendiculaires à la même droite (DM).
On sait que **si deux droites sont perpendiculaires à une même droite alors elles sont parallèles entre elles.**

Les droites (PN) et (VM) sont parallèles.

2. Les droites (VP) et (MN) sont sécantes en D.
Les droites (PN) et (VM) sont parallèles.
D'après **le théorème de Thalès** on a :

$$\frac{DN}{DM} = \frac{DP}{DV} = \frac{NP}{MV}$$

$$\frac{DN}{DM} = \frac{3\,\text{km}}{3{,}8\,\text{km}} = \frac{PN}{0{,}741\,\text{km}}$$

En utilisant la règle de trois on obtient :

$$PN = \frac{0{,}741\,\text{km} \times 3\,\text{km}}{3{,}8\,\text{km}} \quad \text{d'où} \quad PN = \frac{2{,}233\,\text{km}^2}{3{,}8\,\text{km}} \quad \text{et} \quad PN = 0{,}585\,\text{km}$$

Arrivée en P, Fabienne se situe à 0,585 km=585 m.

3. Fabienne a parcouru 3 km en 2 h. En 1 h, elle a parcouru $3\,\text{km} \div 2 = 1{,}5\,\text{km}$.

De manière plus complexe, il était possible d'utiliser l'égalité des produits en croix entre les deux grandeurs proportionnelles, distance et temps.

Distance	3 km	$\frac{1\ h \times 3\,\text{km}}{2\ h} = 1{,}5\,\text{km}$
Temps	2 h	1 h

Fabienne a atteint le point P à la vitesse de 1,5 km/h.

4. La distance PV restant à parcourir mesure $3{,}8\,\text{km} - 3\,\text{km} = 0{,}8\,\text{km}$.
Fabienne a parcouru cette distance à la vitesse moyenne de 1,2 km/h.

Distance	1,2 km	0,8 km
Temps	1 h	$\frac{0{,}8\,\text{km} \times 1\ h}{1{,}2\,\text{km}} \approx 0{,}667\ h$

Comme $1\ h = 60\ min$, $0{,}667\ h \approx 0{,}667 \times 60\ min \approx 40\ min$.

Il était conseillé d'utiliser des minutes dans le tableau ci-dessus :

Distance	1,2 km	0,8 km
Temps	1 h= 60 min	$\frac{0{,}8\,\text{km} \times 60\ min}{1{,}2\,\text{km}} = 40\ min$

Fabienne a mit 40 min pour parcourir la fin du circuit soit 2 h 40 min en tout.

Fabienne a dépassé la durée attendue de 10 min.

Exercice n° 5 — Correction

1. Il faut classer ces temps dans l'ordre croissant pour déterminer le troisième :

$$47,15\ s < 47,31\ s < 47,42\ s < 47,43\ s < 47,45\ s < 47,83\ s < 47,94\ s < 48,17\ s$$

Maxime Grousset est arrivé troisième en 47,42 s.

2. Ce nageur a parcouru 100 m en 47,31 s.
Comme $100\,\text{m} \div 47,31\ s \approx 2,1$, sa vitesse moyenne est de 2,1 m/s.

On pouvait aussi utiliser un tableau :

Distance	100 m	$\frac{100\,\text{m} \times 1\ s}{47,31\ s} \approx 2,1\ s$
Temps	47,31 s	1 s

Sa vitesse moyenne au dixième près est de 2,1 m/s.

3. Il faut calculer : $\frac{47,45\ s + 47,42\ s + 47,94\ s + 47,15\ s + 47,83\ s + 47,31\ s + 48,17\ s + 47,43\ s}{8} = \frac{380,7\ s}{8} = 47,5875\ s.$

La moyenne de cette série vaut 45,5875 s soit environ 45,59 s au centième de seconde près.

4. Cette série statistique comprend 8 valeurs. La médiane de cette série est donc la moyenne de la quatrième et cinquième valeur.
On utilise le classement de la question **1.**.
Le temps du quatrième est 47,43 s et le temps du cinquième est 47,45 s.

La médiane de cette série vaut $\frac{47,43\ s + 47,45\ s}{2} = 47,44\ s.$

5. D'après le tableau, la Chine a obtenu 20 médailles d'or et les États-Unis 7. Soit 27 à eux deux. Or l'Australie n'en a obtenu que 15.

L'affirmation est fausse.

6. Le Japon a gagné 10 médailles dont 4 en or. $\frac{4}{10} = 0,40 = 40\ \%$ des médailles du Japon son en or. L'affirmation est vraie.

7. Il faut faire la somme des médailles d'or, d'argent et de bronze. Dans la cellule **F2** a été saisi : **=C2+D2+E2.**

Exercice n° 6 — Correction

1. Pour une personne, l'aller-retour au départ de Nantes coûte 530 €. Au départ de Paris il coûte 350 €.
L'écart de prix pour une personne est de 530 €- 350 €= 180 €.

Pour le couple, la différence de prix est de 180 €+ 180 €= 360 €.

2.a. Il faut arriver à l'aéroport au moins 2 h avant le décollage. L'avion part de Paris à 11 h 55 min, ils doivent donc arriver avant 9 h 55 min.
Le trajet entre Nantes et Paris prend 4 h 24 min.

Comme 9 h 55 min - 4 h 24 min = 5 h 31 min, ils doivent partir de Nantes au plus tard à 5 h 31 min.

2.b. La distance entre Nantes et Paris vaut 409 km. La voiture consomme 6 L pour 100 km.
Comme $409\,\text{km} = 100\,\text{km} \times 4,09$, la voiture consomme $4,09 \times 6\,\text{L} = 24,54\,\text{L}$ pour ce trajet.

Le carburant coûte 1,80 €par litre. Le coût du carburant est donc $24,54 \times 1,80\,€ = 44,172\,€$soit environ 44,17 €.

3. Il faut comparer le coût du voyage en voiture, carburant, péage et parking inclus avec le coût du train.

Coût du voyage en voiture

Carburant : 44,17 €pour l'aller et 44,17 €pour le retour.
Péage : 39,20 €à l'aller et au retour.
Parking : 119 €
Total pour l'aller et le retour : $44,17\,€ \times 2 + 39,20\,€ \times 2 + 119\,€ = 88,34\,€\ 78,4\,€ + 119\,€ = 285,74\,€$

Coût du voyage en train

Aller pour un passager : 66 €
Retour pour un passager : 39 €
Aller-retour pour un passager : 66 €+ 39 €=105 €.
Aller-retour pour deux passagers : 105 €+ 105 €= 210 €.

Le train est le plus économique, il revient 285,75 € -210 € =75,75 € moins cher que la voiture.

IEF

Le robot Sora-Q

Troisième

Sora-Q est un robot lunaire japonais conçu par le fabricant de jouets Tomy. C'est un mini robot transformable fabriqué à partir d'un type spécial d'aluminium et de plastique spécialement conçu pour résister aux températures lunaires extrêmes (entre $-274°$ F et $248°$ F). Il ne pèse que 255 grammes. Grâce à lui, l'agence spatiale japonaise, la JAXA, souhaite comprendre comment déplacer un robot sur la lune.

