Introduction

Les **nombres entiers** sont les premiers nombres que l'on rencontre dans l'apprentissage des mathématiques. Ce premier chapitre de l'année de sixième est rarement traité en tant que chapitre dédié, il se fait de manière spiralée pendant la première période de l'année et permet de réinvestir des notions de l'école primaire.

Deux aspects des nombres entiers sont abordés. La dimension cardinale du nombre, comme outil de comptage d'un ensemble d'objets. On réinvestit les opérations arithmétiques fondamentales, l'addition, la soustraction et la multiplication. On aborde aussi le nombre entier par son caractère ordinal, en classant ceux-ci dans l'ordre croissant ou décroissant. On considère la demi-droite graduée, le successeur d'un nombre, son prédécesseur.

Même si ce chapitre n'est pas un véritable chapitre dans le cahier de l'élève, il s'agit souvent d'une première introduction au cours de mathématique au collège. Pour cette raison, on trouve des activités ludiques faisant appel à la curiosité et visant à créer un peu d'intérêt pour cette matière.

Connaissances et savoirs faire

- Connaître et utiliser la valeur des chiffres selon leur rang dans l'écriture d'un nombre ;
- Connaître les liens entre les unités de numération unité, dizaine, centaine, millier ;
- Connaître des grands nombres entiers ;
- Placer sur une demi-droite graduée un point dont l'abscisse est un nombre entier ;
- Ordonner une liste de nombres entiers ;
- Additionner et soustraire des nombres entiers ;
- Calculer le produit de deux nombres entiers ;
- Connaître le vocabulaire des opérations : sommes, différences, termes, produit, facteurs ;
- Contrôler les résultats à l'aide d'ordres de grandeur ;
- Résoudre des problèmes mettant en jeu les nombres entiers.

La leçon — Version prof

I — L'écriture positionnelle des nombres entiers

Définition 1.1 : Écriture positionnelle

Les **entiers naturels** sont les **nombres** qui permettent de compter des objets.
Un nombre entier peut s'écrire en utilisant les 10 **chiffres** indo-arabes : 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 et 9.
On utilise pour cela la **notation positionnelle** où chaque chiffre à un sens différent suivant sa position dans le nombre.

Exemples :

Milliards			Millions			Milliers			Unités simples		
C	D	U	C	D	U	C	D	U	Centaines	Dizaines	Unités
								2	0	1	9
				1	2	3	4	5	6	7	8
9	0	8	0	7	0	6	0	5	0	4	1

On peut décomposer ces nombres entiers :
$2019 = 2 \times 1000 + 0 \times 100 + 1 \times 10 + 9 \times 1$
Deux-mille-dix-neuf

$12345678 = 1 \times 10000000 + 2 \times 1000000 + 3 \times 100000 + 4 \times 10000 + 5 \times 1000 + 6 \times 100 + 7 \times 10 + 8 \times 1$
Douze-millions-trois-cent-quarante-cinq-mille-six-cent-soisante-dix-huit

$908070605041 = 9 \times 100000000000 + 8 \times 1000000000 + 7 \times 10000000 + 6 \times 100000 + 5 \times 1000 + 4 \times 10 + 1 \times 1$
Neuf-cent-huit-milliards-soixante-dix-millions-six-cent-cinq-mille-quarante-et-un

Remarque importante :

On adopte la convention suivante :
Dans une succession d'opérations, additions, soustractions et multiplications, on convient de toujours commencer par les multiplications.
On dit que **la multiplication est prioritaire** devant l'addition et la soustraction.

Exemple :
L'expression $5 \times 1000 + 6 \times 100$ revient à l'expression $(5 \times 1000) + (6 \times 100)$.

Deux décompositions complémentaires : :
L'écriture décimale permet d'obtenir la décomposition suivante :
$123456 = 1 \times 100000 + 2 \times 10000 + 3 \times 1000 + 4 \times 100 + 5 \times 10 + 6 \times 1$
Cette décomposition simplifie la lecture du sens de chaque chiffre :

- 1 est le chiffre des centaines de milliers ;
- 2 est le chiffre des dizaines de milliers ;
- 3 est le chiffre des unités de milliers ;

— 4 est le chiffre des centaines ;
— 5 est le chiffre des dizaines ;
— 6 est le chiffre des unités.

Des décompositions souvent utiles sont les suivantes :
— $123\,456 = 123\,450 + 6 = 12\,345 \times 10 + 6$;
— $123\,456 = 123\,400 + 56 = 1\,234 \times 100 + 56$;
— $123\,456 = 123\,000 + 456 = 123 \times 1\,000 + 456$;
— $123\,456 = 120\,000 + 3\,456 = 12 \times 10\,000 + 3\,456$;
— $123\,456 = 100\,000 + 23\,456 = 1 \times 100\,000 + 23\,456$.

