Les nombres relatifs

Somme — Différence — Écriture algébrique

Nombres opposés

Deux nombres relatifs sont **opposés** si leur somme est nulle.

0 est égal à son opposé.

Quand deux nombres sont opposés, l'un des deux est **positif** et l'autre est **négatif** .
Deux nombres opposés sont situés à la même distance de zéro.

Exemples :

$(-5) + (+5) = 0$, (-5) et $(+5)$ sont opposés.
(-5) est négatif et $(+5)$ est positif.
Le nombre relatif $(+5)$ correspond au nombre entier 5. On écrit le plus souvent 5 au lieu de $(+5)$.
Ces deux nombres sont situés à la même distance de zéro : 5 unités.
$0 + 0 = 0$: 0 est son propre opposé.

Somme de deux nombres relatifs

Pour calculer la somme de deux nombres relatifs :

- Si les deux nombres ont **le même signe** :
  - on **ajoute** les distances à zéro ;
  - la somme a le même signe que les deux nombres.
- Si les deux nombres ont **des signes différents** :
  - on **soustrait** les distances à zéro ;
  - la somme est du même signe que celui des nombres le plus éloigné de zéro.

Exemples :

$(+5) + (+7) = (+12)$ car $5 + 7 = 12$ et les deux nombres sont positifs.
$(-5) + (-7) = (-12)$ car $5 + 7 = 12$ et les deux nombres sont négatifs.
$(+5) + (-7) = (-2)$ car $7 - 5 = 2$ et -7 est le plus éloigné de zéro.
$(-5) + (+7) = (+2)$ car $7 - 5 = 2$ et $+7$ est le plus éloigné de zéro.

Différence de deux nombres relatifs

Soustraire un nombre revient à ajouter son opposé.

Exemples :

$(-6) - (+7) = (-6) + (-7) = (-13)$
$(-6) - (-7) = (-6) + (+7) = (+1)$
$(+6) - (-7) = (+6) + (+7) = (+13)$
$(+6) - (+7) = (+6) + (-7) = (-1)$

$(+7) - (+6) + (-5) = (+7) + (-6) + (-5) = (-4)$
$(-7) - (-6) - (-5) = (-7) + (+6) + (+5) = (+4)$
$(+7) - (+6) - (-5) = (+7) + (-6) + (+5) = (+6)$
$(-7) + (+6) - (+5) = (-7) + (+6) + (-5) = (-6)$

Somme algébrique

Écrire sous forme de **somme algébrique** une somme de relatifs consiste à ne plus écrire que les symboles + et − pour désigner le signe **positif** ou **négatif** du nombre.
Dans ce cas, le symbole + pour l'addition n'est pas écrit, il est **sous-entendue**.
Les parenthèses ne sont plus utiles.

Par exemple :

$A = (-5) + (-7) + (-8) + (-7) + (+9) + (+3)$ peut s'écrire $A = -5 - 7 - 8 - 7 + 9 + 3$
$B = (+5) + (+7) + (-9) + (+7) + (-9) + (-3)$ peut s'écrire $B = 5 + 7 - 9 + 7 - 9 - 3$

Astuce pratique :

Voici une succession de sommes et de différences de relatifs :
$C = (-5) + (+8) - (-6) - (+7) + (-9) - (+1) - (-8)$
En écrivant les différence sous forme de somme de l'opposé on obtient :
$C = (-5) + (+8) + (+6) + (-7) + (-9) + (-1) + (+8)$
L'écriture algébrique qui correspond est :
$C = -5 + 8 + 6 - 7 - 9 - 1 + 8$
En observant le première écriture et la troisième :
$C = (-5) + (+8) - (-6) - (+7) + (-9) - (+1) - (-8)$
$C = -5 + 8 + 6 - 7 - 9 - 1 + 8$

On remarque l'astuce suivante pour automatiser le passage en écriture algébrique :

+	suivi de	+	devient	+	
−	suivi de	−	devient	+	
+	suivi de	−	devient	−	
−	suivi de	+	devient	−	