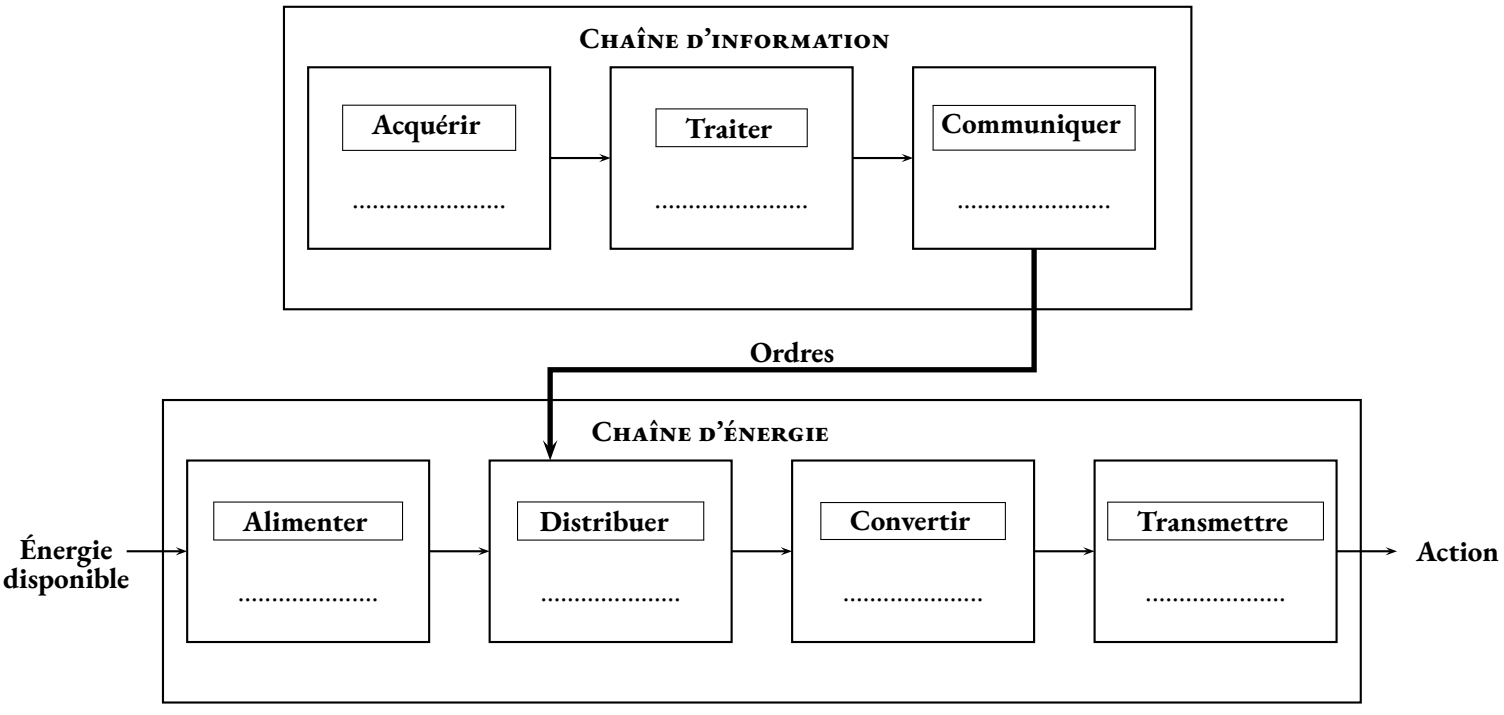
Sora-Q, fonctionne sur deux roues, il se déforme après l'atterrissage et fonctionne automatiquement avec deux moteurs qui pilotent chacune des roues. Équipé de deux caméras, il peut prendre des photos devant et derrière lui pour observer l'environnement sélénite. Il est adapté à tout type de terrain. Il est capable de résister au régolithe lunaire qui est connu pour être très abrasif et insidieux. Il est réputé pour endommager rapidement les équipements. La mission de Sora-Q consiste d'ailleurs à mieux comprendre la composition et le fonctionnement de cette poudre qui parsème le sol de notre satelite.

Il a la possibilité de se changer en une sphère d'un diamètre d'environ 8 cm. Son mécanisme de déformation est né du savoir-faire de la société de fabrication de jouets Tomy qui s'est directement inspiré des Transformers pour la conception. En se transformant en une boule, Sora-Q devient plus résistant au chocs. Comme le nombre de pièces est réduit, il est léger et difficile à casser. Le robot pourra évoluer sur plusieurs kilomètres à la vitesse moyenne de 35 cm/s. Sa batterie Li-ion lui assure une autonomie de deux heures. Passé ce temps, Sora-Q restera définitivement inactif sur la lune !

1. Qu'est-ce que la Lune ? Faire la liste de quelques planètes du système solaire. Nommer deux étoiles.

2. Faire la liste de toutes les grandeurs dont le texte ci-dessus fait mention.

3. Compléter la chaîne d'énergie et la chaîne d'informations du robot.



4. Quelle est la masse en kilogrammes d'un carton contenant 16 robots Sora-Q?

5. Pour convertir une température en degré Fahrenheit en degré Celsius il suffit d'appliquer la formule suivante :

$$\text{Température en degrés Celsius} = 5\ (\text{Température en degrés Fahrenheit} - 32) \div 9$$

Exprimer les deux températures du texte en degrés Celsius à l'aide de la calculatrice.

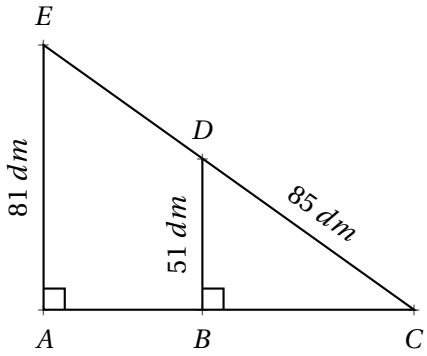
6.a. Depuis le 12 avril 1961, quand Youri Gagarine a été le premier être humain à effectuer un vol dans l'espace, 560 astronautes ont effectué cette expérience. Parmi eux, seulement 64 femmes soit 11 % des vols spaciaux. Comment expliquer cette proportion aussi faible de femmes dans ce métier ?

6.b. 10 % des français pensent que la mission Apollo 11 est une fausse information et que par conséquent l'homme n'est jamais allé sur la lune. Comment expliques-tu qu'autant de gens puissent croire cela ?

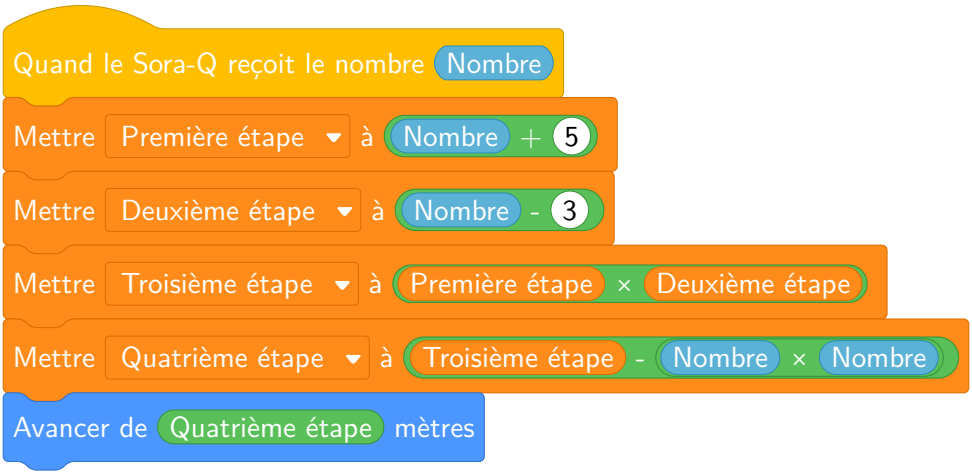
7. Voici le trajet effectué par Sora-Q :

Sora-Q est parti du point C puis il est passé par les points B, D, E, A et il revenu au point C.

Quelle distance a parcouru Sora-Q?



8. Un ingénieur de la JAXA à injecté le programme suivant dans la carte programmable du Sora-Q :



8.a. Quelle distance va parcourir Sora-Q si le nombre envoyé est 7 ?

8.b. En notant x le nombre envoyé, écrire une expression littérale qui correspond à la distance à parcourir.

8.c. Développer et réduire l'expression précédente.

8.d. Quel nombre doit on envoyer à Sora-Q pour qu'il parcoure 10 m.