Ces décompositions permettent de dire que :
— Le nombre de dizaines dans 123 456 est 12 345 ;
— Le nombre de centaines dans 123 456 est 1 234 ;
— Le nombre de milliers dans 123 456 est 123 ;
— Le nombre de dizaines de milliers dans 123 456 est 12 ;
— Le nombre de centaines de milliers dans 123 456 est 1.

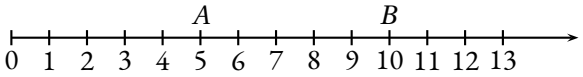
Règles orthographiques :
— on met un trait d'union entre tous les mots ;
— cent et vingt sont invariables sauf quand il s'agit de centaines ou de vingtaines entières ;
— mille est invariable ;
— million et milliard prennent un s au pluriel.

Exemples :
Les quatre mousquetaires.
Le tour du monde en quatre-vingts jours.
Mille-neuf-cent-quatre-vingt-quatre.
Les quatre-cents coups.
Deux-mille-dix-neuf.

II — La demi-droite graduée

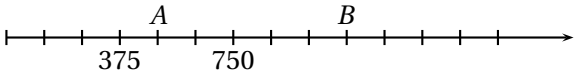
Définition 1.2 : La demi-droite graduée

On représente les nombres entiers sur la demi-droite graduée. Cette demi-droite est constituée :
— d'une **origine** qui correspond au nombre 0 ;
— d'une **unité** qui indique le pas sur la demi-droite ;
— d'un **sens** de lecture.



On dit que
— 5 est **l'abscisse** du point A ;
— 10 est **l'abscisse** du point B.

Méthode 1.1 : Lire une droite graduée
L'unité n'est pas toujours indiquée de la même manière sur une droite graduée :



Dans cette situation, il y a 3 graduations entre 375 et 750.
L'écart entre 750 et 375 est $750 - 375 = 375$.
Or $375 \div 3 = 125$ donc chaque graduation représentent 125 unités.
Ainsi A a pour abscisse $375 + 125 = 500$ et B pour abscisse $725 + 3 \times 125 = 1\,100$

Définition 1.3 : Les symboles de comparaison

Nous utilisons 3 symboles de comparaison :

- $=$ — **égal** : permet d'indiquer que deux expressions correspondent au même nombre : $3 + 4 = 7$;
- $<$ — **inférieur** ou **plus petit** : indique que l'expression de gauche est plus petite que celle de droite $8 < 9$
- $>$ — **supérieur** ou **plus grand** : indique que l'expression de gauche est plus grande que celle de droite $10 + 1 > 10 - 1$

Classer des nombres dans **l'ordre croissant** signifie les classer du plus petit au plus grand.
Classer des nombres dans **l'ordre décroissant** signifie les classer du plus grand au plus petit.

III — Somme, différence et produit de nombres entiers

Définition 1.4 : Somme, différence et produit

Le résultat d'une **addition** de **termes** est appelée **la somme** .
Le résultat d'une **soustraction** de **termes** est appelée **la différence** .
Le résultat d'une **multiplication** de **facteurs** est appelée **le produit** .

Sens et propriétés des opérations sur les entiers :

- L'**addition** de deux nombres entiers revient à dénombrer la réunion de quantités de même nature.
  Par exemple, ajouter 4 à 9 revient à dénombrer la réunion de 9 pommes avec 4 pommes, ce qui revient à un ensemble de 13 pommes. La nature de l'objet choisi n'a pas d'importance. C'est la raison pour laquelle on écrit $4 + 9 = 13$.
  L'ordre dans lequel on effectue une addition n'a pas d'importance ![1]
- La **soustraction** de deux nombres entiers revient à dénombrer l'écart entre le plus grand et le plus petit. Cela revient à calculer ce qu'il faut ajouter au plus petit entier pour obtenir le plus grand.
  Par exemple soustraire 9 à 4 revient à calculer le nombre entier $\heartsuit$ tel que $4 + \heartsuit = 9$. Ainsi $9 - 4 = 5$ car $4 + 5 = 9$
  L'ordre est important dans la soustraction : on soustrait un nombre entier à un plus grand !
- La **multiplication** de deux nombres entiers revient à effectuer des additions successives.
  Par exemple, multiplier 4 par 9 revient à effectuer $\underbrace{4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4}_{9 \text{ fois}} = 36$
  On remarque que multiplier 4 par 9 revient à multiplier 9 par 4 car $\underbrace{9 + 9 + 9 + 9}_{4 \text{ fois}} = 36$
  L'ordre dans lequel on effectue une multiplication n'a pas d'importance !