Exemples :

$D = (+6) - (-7) - (+9) - (-10) + (-4) + (+9)$
$D = 6 + 7 - 9 + 10 - 4 + 9$
$D = -13 + 32$
$\boxed{D = 19}$

$E = -1 - (7 - 11) + (6 - 9) - (11 - 5)$
$E = -1 - (-4) + (-3) - (+6)$
$E = -1 + 4 - 3 - 6$
$E = -10 + 4$
$\boxed{E = -6}$

$F = (6 - 11) - (5 - 12) + (11 - 8) - 3$
$F = (-5) - (-7) + (+3) - 3$
$F = -5 + 7 + 3 - 3$
$\boxed{F = 2}$

$G = 1 - (-1 - (-1 - 1) - 1) - (-1 - 1) - 1$
$G = 1 - (-1 - (-2) - 1) - (-2) - 1$
$G = 1 - (-1 + 2 - 1) + 2 - 1$
$G = 1 - (0) + 2 - 1$
$G = 1 + 2 - 1$
$\boxed{G = 2}$

Informations légales

— **Auteur :** Fabrice ARNAUD
— **Web :** pi.ac3j.fr
— **Mail :** contact@ac3j.fr
— **Dernière modification :** 29 octobre 2026 à 14:15

Ce document a été écrit pour LaTeXavec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.2141
Il a été compilé sous Linux Ubuntu Resolute Raccoon (Le Raton Laveur résolu) 26.04 avec la distribution TeX Live 2025.20260124 et LuaTex 1.22.0

Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim.

J'aimerais beaucoup rendre disponibles mes sources en TeX. Dans un monde idéal, je le ferai immédiatement. J'ai plusieurs fois constaté que des pilleurs du Net me volent mes fichiers pdf, retirent cette dernière page de licence, pour les mettre en ligne et parfois même les rendre payants. N'ayant pas les moyens de mettre un cabinet d'avocats sur cette contravention à la licence CC BY-NC-SA 4.0, je fais le choix de ne pas rendre mes sources disponibles.
La plupart des pdf proposés sur ce blog ne contiennent aucun filigrane, je ne les signe pas. Cela permet aux collègues, aux parents, aux élèves, de disposer d'un document anonyme dont chacun peut disposer en respectant la licence qui est particulièrement souple pour les utilisateurs non commerciaux. Je me suis contenté d'ajouter mes références sur cette dernière page. Seules les corrections d'examens contiennent un filigrane vertical. J'ai en effet constaté que certains sites peu scrupuleux, vendaient mes corrections alors qu'elles sont disponibles librement et gratuitement sur mon site. Cette solution est insatisfaisante, je n'ai pas trouvé mieux !
Les QR codes présents sur certains documents pointent vers le fichier pdf lui-même et sa correction. Ce lien ne pointe ni vers une page de mon blog ni vers une quelconque publicité. Vous pouvez le laisser si vous souhaitez que vos élèves accèdent au document en ligne avec sa correction.
Si vous êtes un enseignant et que vous diffusez ce document dans le cadre strict de votre établissement scolaire, inutile de vous poser des questions sur la licence ci-dessous ! Dans la mesure où vous limitez cette diffusion à votre classe ou un environnement numérique de travail privé, n'hésitez pas à vous servir !

Licence CC BY-NC-SA 4.0

Attribution
Pas d'Utilisation Commerciale
Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

Partager — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats
Adapter — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

Attribution — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.
Pas d'Utilisation Commerciale — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.
Partage dans les Mêmes Conditions — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les même conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.
Pas de restrictions complémentaires — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Oeuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/deed.fr

Comment créditer cette œuvre ?

Ce document, **Compilation.pdf**, a été crée par **Fabrice ARNAUD (contact@ac3j.fr)** le 29 octobre 2026 à 14:15.
Il est disponible en ligne sur **pi.ac3j.fr**, **Le blog de Fabrice ARNAUD**.
Adresse de l'article : https://pi.ac3j.fr/fiches-de-mathematiques/