9. Combien de temps met Sora-Q pour parcourir 10 m ?

Bilan des compétences

D1.3 — Comprendre, s'exprimer en utilisant les langages mathématiques, scientifiques et informatiques

Élément signifiant	Exercice	Remarque	Maîtrise
Utiliser les nombres entiers	**5.**	Usage des nombres relatifs	
	8.a.	Programme de calcul	
Utiliser le calcul littéral	**8.b.**	Écrire une expression littérale	
	8.c.	Développer et réduire une expression	
Exprimer une grandeur mesurée ou calculée dans une unité adaptée	**8.d.**	Calcul de vitesse	
Utiliser et produire des représentations d'objets	**7.**	Théorème de Pythagore	
		Perpendiculaire à une même droite	
		Thalès	
Utiliser l'algorithmique et la programmation pour créer des applications simples	**8.**	Algorithme de calcul	

D3 — La formation de la personne et du citoyen

Élément signifiant	Exercice	Remarque	Maîtrise
Distinguer ce qui relève d'une croyance ou d'une opinion et ce qui constitue un savoir (ou un fait) scientifique.	**6.**	Dépasser des clichés et des stéréotypes.	

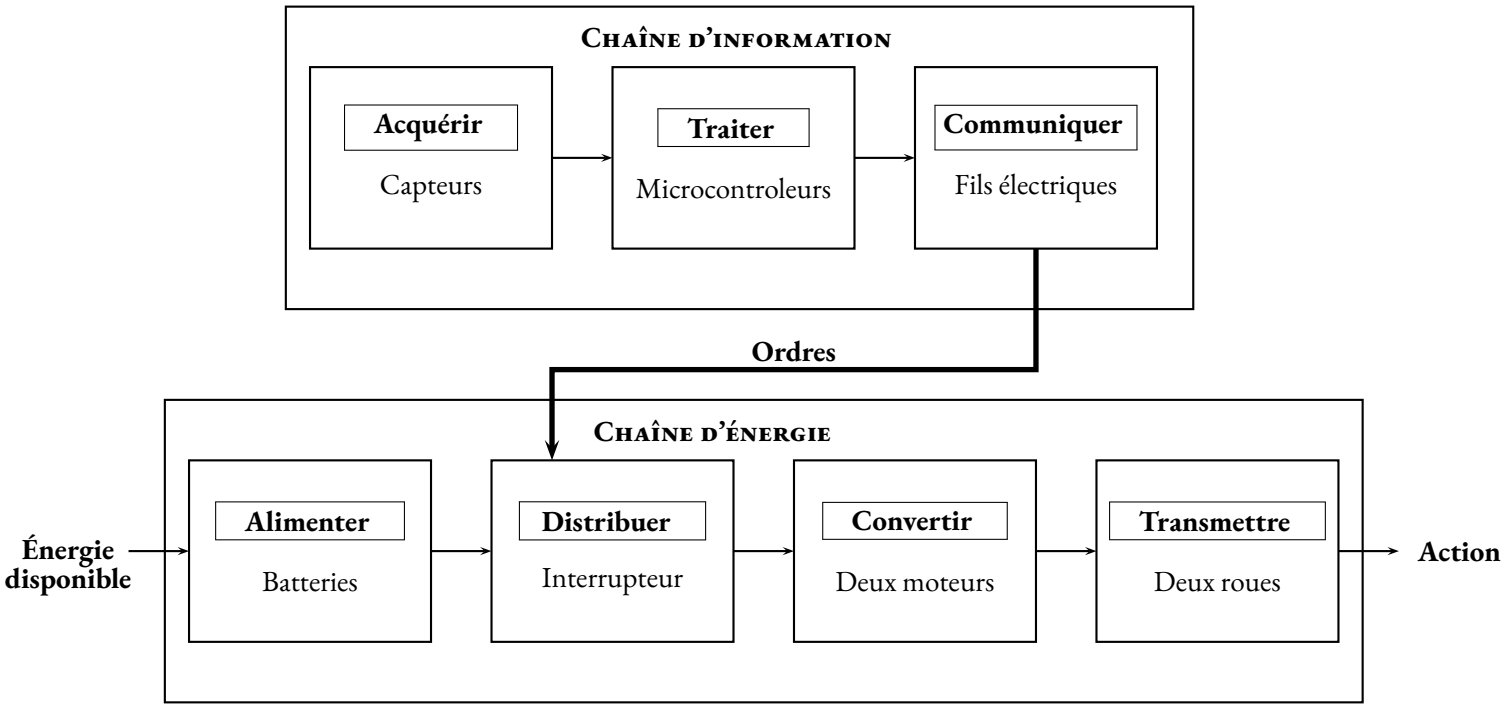
D4 — Les systèmes naturels et les systèmes techniques

Élément signifiant	Exercice	Remarque	Maîtrise
Mener une démarche scientifique ou technologique, résoudre des problèmes simples		Repérer les informations utiles pour chaque question Extraire, organiser les informations utiles et les transcrire dans un langage adapté. Mettre en œuvre un raisonnement logique simple. Communiquer sur ses démarches, ses résultats	

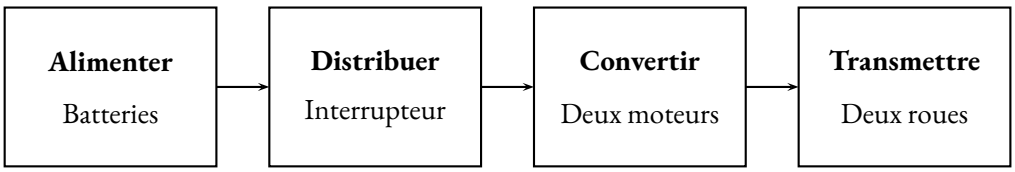
Remarques :

Questions supplémentaires :

3. Version technologie



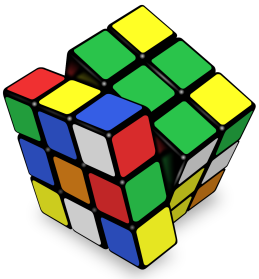
Version physique



Energie électrique -> Transformateur (moteur) -> Énergie de mouvement ou mécanique
Il y a des pertes, échauffement chaleur.
Imaginer la chaîne d'information :
Acquérir Capteurs
Traiter
Communiquer

6.a. Que signifie l'information : « la vitesse moyenne de 35 cm/s. »

0.a



La salle de classe

✧✧✧

Tâche complexe

Dans la salle 12 du collège, l'éclairage est défectueux : les tubes néons restent allumés en permanence car l'interrupteur qui commande leur fonctionnement est en panne.
Quel est le montant de la consommation d'électricité liée à ce dysfonctionnement pendant les congés de Toussaint de l'année en cours (weekend compris) ?
Tu utiliseras les ressources données et présenteras ta démarche et tes calculs.

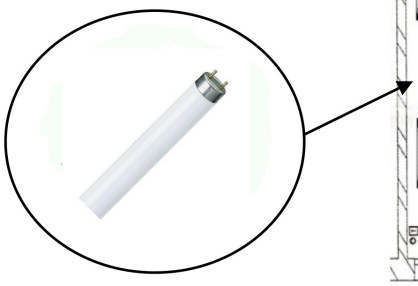
Document 1 : Calcul de l'énergie électrique
L'énergie électrique consommée par un système électrique se calcule à l'aide de la formule suivante :

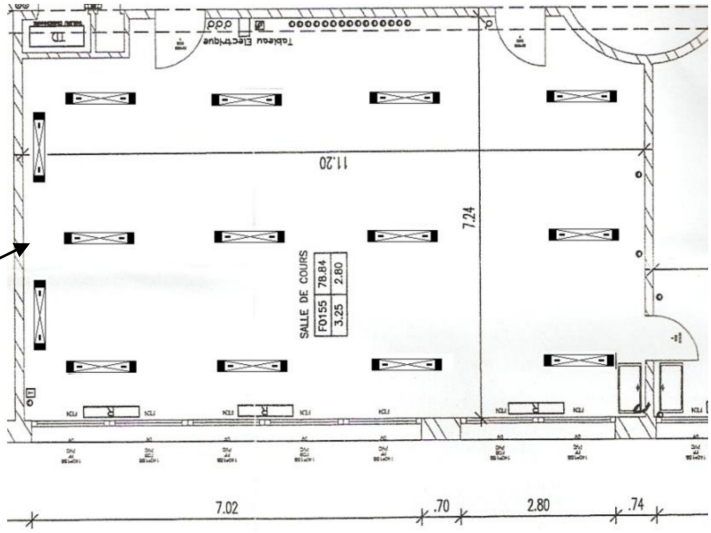
$$E = P \times t$$

— E est l'énergie électrique consommée en Wattheures (Wh) ;
— P est la puissance de l'appareil électrique en Watts (W) ;
— t est le temps en heures (h).