Méthode 1 . 2 : Algorithmes d'addition, de soustraction et de multiplication des entiers

- Addition des entiers On place le nombres les uns en dessous des autres en alignant les chiffres. On effectue la somme de chaque colonne, on écrit le chiffre des unités de cette somme en bas de la colonne et le nombre de dizaine au sommet de la colonne de chiffres suivante sous forme de retenue.
  Par exemple :

$$\begin{array}{r} {\scriptstyle 1\ \ 1\ \ \ \ \ } \\ 2019 \\ +\ 67897 \\ \hline 69916 \end{array}$$

— Soustraction des entiers On place le plus grand nombre en premier puis le second en dessous en alignant les chiffres. Quand le chiffre du dessus est inférieur à celui du dessous on retire une unité au chiffre suivant ce qui permet d'ajouter 10 et d'effectuer la soustraction.
Par exemple :

$$\begin{array}{r} 6\,9\,9\,{\scriptstyle 1}1\,{\scriptstyle 1}6 \\ -\ \ 2\,{\scriptstyle 1}0\,{\scriptstyle 1}1\,9 \\ \hline 6\,7\,8\,9\,7 \end{array}$$

— Multiplication des entiers On place les deux nombres l'un en dessous de l'autre sans forcément aligner les chiffres. On effectue les multiplications successives.
Par exemple :

$$\begin{array}{r} 2019 \\ \times\ \ 678 \\ \hline 16152 \\ 14133\cdot \\ 12114\cdot\cdot \\ \hline 13688\,82 \end{array}$$

La leçon — Version élève

I — L'écriture positionnelle des nombres entiers

Définition 1.5 : Écriture positionnelle

Les **entiers naturels** sont les **nombres** qui permettent de compter des objets.
Un nombre entier peut s'écrire en utilisant les 10 **chiffres** indo-arabes : 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 et 9.
On utilise pour cela la **notation positionnelle** où chaque chiffre à un sens différent suivant sa position dans le nombre.

Exemples :

Milliards			Millions			Milliers			Unités simples		
C	D	U	C	D	U	C	D	U	Centaines	Dizaines	Unités
								2	0	1	9
				1	2	3	4	5	6	7	8
9	0	8	0	7	0	6	0	5	0	4	1

On peut décomposer ces nombres entiers :
$2019 = 2 \times 1000 + 0 \times 100 + 1 \times 10 + 9 \times 1$
Deux-mille-dix-neuf

$12345678 = 1 \times 10000000 + 2 \times 1000000 + 3 \times 100000 + 4 \times 10000 + 5 \times 1000 + 6 \times 100 + 7 \times 10 + 8 \times 1$
Douze-millions-trois-cent-quarante-cinq-mille-six-cent-soisante-dix-huit

$908070605041 = 9 \times 100000000000 + 8 \times 1000000000 + 7 \times 10000000 + 6 \times 100000 + 5 \times 1000 + 4 \times 10 + 1 \times 1$
Neuf-cent-huit-milliards-soixante-dix-millions-six-cent-cinq-mille-quarante-et-un

Remarque importante :

On adopte la convention suivante :
Dans une succession d'opérations, additions, soustractions et multiplications, on convient de toujours commencer par les multiplications.
On dit que **la multiplication est prioritaire** devant l'addition et la soustraction.

Exemple :
L'expression $5 \times 1000 + 6 \times 100$ revient à l'expression $(5 \times 1000) + (6 \times 100)$.

Deux décompositions complémentaires : :
L'écriture décimale permet d'obtenir la décomposition suivante :
$123456 = 1 \times 100000 + 2 \times 10000 + 3 \times 1000 + 4 \times 100 + 5 \times 10 + 6 \times 1$
Cette décomposition simplifie la lecture du sens de chaque chiffre :

- 1 est le chiffre des centaines de milliers ;
- 2 est le chiffre des dizaines de milliers ;
- 3 est le chiffre des unités de milliers ;

— 4 est le chiffre des centaines ;
— 5 est le chiffre des dizaines ;
— 6 est le chiffre des unités.

Des décompositions souvent utiles sont les suivantes :
— $123\,456 = 123\,450 + 6 = 12\,345 \times 10 + 6$;
— $123\,456 = 123\,400 + 56 = 1\,234 \times 100 + 56$;
— $123\,456 = 123\,000 + 456 = 123 \times 1\,000 + 456$;
— $123\,456 = 120\,000 + 3\,456 = 12 \times 10\,000 + 3\,456$;
— $123\,456 = 100\,000 + 23\,456 = 1 \times 100\,000 + 23\,456$.

