

$$3780 = 2 \times 1890$$

On peut aussi présenter les calculs ainsi :

$$1890 = 2 \times 945$$

$$945 = 3 \times 315$$

$$315 = 3 \times 105$$

$$105 = 3 \times 35$$

$$35 = 5 \times 7$$

$$\text{Ainsi } 3780 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 5 \times 7 = 2^2 \times 3^3 \times 5 \times 7$$

3780	2
1890	2
945	3
315	3
105	3
35	5
7	7
1	

### III — Applications

#### 1 Fractions irréductibles

##### 🔗 DÉFINITION 1.4 : Fraction irréductible

$a$  et  $b$  deux nombres entiers et  $b \neq 0$

La fraction  $\frac{a}{b}$  est une **fraction irréductible** si 1 est le seul diviseur commun de  $a$  et  $b$ .

Une fraction irréductible est donc une fraction que l'on ne peut pas simplifier.

##### EXEMPLE :

$\frac{75}{64}$  est irréductible car 75 est divisible par 1, 3, 5, 15, 25 et 75 et 64 est divisible par 1, 2, 4, 8, 16, 32 et 64.

$\frac{76}{64}$  n'est pas irréductible car 76 et 64 sont divisibles par 2.

$$\text{D'ailleurs } \frac{76}{64} = \frac{2 \times 38}{2 \times 32} = \frac{38}{32} = \frac{2 \times 19}{2 \times 16} = \frac{19}{16}$$

La fraction  $\frac{19}{16}$  est irréductible.

##### MÉTHODE 1.2 : Simplifier une fraction en une fraction irréductible

Pour simplifier une fraction dont le numérateur et le dénominateur sont des nombres assez grands, il peut être utile de décomposer ces deux nombres en produit de facteurs premiers.

On a par exemple :  $990 = 2 \times 3 \times 3 \times 5 \times 11$  et  $1260 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5 \times 7$

$$\frac{990}{1260} = \frac{\cancel{2} \times \cancel{3} \times \cancel{3} \times \cancel{5} \times 11}{2 \times \cancel{2} \times \cancel{3} \times \cancel{3} \times \cancel{5} \times 7} = \frac{11}{2 \times 7} = \frac{11}{14}$$