Document 2 : Schéma de l'installation électrique de la salle 12

Tube néon : référence ME2908



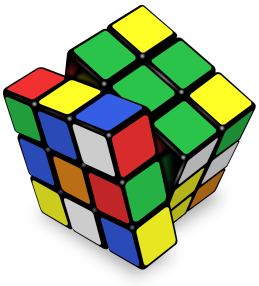


Document 3 : Extrait du catalogue des tubes néons

Modèle	Longueur	Lumens	Puissance	Par 1 et +	Par 5 et +	Par 25 et +
ME2906	590 mm	1 300	16 W	4,75 €	4,55 €	4,39 €
ME2907	1 200 mm	3 200	32 W	6,00 €	5,80 €	5,55 €
ME2908	1 500 mm	5 000	51 W	6,60 €	6,35 €	6,15 €

Document 4 : Tarifs pratiqués par le fournisseurs d'électricité du collège.

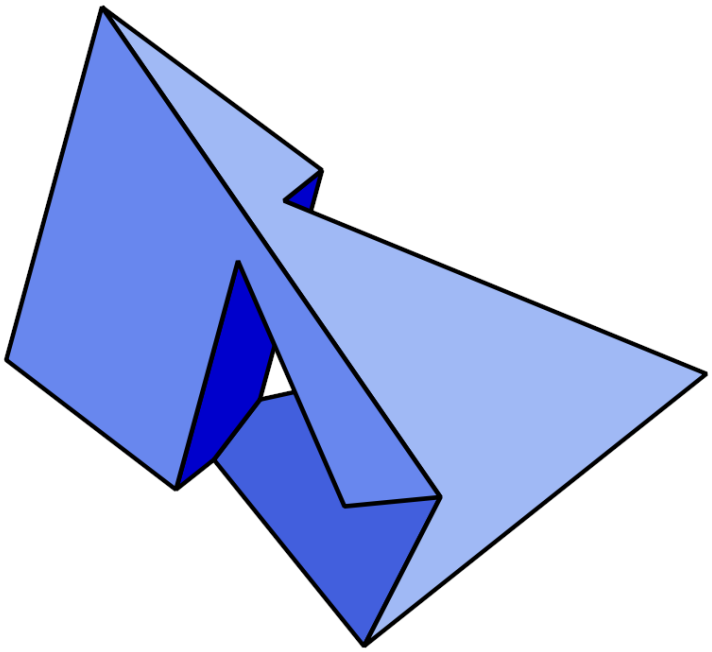
	Heures pleines (5h30 - 21h30) Prix TTC	Heures creuses (21h30 - 5h30) Prix TTC
Prix pour 1 kWh	0,184 1 €	0,147 0 €