Ces décompositions permettent de dire que :
— Le nombre de dizaines dans 123 456 est 12 345 ;
— Le nombre de centaines dans 123 456 est 1 234 ;
— Le nombre de milliers dans 123 456 est 123 ;
— Le nombre de dizaines de milliers dans 123 456 est 12 ;
— Le nombre de centaines de milliers dans 123 456 est 1.

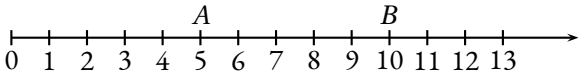
Règles orthographiques :
— on met un trait d'union entre tous les mots ;
— cent et vingt sont invariables sauf quand il s'agit de centaines ou de vingtaines entières ;
— mille est invariable ;
— million et milliard prennent un s au pluriel.

Exemples :
Les quatre mousquetaires.
Le tour du monde en quatre-vingts jours.
Mille-neuf-cent-quatre-vingt-quatre.
Les quatre-cents coups.
Deux-mille-dix-neuf.

II — La demi-droite graduée

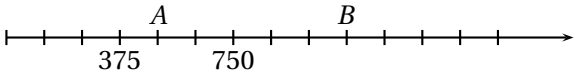
Définition 1.6 : La demi-droite graduée

On représente les nombres entiers sur la demi-droite graduée. Cette demi-droite est constituée :
— d'une **origine** qui correspond au nombre 0 ;
— d'une **unité** qui indique le pas sur la demi-droite ;
— d'un **sens** de lecture.



On dit que
— 5 est **l'abscisse** du point A ;
— 10 est **l'abscisse** du point B.

Méthode 1.3 : Lire une droite graduée
L'unité n'est pas toujours indiquée de la même manière sur une droite graduée :



Dans cette situation, il y a 3 graduations entre 375 et 750.
L'écart entre 750 et 375 est $750 - 375 = 375$.
Or $375 \div 3 = 125$ donc chaque graduation représentent 125 unités.
Ainsi A a pour abscisse $375 + 125 = 500$ et B pour abscisse $725 + 3 \times 125 = 1\,100$

Définition 1.7 : Les symboles de comparaison

Nous utilisons 3 symboles de comparaison :

- $=$ — **égal** : permet d'indiquer que deux expressions correspondent au même nombre : $3 + 4 = 7$;
- $<$ — **inférieur** ou **plus petit** : indique que l'expression de gauche est plus petite que celle de droite $8 < 9$
- $>$ — **supérieur** ou **plus grand** : indique que l'expression de gauche est plus grande que celle de droite $10 + 1 > 10 - 1$

Classer des nombres dans **l'ordre croissant** signifie les classer du plus petit au plus grand.
Classer des nombres dans **l'ordre décroissant** signifie les classer du plus grand au plus petit.

III — Somme, différence et produit de nombres entiers

Définition 1.8 : Somme, différence et produit

Le résultat d'une **addition** de **termes** est appelée **la somme** .
Le résultat d'une **soustraction** de **termes** est appelée **la différence** .
Le résultat d'une **multiplication** de **facteurs** est appelée **le produit** .

Sens et propriétés des opérations sur les entiers :

- L'**addition** de deux nombres entiers revient à dénombrer la réunion de quantités de même nature.
  Par exemple, ajouter 4 à 9 revient à dénombrer la réunion de 9 pommes avec 4 pommes, ce qui revient à un ensemble de 13 pommes. La nature de l'objet choisi n'a pas d'importance. C'est la raison pour laquelle on écrit $4 + 9 = 13$.
  L'ordre dans lequel on effectue une addition n'a pas d'importance ![2]
- La **soustraction** de deux nombres entiers revient à dénombrer l'écart entre le plus grand et le plus petit. Cela revient à calculer ce qu'il faut ajouter au plus petit entier pour obtenir le plus grand.
  Par exemple soustraire 9 à 4 revient à calculer le nombre entier $\heartsuit$ tel que $4 + \heartsuit = 9$. Ainsi $9 - 4 = 5$ car $4 + 5 = 9$
  L'ordre est important dans la soustraction : on soustrait un nombre entier à un plus grand !
- La **multiplication** de deux nombres entiers revient à effectuer des additions successives.
  Par exemple, multiplier 4 par 9 revient à effectuer $\underbrace{4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4}_{9 \text{ fois}} = 36$
  On remarque que multiplier 4 par 9 revient à multiplier 9 par 4 car $\underbrace{9 + 9 + 9 + 9}_{4 \text{ fois}} = 36$
  L'ordre dans lequel on effectue une multiplication n'a pas d'importance !