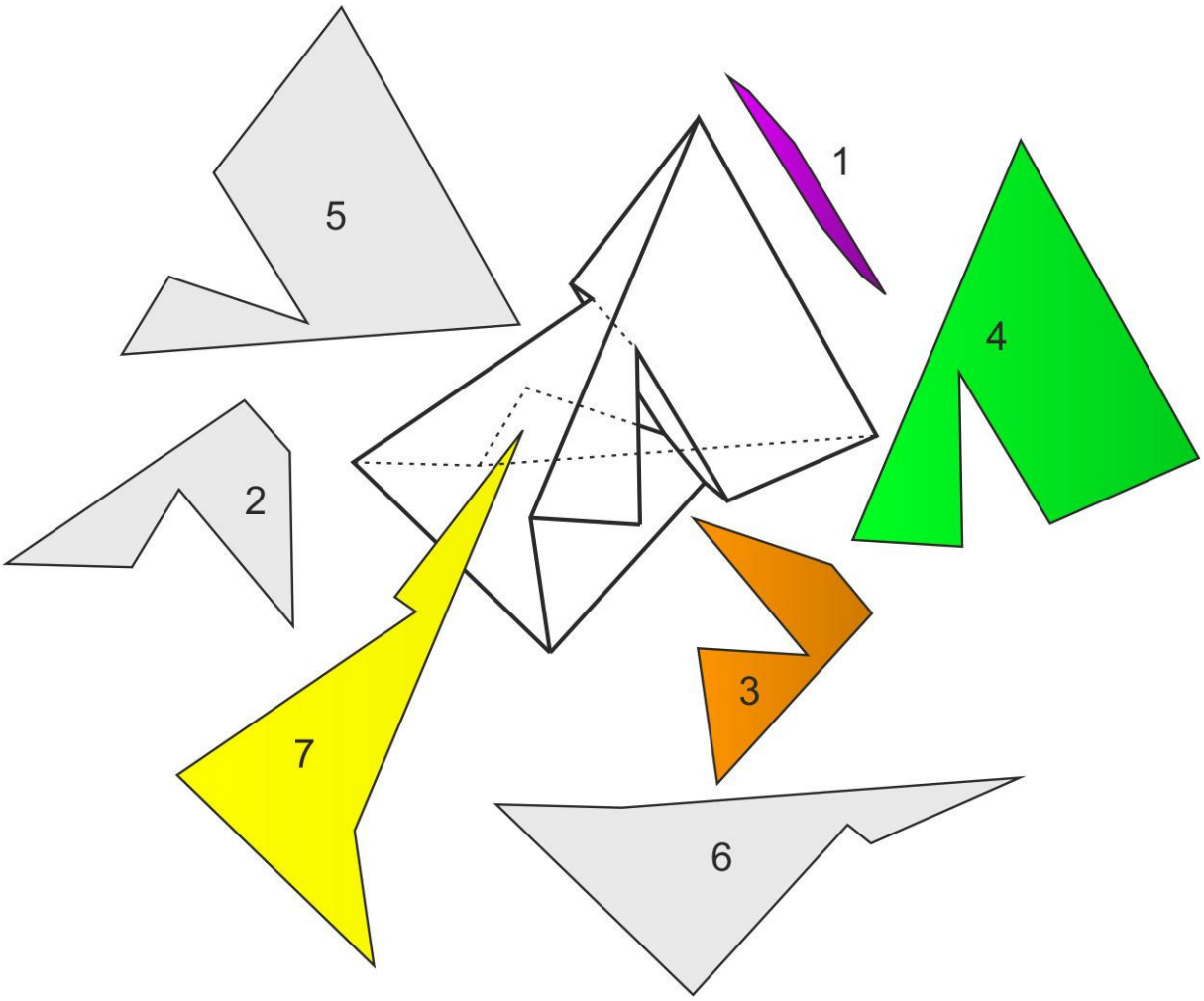
Tâche complexe

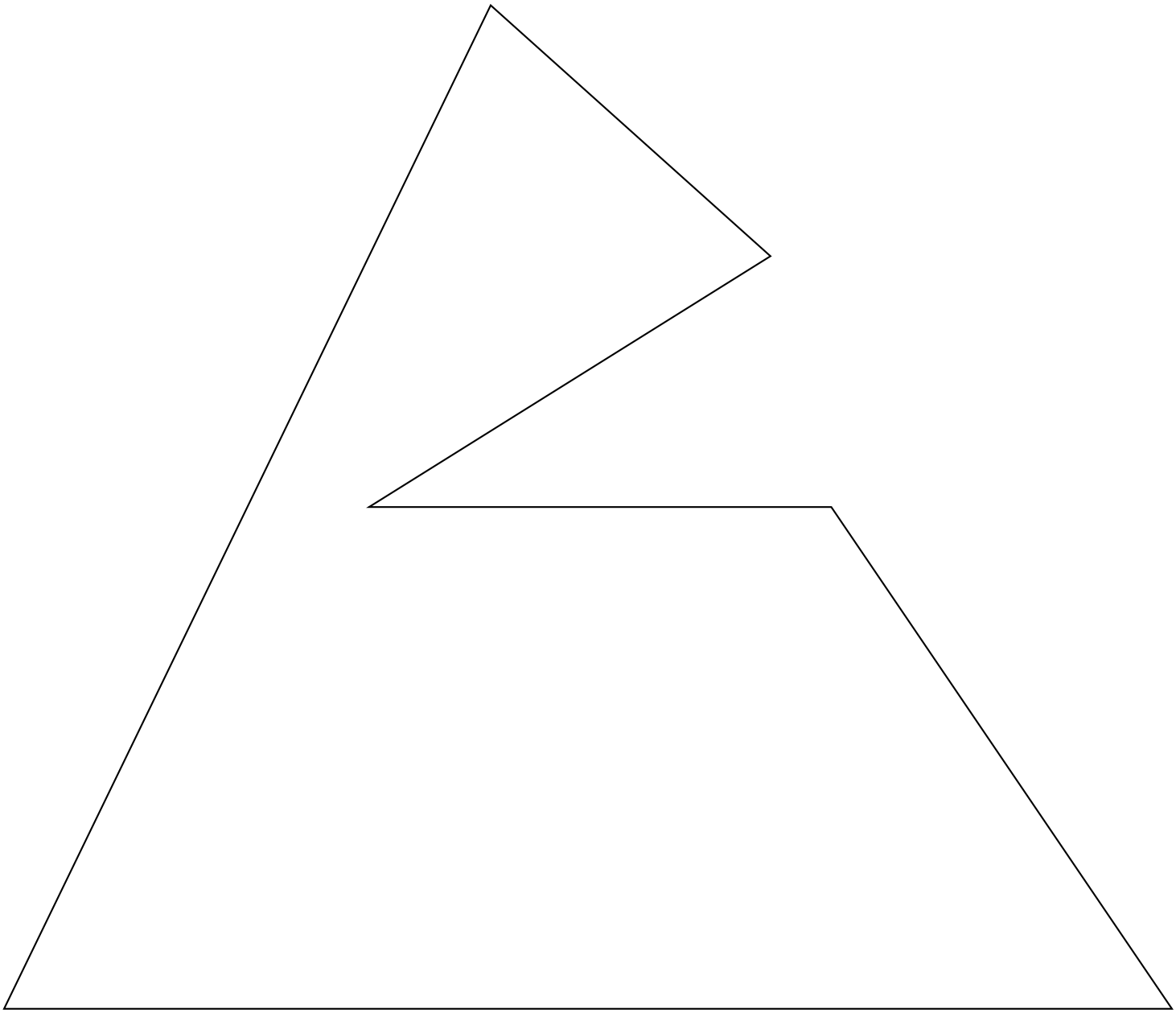
Le polyèdre de Szilassi

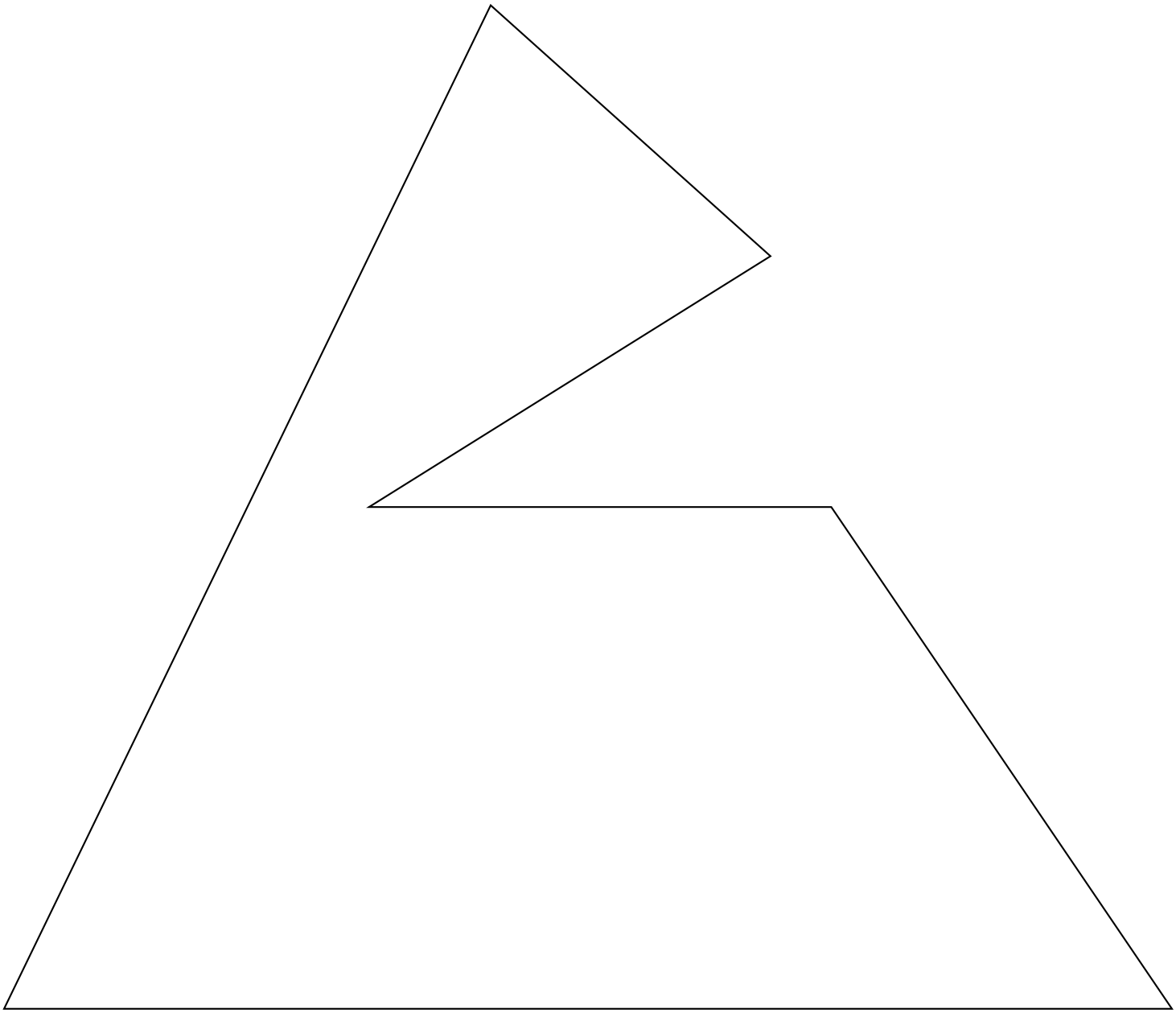
Troisième

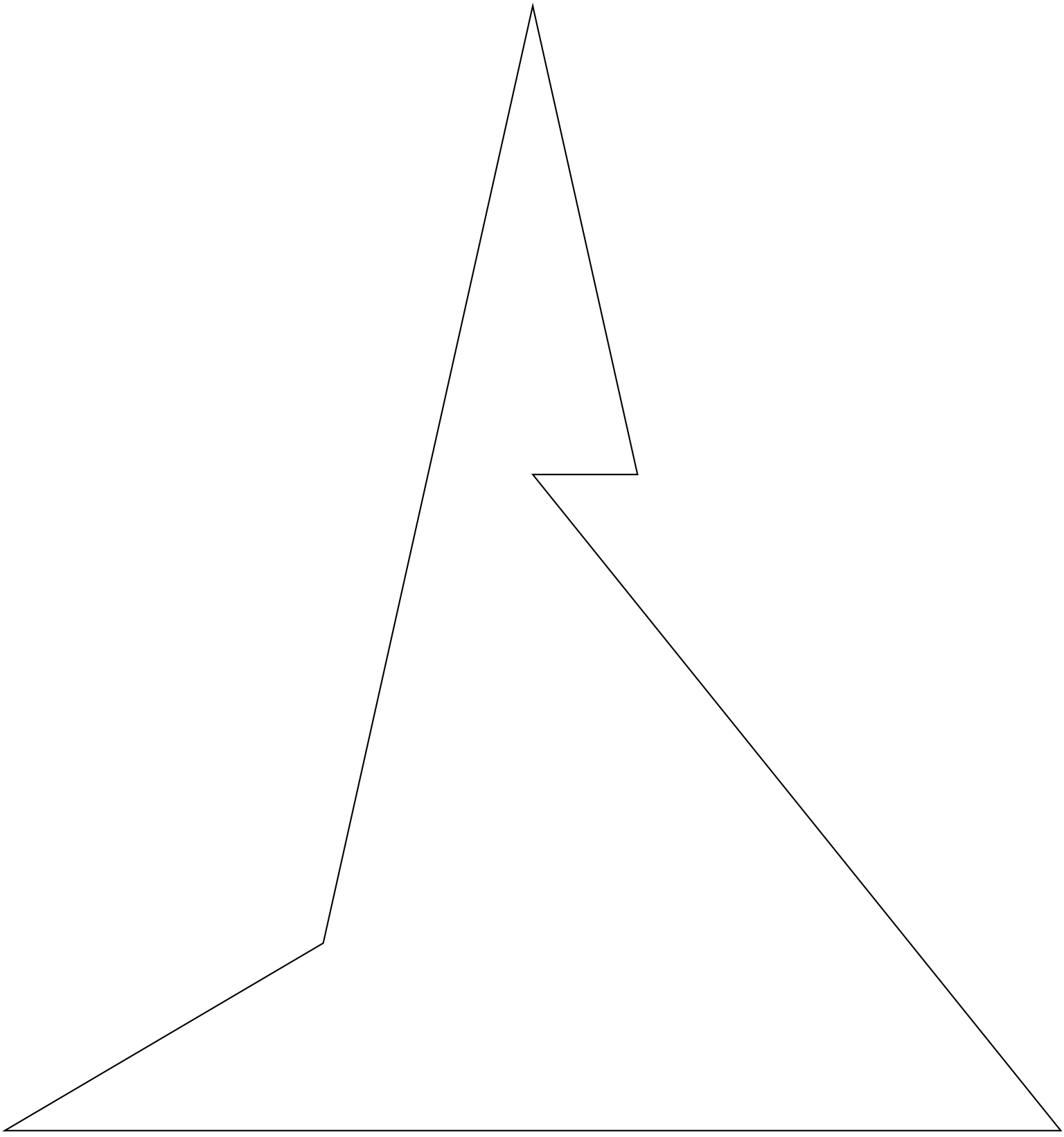


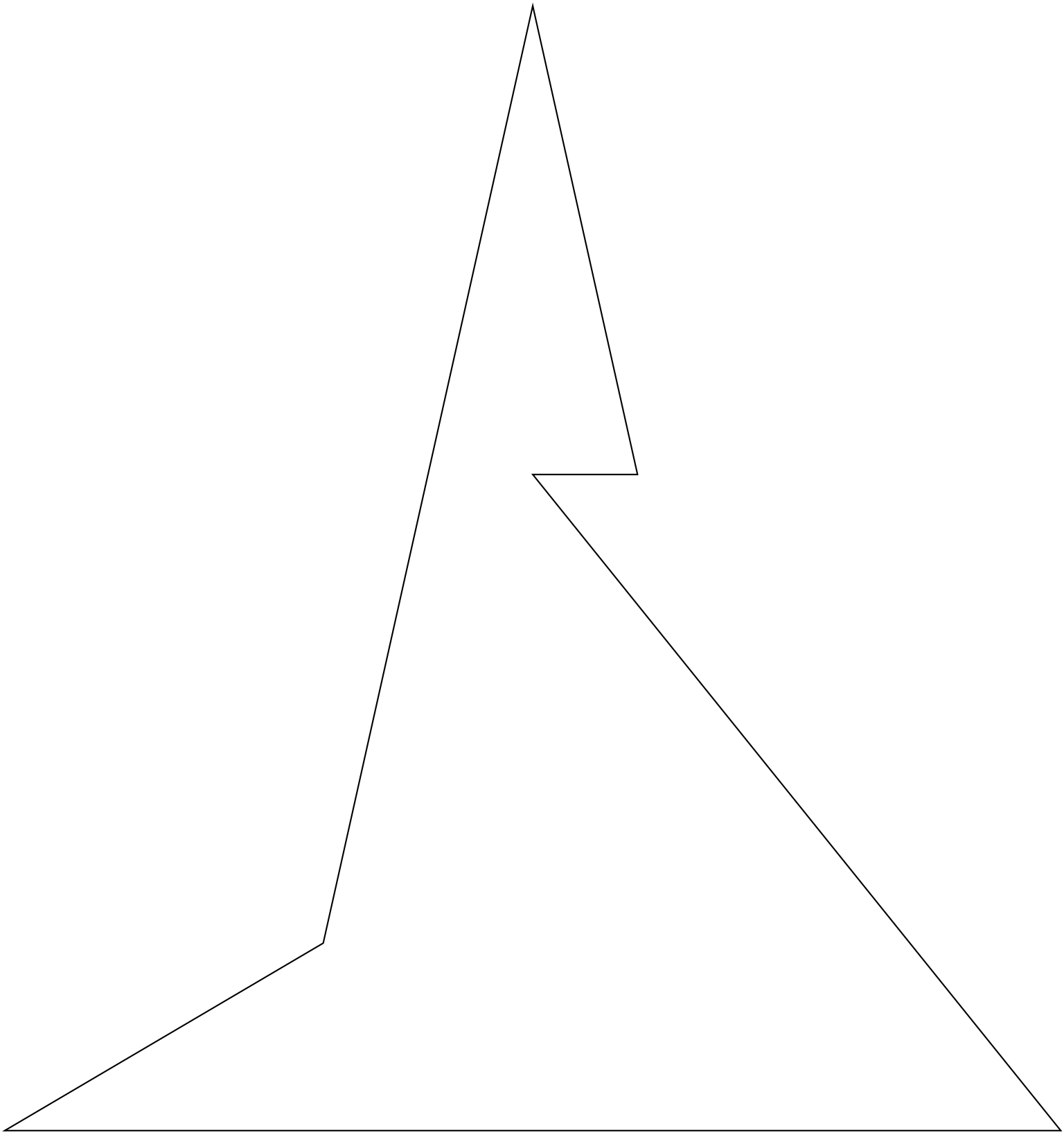
Le polyèdre de Szilassi

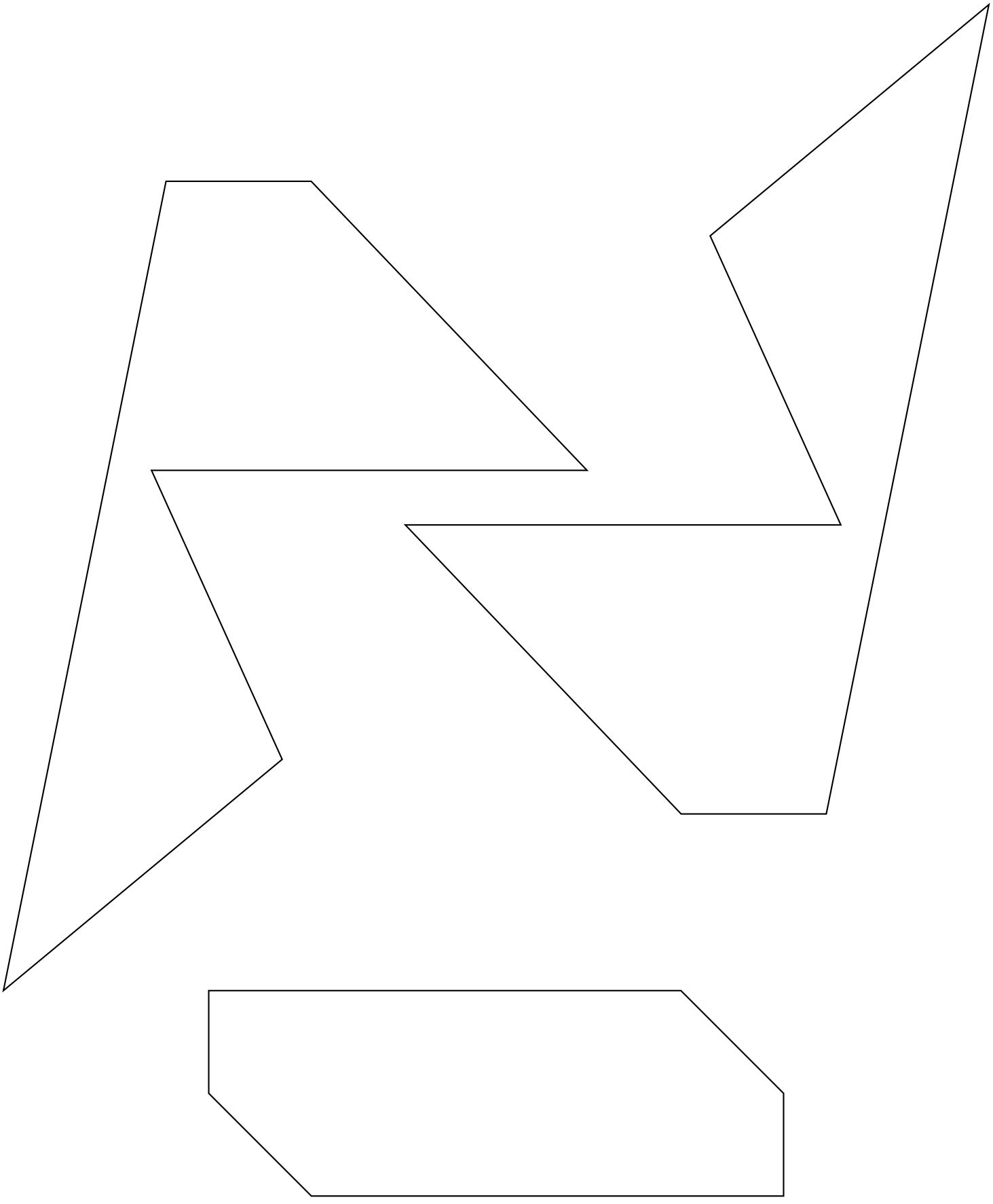


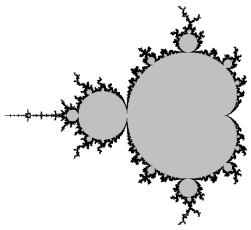












Le polyèdre de Szilassi — Correction

Devoir maison : Vitesse — **Les plots du prof d'EPS**

Pour mesurer sa vitesse moyenne en km/h pendant le cours d'EPS, le professeur utilise les deux méthodes ci-dessous :

- **Méthode des** 3 min 36 s
  - Courir sans s'arrêter pendant 3 min 36 s ;
  - compter le nombre de plots franchis (les plots sont espacés de 20 m) ;
  - diviser ce nombre de plots par 3.
- **Méthode des** 9 min 36 s
  - Courir sans s'arrêter pendant 9 min 36 s ;
  - compter le nombre de plots franchis (les plots sont espacés de 20 m) ;
  - diviser ce nombre de plots par 8.

Le but de cet exercice est de justifier les méthodes utilisées en EPS.

Étude de la méthode des 3 min 36 s

1.a Un élève parcoure 540 m en 3 min 36 s. Quelle est sa vitesse moyenne exprimée en km/h ?
1.b Combien de plots a-t-il franchis ? La méthode du professeur est-elle efficace ?

2. Montrer que 3 min 36 $s = \frac{3}{50}\ h$.

On note maintenant d la distance en mètres parcourue par un élève pendant 3 min 36 s.

3.a Montrer en vous inspirant des questions **1.a** et **2.** que la vitesse en m/h s'exprime alors sous la forme $\frac{50}{3} \times d$
3.b En déduire que la vitesse en km/h s'exprime sous la forme $\frac{1}{60} \times d$ ou encore $\frac{d}{60}$
3.c En parcourant d mètres, combien de plots ont été franchis ?
3.d Diviser par 3 ce nombre de plots et en déduire une explication de la méthode du professeur.

Étude de la méthode des 9 min 36 s

4.a Un élève parcoure 1 740 m en 9 min 36 s. Quelle est sa vitesse moyenne exprimée en km/h ?
4.b Combien de plots a-t-il franchis ? La méthode du professeur est-elle efficace ?

5. Montrer que 9 min 36 $s = \frac{4}{25}\ h$

On note maintenant d la distance en mètres parcourue par un élève pendant 9 min 36 s.

6. En vous inspirant des questions **3.abcd** expliquer mathématiquement la méthode du professeur.

Exercices

Exercice n° 1 : Seconde — Pourcentages

L'air est constitué principalement d'azote et d'oxygène.
Dans un volume d'air donné, le volume d'azote correspond à 78,6 % du volume total et celui d'oxygène à 20,9 %.
Sachant qu'une salle de classe a un volume de 125 m^3, calculer le volume, en m3, de chacun des gaz présents dans cette salle.

Exercice n° 2 : Seconde — Calcul littéral — Volume

Le volume V d'un tonneau est donné par la formule suivante :

$$V = \pi \left[\frac{d}{2} + \frac{2}{3} \left(\frac{D}{2} - \frac{d}{2} \right) \right]^2$$

1. Calculer le volume de ce tonneau en m^3.
Donner la valeur approchée à 0,001 m3 par excès, puis en litres, à 1 litre près par excès, sachant que :

$$L = 1,60\ m \quad ; \quad d = 0,85\ m \quad ; \quad D = 1,34\ m$$

2. Un viticulteur décide d'utiliser ce tonneau pour faire fermenter son raisin.
Combien de bouteilles de 75 cL pourra-t-il remplir pour commercialiser son vin rouge ?

Grandeurs simples et composées

Les grandeurs simples

Il y a sept grandeurs simples qui correspondent à des propriétés des objets de la nature. On peut les mesurer ou les calculer. À chacune de ses grandeurs correspond une unité de mesure :

La longueur mesurée en mètre (m).
Le temps mesuré en seconde (s).
La masse mesurée en gramme (g).
La température mesurée en kelvin (K).
Le courant électrique mesuré en ampère (A).