Méthode 1 . 4 : Algorithmes d'addition, de soustraction et de multiplication des entiers

- Addition des entiers On place le nombres les uns en dessous des autres en alignant les chiffres. On effectue la somme de chaque colonne, on écrit le chiffre des unités de cette somme en bas de la colonne et le nombre de dizaine au sommet de la colonne de chiffres suivante sous forme de retenue.
  Par exemple :

$$\begin{array}{rr} & {\scriptstyle 1\ \ 1\ \ } \\ + & 2019 \\ & 67897 \\ \hline & 69916 \end{array}$$

— Soustraction des entiers On place le plus grand nombre en premier puis le second en dessous en alignant les chiffres. Quand le chiffre du dessus est inférieur à celui du dessous on retire une unité au chiffre suivant ce qui permet d'ajouter 10 et d'effectuer la soustraction.
Par exemple :

$$\begin{array}{rr} & 6\,9\,9\,{\scriptstyle 1}1\,{\scriptstyle 1}6 \\ - & \ \ 2\,{\scriptstyle 1}0\,{\scriptstyle 1}1\,9 \\ \hline & 6\,7\,8\,9\,7 \end{array}$$

— Multiplication des entiers On place les deux nombres l'un en dessous de l'autre sans forcément aligner les chiffres. On effectue les multiplications successives.
Par exemple :

$$\begin{array}{rr} & 2019 \\ \times & \ \ 678 \\ \hline & 16152 \\ & 14133\cdot \\ & 12114\cdot\cdot \\ \hline & 1368882 \end{array}$$

Informations légales

- **Auteur :** Fabrice ARNAUD
- **Web :** pi.ac3j.fr
- **Mail :** contact@ac3j.fr

- **Dernière modification :** 12 novembre 2026 à 20:45

Ce document a été écrit pour LaTeXavec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.2141
Il a été compilé sous Linux Ubuntu Resolute Raccoon (Le Raton Laveur résolu) 26.04 avec la distribution TeX Live 2025.20260124 et LuaTex 1.22.0

Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim.

J'aimerais beaucoup rendre disponibles mes sources en TeX. Dans un monde idéal, je le ferai immédiatement. J'ai plusieurs fois constaté que des pilleurs du Net me volent mes fichiers pdf, retirent cette dernière page de licence, pour les mettre en ligne et parfois même les rendre payants. N'ayant pas les moyens de mettre un cabinet d'avocats sur cette contravention à la licence CC BY-NC-SA 4.0, je fais le choix de ne pas rendre mes sources disponibles.
La plupart des pdf proposés sur ce blog ne contiennent aucun filigrane, je ne les signe pas. Cela permet aux collègues, aux parents, aux élèves, de disposer d'un document anonyme dont chacun peut disposer en respectant la licence qui est particulièrement souple pour les utilisateurs non commerciaux. Je me suis contenté d'ajouter mes références sur cette dernière page. Seules les corrections d'examens contiennent un filigrane vertical. J'ai en effet constaté que certains sites peu scrupuleux, vendaient mes corrections alors qu'elles sont disponibles librement et gratuitement sur mon site. Cette solution est insatisfaisante, je n'ai pas trouvé mieux !
Les QR codes présents sur certains documents pointent vers le fichier pdf lui-même et sa correction. Ce lien ne pointe ni vers une page de mon blog ni vers une quelconque publicité. Vous pouvez le laisser si vous souhaitez que vos élèves accèdent au document en ligne avec sa correction.
Si vous êtes un enseignant et que vous diffusez ce document dans le cadre strict de votre établissement scolaire, inutile de vous poser des questions sur la licence ci-dessous ! Dans la mesure où vous limitez cette diffusion à votre classe ou un environnement numérique de travail privé, n'hésitez pas à vous servir !

Licence CC BY-NC-SA 4.0



Attribution
Pas d'Utilisation Commerciale
Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

Partager — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats
Adapter — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

Attribution — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.
Pas d'Utilisation Commerciale — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.
Partage dans les Mêmes Conditions — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les même conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.
Pas de restrictions complémentaires — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Oeuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/deed.fr

Comment créditer cette œuvre ?

Ce document, **Cours.pdf**, a été crée par **Fabrice ARNAUD (contact@ac3j.fr)** le 12 novembre 2026 à 20:45.
Il est disponible en ligne sur **pi.ac3j.fr**, **Le blog de Fabrice ARNAUD**.
Adresse de l'article : https://pi.ac3j.fr/mathematiques-college