La quantité de matière mesurée en mole (mol).
L'intensité lumineuse mesurée en candela (cd).

Remarque :
Au collège, en mathématique, on utilise le plus souvent les quatre premières grandeurs.
La température est habituellement mesurée en degré Celsius, $T(°C) = T(K) - 273,15$

Multiples et sous-multiples d'une grandeur simple

On utilise les préfixes et les abréviations suivantes pour désigner les multiples et sous-multiples d'une unité simple :

giga — G — milliard — $10^9 = 1\,000\,000\,000$;
mega — M — million — $10^6 = 1\,000\,000$;
kilo — k — mille — $10^3 = 1000$;
hecto — h — cent — $10^2 = 100$;
deca — da — dix — $10^1 = 10$;
nano — n — milliardième — $10^{-9} = 0,000\,000\,001$;
micro — µ — millionième — $10^{-6} = 0,000\,001$;
milli — m — millième — $10^{-3} = 0,001$;
centi — c — centième — $10^{-2} = 0,01$;
deci — d — dixième — $10^{-1} = 0,1$;

Les grandeurs composées

Ce sont des grandeurs obtenues par produit ou quotient de grandeurs simples. Voici les plus courantes au collège :

— la superficie mesurée en mètre carré (m^2)
$1\,m^2$ est la superficie d'un carré de 1 m de côté.

— le volume mesuré en mètre cube (m^3)
$1\,m^3$ est le volume d'un cube de 1 m de côté.

— la vitesse mesurée en mètre par seconde ($m\,s^{-1}$)
$1\,m\,s^{-1}$ correspond à la distance de 1 m parcourue en 1 s

— la masse volumique mesurée en kilograme par mètre cube ($kg\,m^{-3}$)
$1\,kg\,m^{-3}$ correspond à une masse de 1 kg pour un volume de $1\,m^3$.

— l'énergie mesurée en kilowatt-heure (kWh)
1 kWh correspond à une puissance de 1 kW utilisée pendant 1 h.

— le débit volumique mesuré en mètre cube par seconde ($m^3\,s^{-1}$)
$1\,m^3\,s^{-1}$ correspond à un transfert de $1\,m^3$ de matière en 1 s.

Remarques importantes :

Z $1\,mm^3$ ne vaut pas un millième de $1\,m^3$. Ce n'est vrai que pour les unités simples !

Il est conseillé de faire les conversions avec des unités simples.
Par exemple, 1 m=1000 mm.
Ainsi $1\,m^3 = 1\,m \times 1\,m \times 1\,m = 1000\,mm \times 1000\,mm \times 1000\,mm = 1\,000\,000\,000\,mm^3$.
$1\,m^2 = 100\,dm^2$ ou encore $1\,km^2 = 1\,000\,000\,m^2$.
Par définition : un hectare — $1\,ha = 10\,000\,m^2$: un carré de 100 m de côté.
$1\,m^3 = 1000\,dm^3 = 1\,000\,000\,cm^3$.
Définition du litre : $1\,L = 1\,dm^3 = 1000\,cm^3$ ou encore $1\,m^3 = 1000\,L$
Il est utile de se souvenir que 1 h=60 min, que 1 min=60 s ou encore 1 h=3600 s.
Une année ordinaire dure 365 jours, une année bissextile 366 jours. Un jour dure 24 h.
Pour les masses : la tonne : 1 t=1000 kg
La notation $km\,h^{-1}$ peut aussi s'écrire km/h ce qui signifie kilomètre par heure.
$m\,s^{-1}$ peut s'écrire m/s ce qui signifie mètre par seconde.
De même $kg\,m^{-3}$ peut s'écrire kg/m^3.

Exemple d'usage des vitesses :
J'ai mis 37 min pour venir au collège ce matin à la vitesse moyenne de $58\,km\,h^{-1}$. Au retour je n'ai mis que 28 min. Quelle a été ma vitesse au retour et ma vitesse moyenne sur l'aller-retour ?

Quand on utilise une vitesse moyenne, on considère que le temps et la distance sont des grandeurs proportionnelles.

Distance	58 km	$\frac{37\,min \times 58\,km}{60\,min} \approx 35,767\,km$
Temps	1 h=60 min	37 min

La distance entre le collège est chez moi est d'environ 35,767 km.

Distance	35,767 km	$\frac{35,767\,km \times 60\,min}{28\,min} \approx 76,64\,km$
Temps	28 min	1 h=60 min

J'ai roulé à environ la vitesse de $77\,km\,h^{-1}$ au retour.

Distance	$2 \times 35,767\,km = 71,534\,km$	$\frac{71,534\,km \times 60\,min}{65\,min} \approx 66,03\,km$
Temps	28 min+37 min=65 min	1 h=60 min

J'ai roulé à environ la vitesse de $66\,km\,h^{-1}$ au retour.

Informations légales

— **Auteur :** Fabrice ARNAUD
— **Web :** pi.ac3j.fr
— **Mail :** contact@ac3j.fr
— **Dernière modification :** 27 octobre 2026 à 10:01

Ce document a été écrit pour LaTeXavec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.2141
Il a été compilé sous Linux Ubuntu Resolute Raccoon (Le Raton Laveur résolu) 26.04 avec la distribution TeX Live 2025.20260124 et LuaTex 1.22.0

Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim.

J'aimerais beaucoup rendre disponibles mes sources en TeX. Dans un monde idéal, je le ferai immédiatement. J'ai plusieurs fois constaté que des pilleurs du Net me volent mes fichiers pdf, retirent cette dernière page de licence, pour les mettre en ligne et parfois même les rendre payants. N'ayant pas les moyens de mettre un cabinet d'avocats sur cette contravention à la licence CC BY-NC-SA 4.0, je fais le choix de ne pas rendre mes sources disponibles.
La plupart des pdf proposés sur ce blog ne contiennent aucun filigrane, je ne les signe pas. Cela permet aux collègues, aux parents, aux élèves, de disposer d'un document anonyme dont chacun peut disposer en respectant la licence qui est particulièrement souple pour les utilisateurs non commerciaux. Je me suis contenté d'ajouter mes références sur cette dernière page. Seules les corrections d'examens contiennent un filigrane vertical. J'ai en effet constaté que certains sites peu scrupuleux, vendaient mes corrections alors qu'elles sont disponibles librement et gratuitement sur mon site. Cette solution est insatisfaisante, je n'ai pas trouvé mieux !
Les QR codes présents sur certains documents pointent vers le fichier pdf lui-même et sa correction. Ce lien ne pointe ni vers une page de mon blog ni vers une quelconque publicité. Vous pouvez le laisser si vous souhaitez que vos élèves accèdent au document en ligne avec sa correction.
Si vous êtes un enseignant et que vous diffusez ce document dans le cadre strict de votre établissement scolaire, inutile de vous poser des questions sur la licence ci-dessous ! Dans la mesure où vous limitez cette diffusion à votre classe ou un environnement numérique de travail privé, n'hésitez pas à vous servir !

Licence CC BY-NC-SA 4.0

Attribution
Pas d'Utilisation Commerciale
Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

Partager — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats
Adapter — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

Attribution — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.
Pas d'Utilisation Commerciale — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.
Partage dans les Mêmes Conditions — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les même conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.
Pas de restrictions complémentaires — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Oeuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/deed.fr

Comment créditer cette œuvre ?

Ce document, **Cours.pdf**, a été crée par **Fabrice ARNAUD (contact@ac3j.fr)** le 27 octobre 2026 à 10:01.
Il est disponible en ligne sur **pi.ac3j.fr**, **Le blog de Fabrice ARNAUD**.
Adresse de l'article : **https://pi.ac3j.fr/mathematiques-college**

Informations légales

— **Auteur :** Fabrice ARNAUD
— **Web :** pi.ac3j.fr
— **Mail :** contact@ac3j.fr
— **Dernière modification :** 27 octobre 2026 à 10:01

Ce document a été écrit pour LaTeXavec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.2141
Il a été compilé sous Linux Ubuntu Resolute Raccoon (Le Raton Laveur résolu) 26.04 avec la distribution TeX Live 2025.20260124 et LuaTex 1.22.0

Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim.

J'aimerais beaucoup rendre disponibles mes sources en TeX. Dans un monde idéal, je le ferai immédiatement. J'ai plusieurs fois constaté que des pilleurs du Net me volent mes fichiers pdf, retirent cette dernière page de licence, pour les mettre en ligne et parfois même les rendre payants. N'ayant pas les moyens de mettre un cabinet d'avocats sur cette contravention à la licence CC BY-NC-SA 4.0, je fais le choix de ne pas rendre mes sources disponibles.
La plupart des pdf proposés sur ce blog ne contiennent aucun filigrane, je ne les signe pas. Cela permet aux collègues, aux parents, aux élèves, de disposer d'un document anonyme dont chacun peut disposer en respectant la licence qui est particulièrement souple pour les utilisateurs non commerciaux. Je me suis contenté d'ajouter mes références sur cette dernière page. Seules les corrections d'examens contiennent un filigrane vertical. J'ai en effet constaté que certains sites peu scrupuleux, vendaient mes corrections alors qu'elles sont disponibles librement et gratuitement sur mon site. Cette solution est insatisfaisante, je n'ai pas trouvé mieux !
Les QR codes présents sur certains documents pointent vers le fichier pdf lui-même et sa correction. Ce lien ne pointe ni vers une page de mon blog ni vers une quelconque publicité. Vous pouvez le laisser si vous souhaitez que vos élèves accèdent au document en ligne avec sa correction.
Si vous êtes un enseignant et que vous diffusez ce document dans le cadre strict de votre établissement scolaire, inutile de vous poser des questions sur la licence ci-dessous ! Dans la mesure où vous limitez cette diffusion à votre classe ou un environnement numérique de travail privé, n'hésitez pas à vous servir !

Licence CC BY-NC-SA 4.0

Attribution
Pas d'Utilisation Commerciale
Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

Partager — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats
Adapter — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

Attribution — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.
Pas d'Utilisation Commerciale — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.
Partage dans les Mêmes Conditions — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les même conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.
Pas de restrictions complémentaires — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Oeuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/deed.fr

Comment créditer cette œuvre ?

Ce document, **Cours.pdf**, a été crée par **Fabrice ARNAUD (contact@ac3j.fr)** le 27 octobre 2026 à 10:01.
Il est disponible en ligne sur **pi.ac3j.fr**, **Le blog de Fabrice ARNAUD**.
Adresse de l'article : **https://pi.ac3j.fr/mathematiques-college**